

السنة الدراسية : 2015 / 2014  
مدة الإنجاز: ساعتان

الاختبار الموحد المحلي لمادة الرياضيات  
للسنة الثالثة ثانوي إعدادي  
عناصر الحلول

الثانوية الإعدادية المغرب العربي  
تاوريت

من اقتراح: أ.د سمير لخريسي

تمرين 1 :

$$A = \sqrt{2} \times \sqrt{4,5} = \sqrt{2 \times 4,5} = \sqrt{9} = 3$$

$$B = \sqrt{54} + \sqrt{600} - 5\sqrt{24} = \sqrt{9 \times 6} + \sqrt{100 \times 6} - 5\sqrt{4 \times 6} = 3\sqrt{6} + 10\sqrt{6} - 10\sqrt{6} = 3\sqrt{6}$$

1

$$C = \frac{1}{\sqrt{6} + \sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1 \times (\sqrt{6} - \sqrt{3})}{(\sqrt{6} + \sqrt{3})(\sqrt{6} - \sqrt{3})} + \frac{1 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{3}}{6 - 3} + \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

2

$$D = 3 \times 10^{-6} \times 15 \times 10^{10} = 3 \times 15 \times 10^{-6} \times 10^{10} = 45 \times 10^4 = 4,5 \times 10^1 \times 10^4 = 4,5 \times 10^5$$

3

$$E = (2 + \sqrt{3})^2 - (1 - \sqrt{3})^2 = 2^2 + 2 \times 2 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2 - (1^2 - 2 \times 1 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2) \\ E = 4 + 4\sqrt{3} + 3 - (1 - 2\sqrt{3} + 3) = 7 + 4\sqrt{3} - 1 + 2\sqrt{3} - 3 = 3 + 6\sqrt{3}$$

أ

$$E = (2 + \sqrt{3})^2 - (1 - \sqrt{3})^2 = [(2 + \sqrt{3}) + (1 - \sqrt{3})][(2 + \sqrt{3}) - (1 - \sqrt{3})] \\ E = (2 + \sqrt{3} + 1 - \sqrt{3})(2 + \sqrt{3} - 1 + \sqrt{3}) = 3(1 + 2\sqrt{3})$$

ب

تمرين 2 :

$$7 > 4\sqrt{3} \quad \text{و} \quad 7^2 = 49 \quad \text{، بما أن:} \quad 49 > 48 \quad \text{فإن:} \quad (4\sqrt{3})^2 = 16 \times 3 = 48$$

1

$$-5 \leq a + b \leq 1 \quad \text{منه:} \quad 1 + (-6) \leq a + b \leq 3 + (-2) \quad \text{لدينا:} \quad \begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ -6 \leq b \leq -2 \end{cases}$$

أ

$$3 \leq a - b \leq 9 \quad \text{منه:} \quad 1 + 2 \leq a + (-b) \leq 3 + 6 \quad \text{لدينا:} \quad \begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ 2 \leq -b \leq 6 \end{cases} \quad \begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ -6 \leq b \leq -2 \end{cases}$$

أ

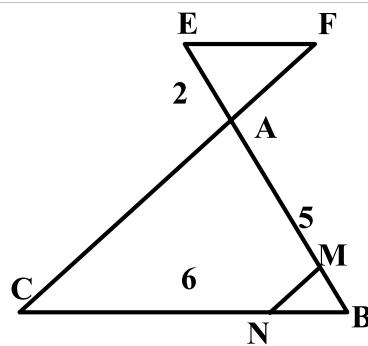
$$-18 \leq a - b \leq -2 \quad \text{منه:} \quad 2 \leq -a + b \leq 18 \quad \text{أي} \quad 1 \times 2 \leq a \times (-b) \leq 3 \times 6 \quad \text{لدينا:} \quad \begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ 2 \leq -b \leq 6 \end{cases}$$

2

$$\begin{cases} 1 \leq a^2 \leq 9 \\ 4 \leq b^2 \leq 36 \end{cases} \quad \text{و بما أن:} \quad (-b)^2 = (-b) \times (-b) = b^2 \quad \text{لدينا:} \quad \begin{cases} 1 \leq a^2 \leq 9 \\ 4 \leq (-b)^2 \leq 36 \end{cases} \quad \text{منه:} \quad \begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ 2 \leq -b \leq 6 \end{cases}$$

