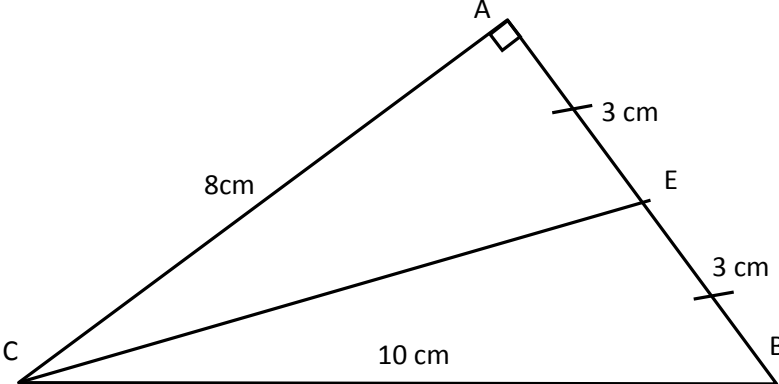
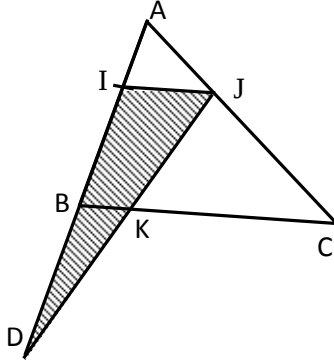


فروض النجاح استعدادا لاجتياز فروضك	فرض محروس 2 د 1 2016/2015 حل مقترح	السنة الثالثة ثانوي إعدادي
أذ سمير لخريسي - مدة الانجاز 55 دقيقة		
يجب استعمال المسطرة المدرجة و البركار لأجل إنشاء المثلث دون استعمال الكوس، فالمثلث في المعطيات لم يذكر أنه قائم الزاوية.	تمرين 1 : لنحسب : 	1
لدينا $BC^2 = 10^2 = 100$ و $AC^2 = 8^2 = 64$ و $AB^2 = 6^2 = 36$ بما أن : $36 + 64 = 100$ فإن : $AB^2 + AC^2 = BC^2$ ، إذن حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن المثلث ABC قائم الزاوية في النقطة A .		
لدينا حسب السؤال السابق $\hat{EAC} = 90^\circ$ ، إذن حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة في المثلث EAC : $EC^2 = AC^2 + AE^2$ $EC^2 = 8^2 + 3^2$ $EC^2 = 64 + 9$ $EC^2 = 73$ بالتالي : $EC = \sqrt{73}$		
تذكير : $\sqrt{a} \times \sqrt{a} = (\sqrt{a})^2 = a$ ، $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$		
تمرين 2 :		
معطيات: AB = 8 AC = 12 BC = 6 AI = 2 AJ = 3 BD = 4		لدينا : $\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC}$ ، إذن : $\frac{AJ}{AC} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$ و $\frac{AI}{AB} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$ لدينا في المثلث ABC : $I \in (AB)$ و $J \in (AC)$ - لنقط A و I و B نفس ترتيب النقط A و J و C $\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC}$ إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية فإن : $(IJ) \parallel (BC)$
لدينا في المثلث ABC : $I \in (AB)$ و $J \in (AC)$ و $(IJ) \parallel (BC)$ إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة فإن : $\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC} = \frac{IJ}{BC}$ منه : $\frac{1}{4} = \frac{IJ}{6}$ بالتالي : $IJ = \frac{6 \times 1}{4} = 1,5$		
لدينا $(IJ) \parallel (BC)$ و $K \in (BC)$ ، إذن : $(IJ) \parallel (BK)$ لدينا في المثلث DIJ : $B \in (DI)$ و $K \in (DJ)$ و $(IJ) \parallel (BK)$ إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة فإن : $\frac{DB}{DI} = \frac{DK}{DJ} = \frac{BK}{IJ}$ ولدينا : $DI = DB + BI$ و $BI = AB - AI = 8 - 2 = 6$ منه : $DI = 4 + 6 = 10$ منه : $\frac{4}{10} = \frac{DK}{DJ} = \frac{BK}{1,5}$ بالتالي : $BK = \frac{4 \times 1,5}{10} = \frac{6}{10} = 0,6$ منه : $KC = BC - BK = 6 - 0,6 = 5,4 \text{ cm}$		

