

التناسب

1 - جدول التناسبية

مثال

2.5	3	4	7
7.5	9	12	21

نلاحظ أننا ضربنا أعداد الشطر في نفس العدد 3 للحصول على أعداد السطر الثاني
العدد 3 يسمى معامل التناسب

نقول إذن:

* هذا الجدول يحقق وصعية تناسبية

* أعداد السطر الثاني متناسبة مع أعداد السطر الأول

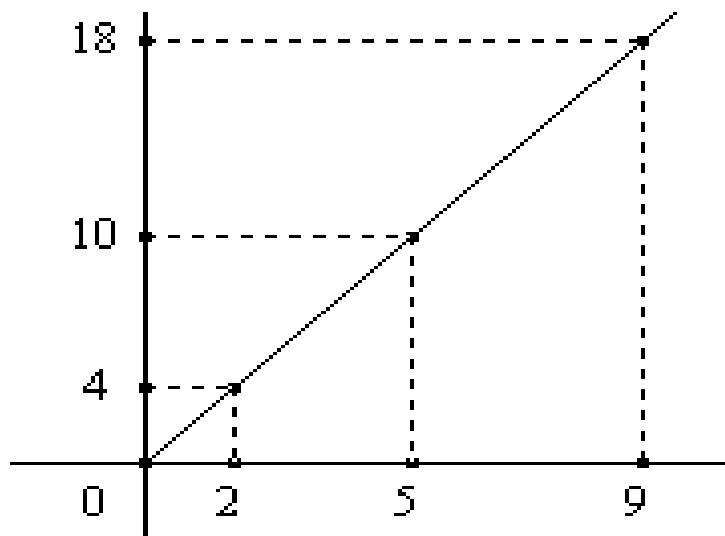
$$\frac{7.5}{2.5} = \frac{12}{4} = \frac{21}{7} = \frac{9}{3} = 3$$

ونكتب : $3 : 2.5 = 9 : ?$

- مبيان التناسبية:

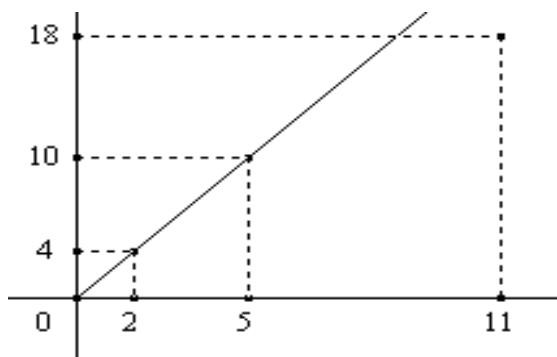
مثال أ :

لاحظ المبيان الآتي :



نلاحظ أن جميع نقاط المبيان مستقيمية مع أصل المعلم نقول إذن هذا المبيان يحقق وصعية التناسبية

مثال ب:



نلاحظ أن جميع نقطه غير مستقيمية مع أصل المعلم . نقول إذن : هذا المبيان لا يحقق وضعية التناصية

2-الرابع المتناسب

تعريف

قيمة العدد x بالجدول جانبه تسمى الرابع المتناسب

c	a
x	b

مثال

حساب الرابع المتناسب باستعمال معامل التناص.

نعتبر جدول التناص الآتي :

25	14,5
5	x

نعتبر جدول التناص الآتي :

لدينا معامل التناص هو : $\frac{5}{25} = 0,2$

$$x = 14,5 \times 0,2 \quad \text{أي} \quad x = 2,9 \quad \text{إذن}$$

النسبة المئوية

قاعدة 1

$n \times \frac{x}{100}$	تطبيق النسبة المئوية % x على العدد n هو حساب :
--------------------------	--

مثال

بقسم يحتوي على 40 تلميذا يوجد 60% من الإناث .
لنحدد عدد الإناث و الذكور

$$\text{لدينا } 40 - 24 = \frac{60}{100} \times 40 \text{ إذن } 16 = \frac{2400}{100}$$

إذن عدد الإناث هو : 24 و عدد الذكور هو :

قاعدة 2

$$x = \frac{b}{a} \times 100$$

إذا كان العدد b يشكل $x\%$ من العدد a فإن :

مثال

منزل مساحته $90 m^2$ به حجرة مساحتها $20 m^2$
لنحدد النسبة المئوية التي تمثلها مساحة الحجرة من مساحة المنزل .

$$x = \frac{20}{90} \times 100 = 22,22$$

إذن : مساحة الحجرة تمثل $22,22\%$ من مساحة المنزل

4-السلم

تعريف

تصميم أو خريطة لهذا السلم هو معامل التناوب بين القياسات الحقيقية لشيء و القياسات على الشيء . يرمز للسلم بالرمز :

$$e = \frac{\text{القياس على التصميم}}{\text{القياس الحقيقي}}$$

مثال

y	125	المسافة على الخريطة (cm)
75	x	المسافة الحقيقة (km)

لنحسب y و x علما أن السلم هو :

$$x = 125 : \frac{1}{250000}$$

$$x = 31250000 \text{ cm} = 312,5 \text{ km} \quad \text{أي } 125 : 250000 = x$$

$$y = 7500000 \times \frac{1}{250000} = 30 \text{ cm} \quad \text{أي}$$

5-السرعة المنتظمة

تعريف

يكون جسم في حركة منتظمة إذا كانت المسافات التي يقطعها متناسبة مع المدد الزمنية الموافقة لها .

مثال

الجدول الآتي يبين المدة الزمنية التي تستغرقها سيارة لقطع مسافات .

المدة الزمنية (h)	المسافة المقطوعة (km)
5	400
6	480

لدينا :

$$\frac{400}{5} = 80 \quad \text{و} \quad \frac{480}{6} = 80$$

$$\frac{400}{5} = \frac{480}{6} = 80 \quad \text{نلاحظ أن :}$$

نقول إذن : هذه السيارة في حركة منتظمة

6- الدالة الخطية

أ- تعريف

a عدد معلوم العلاقة التي تربط العدد x بالعدد ax تسمى دالة خطية معاملها هو **a** العدد ax يسمى صورة x بالدالة الخطية التي نرمز لها بالرموز: f

ونكتب: $f(x) = ax$ $f(x)$ هي صورة بالدالة الخطية

مثال

$f(x) = -2x$ دالة خطية معاملها هو -2

خاصية

دالة خطية معاملها

$$\frac{f(x)}{x} = \frac{f(x')}{x'} = a$$

إذا كان x و x' عددين معلومين غير معدمين فان:

مثال

$$f(-5) = \frac{2}{3} \quad f \text{ دالة خطية بحيث :}$$

لنحدد معامل الدالة f ثم حدد $f(x)$.

f دالة خطية إذن: $f(x) = a \cdot x$ ومعاملها هو العدد الحقيقي:

$$a = \frac{f(-5)}{-5} = \frac{\frac{2}{3}}{-5} = \frac{2}{3} \times \frac{-5}{1} = \frac{-10}{3}$$

$$f(x) = \frac{-10}{3}x \quad \text{و منه فإن :}$$

ب- التمثيل المباني للدالة الخطية

تعريف

$(O; I; J)$ معلم متعمد في المستوى

تمثيل المباني لدالة خطية هو مستقيم يمر من أصل المعلم O

مثال

ـ دالة خطية معاملها هو -2 لننشئ التمثيل المباني للدالة f في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ممنظم $(O; I; J)$.

x	1
$f(x)$	-2

إذن التمثيل المباني للدالة هو المستقيم من O و من النقطة $A(1; -2)$.