ب

$$0 \leq \frac{a^2 + b^2 - 5}{20} \leq 2 \quad \text{منه:} \quad 0 \leq a^2 + b^2 - 5 \leq 40 \quad \text{لدينا:} \quad 5 \leq a^2 + b^2 \leq 45$$



لدينا في المثلث  $ABC$  :  $EF \parallel BC$  و  $F \in (AC)$  و  $E \in (AB)$

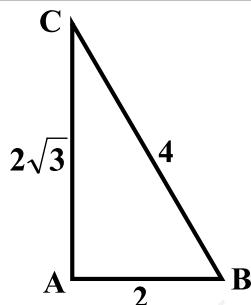
إذن حسب مبرهنة طاليس المعاشرة:  $\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$  منه:  $\frac{2}{5} = \frac{6}{BC}$  وبالتالي:  $BC = \frac{5 \times 6}{2} = \frac{30}{2} = 15$

لدينا:  $\frac{BN}{BC} = \frac{1,2}{6} = \frac{12}{60} = \frac{1}{5} = 0,2$  و  $\frac{BM}{BA} = \frac{1}{5} = 0,2$

لدينا في المثلث  $ABC$  :  $\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BC}$  و  $N \in (BC)$  و  $M \in (AB)$  وللنقط  $B$  و  $M$  و  $A$  نفس ترتيب النقط  $B$  و  $N$  و  $C$  ، إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية فإن:  $(MN) \parallel (AC)$

لدينا في المثلث  $ABC$  :  $M \in (AB)$  و  $N \in (BC)$  و  $(MN) \parallel (AC)$

إذن حسب مبرهنة طاليس المعاشرة:  $\frac{1}{5} = \frac{MN}{AC}$  وبالتالي منه:  $\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BC} = \frac{MN}{AC}$



لدينا  $BC^2 = 4^2 = 16$  و  $AC^2 = (2\sqrt{3})^2 = 12$  و  $AB^2 = 2^2 = 4$

بما أن:  $AB^2 + AC^2 = BC^2$  ، إذن حسب مبرهنة

فيثاغورس العكسية فإن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في النقطة  $A$

$$\tan(A\hat{B}C) = \frac{AC}{AB} = \frac{2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\cos(A\hat{B}C) = \frac{AB}{BC} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\sin(A\hat{B}C) = \frac{AC}{BC} = \frac{2\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

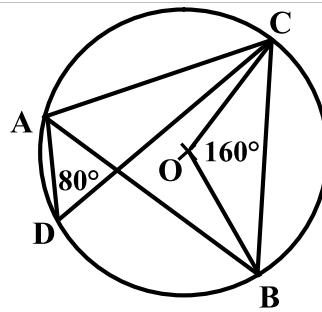
نستنتج إذن أن:  $A\hat{B}C = 60^\circ$

لدينا  $(\sin \alpha)^2 + \left(\frac{\sqrt{15}}{4}\right)^2 = 1$  و نعلم أن:  $(\sin \alpha)^2 + (\cos \alpha)^2 = 1$  إذن:  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4}$

منه:  $\sin \alpha = \sqrt{\frac{1}{16}} = \frac{1}{4}$  وبالتالي  $(\sin \alpha)^2 = 1 - \frac{15}{16} = \frac{16}{16} - \frac{15}{16} = \frac{1}{16}$  منه:  $(\sin \alpha)^2 + \frac{15}{16} = 1$

$$K = (\cos 87^\circ)^2 + 4(\cos 60^\circ)^2 + \frac{\sin 10^\circ}{\cos 10^\circ} \times \tan 80^\circ K = (\cos 87^\circ)^2 + (\cos 3^\circ)^2 + 4 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \tan 10^\circ \times \tan 80^\circ$$

$$K = (\cos 87^\circ)^2 + (\sin 87^\circ)^2 + 4 \times \frac{1}{4} + \tan 10^\circ \times \frac{1}{\tan 10^\circ} = 1 + 1 + 1 = 3$$



لدينا  $A\hat{B}C = 80^\circ$  و  $A\hat{D}C = A\hat{B}C$  أي : 1

لدينا  $B\hat{A}C$  زاوية محيطية مرتبطة بالزاوية المركزية  $B\hat{O}C$  ، إذن :  $B\hat{O}C = \frac{160^\circ}{2} = 80^\circ$  2

بما أن :  $A\hat{B}C = B\hat{A}C = 80^\circ$  و  $A\hat{B}C = 80^\circ$  فان : 3  
إذن المثلث  $ABC$  متساوي الساقين في  $C$   
بالتالي :  $AC = BC$