

تصحيح الامتحان الموحد المحلي لمادة الرياضيات دورة يناير 2014

التمرين الأول: أبسط

$$D = \left(\frac{1}{3}\right)^{-2} \times \left(\frac{3}{2}\right)^{-1}$$

$$D = 3^2 \times \frac{2}{3} = 3 \times 2$$

$$\underline{D = 6}$$

$$C = \frac{\sqrt{99}}{\sqrt{11}} = \frac{\sqrt{9 \times 11}}{\sqrt{11}}$$

$$C = \frac{\sqrt{9} \times \sqrt{11}}{\sqrt{11}}$$

$$\underline{C = 3}$$

$$B = 5\sqrt{8} - 2\sqrt{18} = 5\sqrt{4 \times 2} - 2\sqrt{9 \times 2}$$

$$B = 5\sqrt{4} \times \sqrt{2} - 2\sqrt{9} \times \sqrt{2}$$

$$B = 5 \times 2\sqrt{2} - 2 \times 3\sqrt{2} = 10\sqrt{2} - 6\sqrt{2}$$

$$\underline{B = 4\sqrt{2}}$$

$$A = \sqrt{7 + \sqrt{4}}$$

$$A = \sqrt{7 + 2}$$

$$A = \sqrt{9}$$

$$\underline{A = 3}$$

$$(2x-5)^2 - 16 = (2x-5)^2 - 4^2 = (2x-5-4)(2x-5+4) = (2x-9)(2x-1)$$

أعمل :

التمرين الثاني: أحدد الكتابة العلمية

$$2753 \times (10^2)^{-3} = 2.753 \times 10^2 \times 10^{2 \times (-3)} = 2.753 \times 10^2 \times 10^{-6} = 2.753 \times 10^{2-6} = \underline{2.753 \times 10^{-4}}$$

التمرين الثالث: (EA) ⊥ (KT): EA = 4cm و ET = 4√5 cm و AT = 8cm و KA = 2cm

1) نبين أن EK = 2√5 cm

لدينا: (EA) ⊥ (KT) $\Leftrightarrow (EA) \perp (KT)$ مثلث قائم الزاوية في A

$$EK^2 = AE^2 + AK^2$$

حسب مبرهنة فيتاغورس لدينا: 20

$$EK = \sqrt{20} = \sqrt{4 \times 5}$$

$$\underline{EK = 2\sqrt{5} cm} \quad \text{إذن :}$$

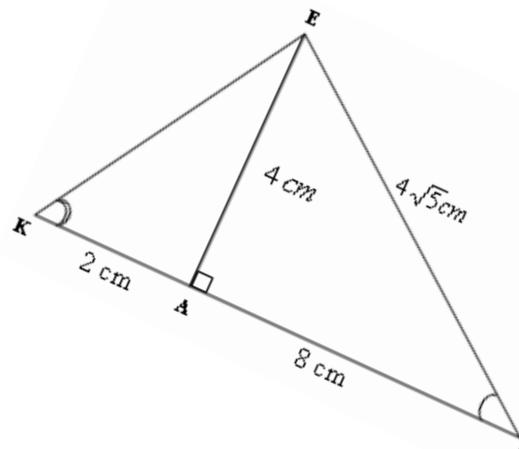
2) نبين أن المثلث EKT قائم الزاوية

$$\left\{ KT^2 = 10^2 = 100 \right.$$

$$\left. \begin{array}{l} KE^2 + ET^2 = (2\sqrt{5})^2 + (4\sqrt{5})^2 = 20 + 80 = 100 \\ \text{لدينا:} \end{array} \right.$$

أذن حسب مبرهنة فيتاغورس :

ومنه: المثلث EKT قائم الزاوية



3) نحسب:

$$\tan AKE = \frac{ET}{KE} = \frac{4\sqrt{5}}{2\sqrt{5}} = \underline{2}$$

$$\cos E\hat{T}A = \frac{ET}{KT} = \frac{4\sqrt{5}}{10} = \underline{\frac{2\sqrt{5}}{5}}$$

$$\sin E\hat{T}A = \frac{EK}{KT} = \frac{2\sqrt{5}}{10} = \underline{\frac{\sqrt{5}}{5}}$$

$$\cos 40^\circ + 2\sin^2 36^\circ - \sin 50^\circ + 2\sin^2 54^\circ \quad \underline{(4)}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 40^\circ + 50^\circ = 90^\circ \\ 36^\circ + 54^\circ = 90^\circ \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \cos 40^\circ = \sin 50^\circ \\ \sin 54^\circ = \cos 36^\circ \end{array} \right. \Rightarrow (\cos 40^\circ - \sin 50^\circ) + 2(\sin^2 36^\circ + \cos^2 36^\circ) = 0 + 2 \times 1$$

$$\underline{\cos 40^\circ + 2\sin^2 36^\circ - \sin 50^\circ + 2\sin^2 54^\circ = 2} \quad \text{إذن :}$$

