

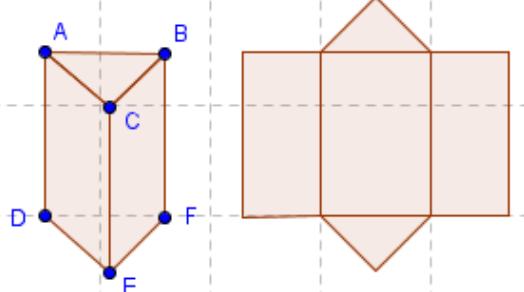
1 - المنشور القائم :

تعريف :

المنشور القائم هو مجسم له وجهان قابلان للتطابق (قاعدتي المنشور) وله أوجه جانبية على شكل مستطيلات .

ارتفاع المنشور القائم AD إحدى قاعدته . DEF

أمثلة : متوازي المستطيلات هو منشور قائم المكعب هو منشور قائم .



حجم المنشور القائم :

يساوي مساحة إحدى قاعدته في ارتفاعه

$$V = S \times h$$

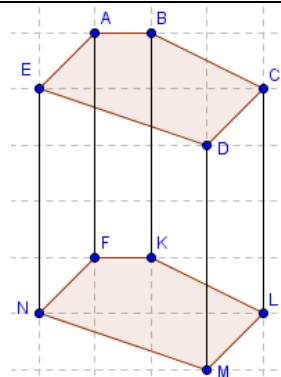
حيث : S مساحة قاعدته
و h ارتفاعه

المساحة الجانبية للمنشور القائم :

جداء محيط إحدى قاعداته في ارتفاعه

$$S = p \times h$$

حيث : p محيط إحدى القاعدتين
و h ارتفاع المنشور القائم .



تمرين : نعتبر المنشور القائم بحيث محيط قاعدته هو 28cm

و ارتفاعه 5cm

1 - أحسب مساحته الجانبية .

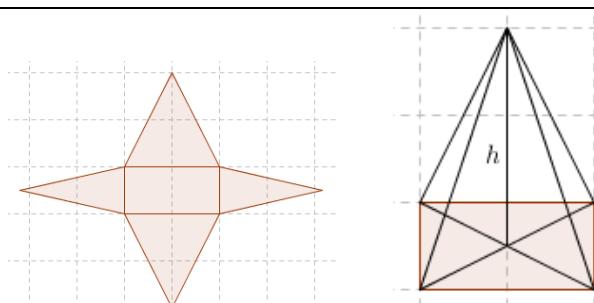
الحل :

$$S = 28\text{cm} \times 5\text{cm} = 140\text{cm}^2$$

2 - الهرم :

تعريف :

الهرم هو هو مجسم له رأس و قاعدة على شكل مضلع وأوجه جانبية على شكل مثلثات .



حجم الهرم :

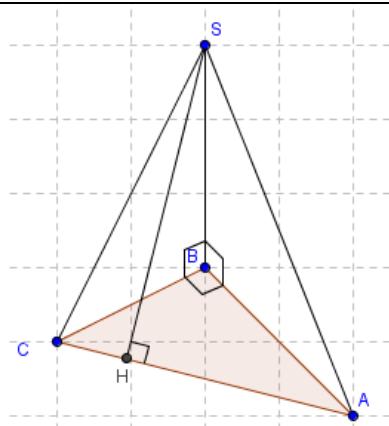
يساوي ثلث مساحة قاعدته في ارتفاعه

$$V = \frac{1}{3} S \times h$$

حيث : S مساحة قاعدته
و h ارتفاعه

المساحة الجانبية للهرم :

هي مجموع مساحات الأوجه الجانبية



تمرين : هرم قاعدته $\triangle ABC$ مثلث قائم الزاوية في A

و SBC و SAB قائم الزاوية في B

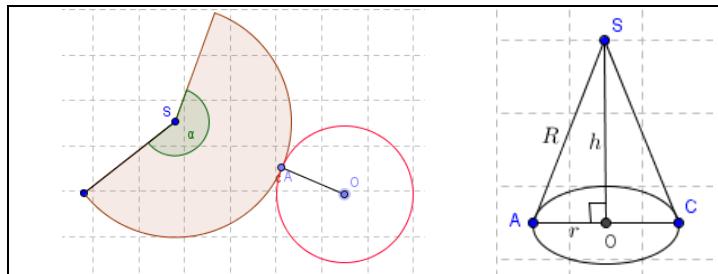
$SB = 6$ و $AC = 5$ و $BC = 3$ و $AB = 4$

. SAC و $SH = 3,4$ و SH ارتفاع المثلث .

1 - أحسب المساحة الجانبية لهذا الهرم .

2 - أحسب حجم $\triangle ABC$.

تعريف : المخروط الدوراني هو مجسم له رأس وقاعدة على شكل دائرة .



- r** شعاع الدائرة مركزها **O**.
- h** ارتفاع المخروط الدوراني .
- S** شعاع الدائرة مركزها **R**

تمرين : نعتبر مخروطا دورانيا شعاع قاعدته **3cm**

وارتفاعه **4cm**

- 1 - أحسب حجم هذا المخروط الدوراني .
- 2 - هل يمكن حساب المساحة الجانبية ؟

$$V = \frac{1}{3} \times 3,14 \times 3cm \times 3cm \times 4cm \quad \text{الحل :}$$

$$V = 37,68cm^3$$

حجم المخروط الدوراني :

يساوي ثلث مساحة قاعدته في ارتفاعه

$$V = \frac{1}{3} \pi \times r^2 \times h$$

حيث : **r** شعاع القاعدة .
و **h** ارتفاعه

تمرين : كيف تنشئ مخروطا دورانيا شعاع قاعدته **3cm**

وارتفاعه **4cm** ؟

نحسب **R** شعاع القطاع الزاوي (مبرهنة فيتاغورس)

$$R = 5cm$$

ومنه الزاوية لهذا القطاع الزاوي : $\alpha = \frac{3}{5} \cdot 360^\circ = 216^\circ$

إذن ننشئ القطاع الزاوي شعاعه **R**

$$\alpha = 216^\circ$$

و زاويته **216°**

المساحة الجانبية للمخروط الدوراني :

πR^2	S
360°	α

$2\pi R$	$2\pi r$
360°	α

$$S = \pi \cdot r \cdot R$$

$$\alpha = \frac{r}{R} \times 360^\circ$$

تمرين : نعتبر المخروط الدوراني بحيث **SA = 10cm** و **SO = 8cm** (أنظر الشكل أعلاه)

- 1 - أحسب **OA**
- 2 - أحسب المساحة الجانبية .
- 3 - أحسب حجم هذا المخروط الدوراني .