تمرين 3 : $4 \leq a \leq 5$ و $-3 \leq b \leq -1$

لدينا : $4 \leq a \leq 5$ و $-3 \leq b \leq -1$ منه : $4 + (-3) \leq a + b \leq 5 + (-1)$ أي : $1 \leq a + b \leq 4$

لدينا : $-3 \leq b \leq -1$ منه : $1 \leq -b \leq 3$

و لدينا : $4 \leq a \leq 5$ منه : $4 + 1 \leq a + (-b) \leq 5 + 3$ منه : $5 \leq a - b \leq 8$

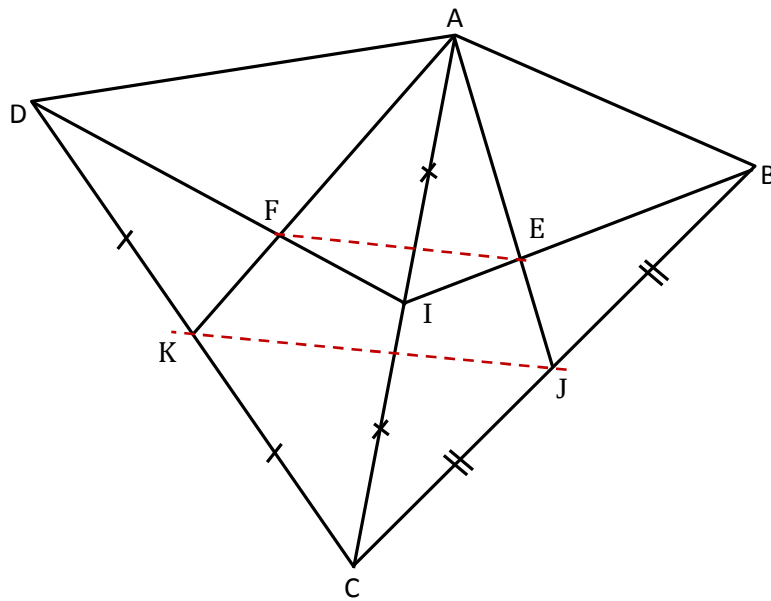
لدينا : $1 \leq -b \leq 3$ و لدينا : $4 \leq a \leq 5$ منه : $4 \times 1 \leq a \times (-b) \leq 5 \times 3$ منه : $4 \leq -ab \leq 15$

بالتالي : $-15 \leq ab \leq -4$

لدينا : $1 \leq a + b \leq 4$ منه : $\frac{1}{4} \leq \frac{1}{a+b} \leq \frac{1}{1}$ و لدينا $4 \leq a \leq 5$ إذن : $4 \times \frac{1}{4} \leq a \times \frac{1}{a+b} \leq 5 \times \frac{1}{1}$

بالتالي : $1 \leq \frac{a}{a+b} \leq 5$

تمرين 4 :



لدينا I منتصف $[AC]$ ، و J منتصف $[BC]$ ، إذن (AJ) و (BI) متوسطان للمثلث ABC ، إذن E هي مركز

$$\text{ثقله، إذن : } \frac{AE}{AJ} = \frac{2}{3}$$

لدينا I منتصف $[AC]$ ، و K منتصف $[DC]$ ، إذن (DI) و (AK) متوسطان للمثلث ADC ، إذن F هي مركز

$$\text{ثقله، إذن : } \frac{AF}{AK} = \frac{2}{3}$$

$$\text{منه : } \frac{AE}{AJ} = \frac{AF}{AK}$$

لدينا في المثلث AKJ : $E \in (AJ)$ و $F \in (AK)$ ، و للنقط A و E و J نفس ترتيب النقط A و F و K .

و $\frac{AE}{AJ} = \frac{AF}{AK}$ ، إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية فإن : $(EF) \parallel (KJ)$