

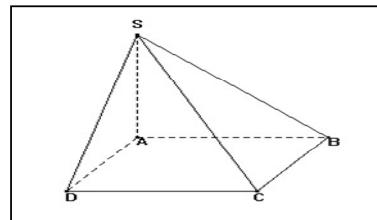
## الهرم والمخروط الدوراني

### 1- الهرم

#### تعريف

الهرم هو مجسم له رأس وقاعدة على شكل مضلع وأوجهه الجانبية على شكل مثلثات.

#### مثال



ABCD - هرم قاعدته الرباعي SABCD -

- الأوجه الجانبية هي SBC و SAB و SDC و SAD وهي مثلثات

- رأس الهرم S

- [SD] و [SC] و [SB] و [SA] أحرف جانبية للهرم

- ليكن S هو المسقط العمودي للنقطة H على المستوى ABCD

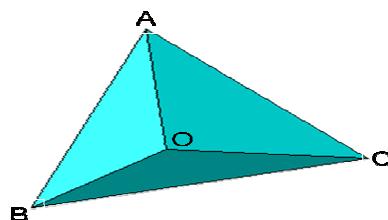
- SH هو ارتفاع الهرم

### 2- المساحة الجانبية-الحجم

#### قاعدة

المساحة الجانبية لهرم تساوي مجموع مساحات أوجهه الجانبية.

#### مثال



$$S = S_{OAB} + S_{OBC} + S_{OAC}$$

## قاعدة

حجم الهرم يساوي ثلث جداء مساحة قاعدته وارتفاعه

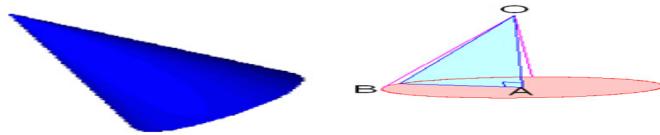
$$V = \frac{1}{3} S \times h \quad \text{حيث } S \text{ : مساحة القاعدة و } h \text{ : ارتفاع الهرم}$$

## 3- المخروط الدوراني

### تعريف

المخروط الدوراني هو المجسم مولد بدوران مثلث قائم الزاوية حول ضلع من ضلعي الزاوية القائمة.

### مثال



الضلع [AB] يولد قرصا: قاعدة المخروط الدوراني.

الضلع [OB] يولد السطح الجانبي للمخروط الدوراني.

### قاعدة

- المساحة الجانبية  $S$  لمخروط دوري تساوي جداء محيط القاعدة  $P$  وارتفاعه  $h$

$$S = P \times h$$

- حجم المخروط الدوراني =  $\frac{1}{3} \times \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

### مثال

( $S$  هي المساحة الجانبية)  $S = \pi \times OA \times OS$

( $V$  هو الحجم)  $V = \frac{1}{3} \times \pi \times OA^2 \times OS$