التمرين الرابع:

$$\text{أ-نقارن العددين } 2\sqrt{3} \text{ و } \sqrt{11}$$

الطريقة 2: نقارن مربع العددين

$$(2\sqrt{3})^2 - (\sqrt{11})^2 = 12 - 11 = 1 > 0 \Rightarrow 2\sqrt{3} > \sqrt{11}$$

الطريقة 1:

$$2\sqrt{3} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{12} > \sqrt{11} \Leftrightarrow 2\sqrt{3} > \sqrt{11}$$

ناظر xy

$$\begin{aligned} 3 \leq -y \leq 5 \text{ و } 2 \leq x \leq 4 \\ 6 \leq -xy \leq 20 \\ \Leftrightarrow -20 \leq xy \leq -6 \end{aligned}$$

ناظر x-y

$$\begin{aligned} -5 \leq y \leq -3 \Leftrightarrow 3 \leq -y \leq 5 \\ \Rightarrow 2 + 3 \leq x - y \leq 4 + 5 \\ \Leftrightarrow 5 \leq x - y \leq 9 \end{aligned}$$

ناظر x+y

$$\begin{aligned} 2 + (-5) \leq x + y \leq 4 + (-3) \\ \Leftrightarrow 2 - 5 \leq x + y \leq 4 - 3 \\ \Leftrightarrow -3 \leq x + y \leq 1 \end{aligned}$$

التمرين الخامس: $(IM) \parallel (FG)$ و $(IN) \parallel (GH)$:

أ-حسب

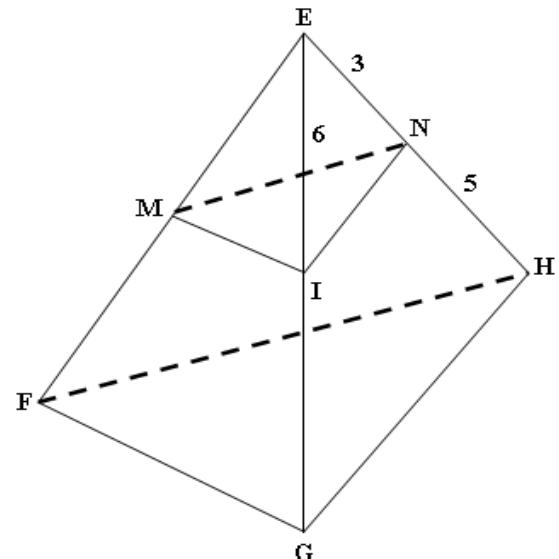
$$\frac{EN}{EH} = \frac{EN}{EN + NH} = \frac{3}{3+5} \Leftrightarrow \frac{EN}{EH} = \frac{3}{8}$$

ب-حسب

$$\begin{aligned} (IN) \parallel (GH) \Leftrightarrow \frac{EN}{EH} = \frac{EI}{EG} \Leftrightarrow EG = EI \times \frac{EH}{EN} \\ \Leftrightarrow EG = 6 \times \frac{8}{3} \Leftrightarrow EG = 16 \end{aligned}$$

ج-حسب

$$(IM) \parallel (FG) \Leftrightarrow \frac{EM}{EF} = \frac{EI}{EG} = \frac{6}{16} \Leftrightarrow \frac{EM}{EF} = \frac{3}{8}$$



د-نبين أن $(MN) \parallel (FH)$

. $(MN) \parallel (FH)$ إذن حسب مبرهنة طاليس

$$\frac{EM}{EF} = \frac{EN}{EH}$$

من (أ) و (ج) نستنتج أن:

التمرين السادس: $A\hat{B}M = 30^\circ$

أ-حسب $A\hat{N}M = A\hat{B}M$ لأنهما زاويتان محظوظتان تحصران نفس القوس.

$$A\hat{N}M = 30^\circ$$

ب-حسب $A\hat{O}M = 2A\hat{B}M$ لأن $A\hat{O}M = 2ABM$ بالزاوية المحظوظة $A\hat{O}M = 2 \times 30^\circ = 60^\circ$ إذن:

ج-نحدد طبيعة المثلث ABM محاط بالدائرة (ℓ) ووتره $[AB]$ هو قطر لهذه الدائرة.

إذن: ABM قائم الزاوية في M .

ملاحظة: يمكن استعمال قياس الزوايا لنجد أن: $A\hat{M}B = A\hat{M}O + O\hat{M}B = 90^\circ$

