



المتجهات و الإزاحة

تمرين 1

ABC مثلث و I منتصف $[AC]$.

E هي ممائلة B بالنسبة للنقطة I .

بين أن : $\vec{AB} = \vec{EC}$.

تمرين 2

$ABCD$ متوازي أضلاع .

M ممائلة A بالنسبة للنقطة B و N نقطة تقاطع المستقيمين (AD) و (MC) .

(1) - أنشئ الشكل.

(2) - برهن أن : $\vec{AD} = \vec{DN}$.

(3) - برهن أن : $\vec{BD} = \vec{MC} = \vec{CN}$.

تمرين 3

ليكن $ABCD$ متوازي أضلاع .

اختصر ما يلي :

$$\begin{aligned} & \vec{DB} + \vec{AC} + \vec{CD} + \vec{BC} + \vec{AD} \\ & \vec{AB} + \vec{AD} + \vec{CB} + \vec{CD} \\ & \vec{AD} + \vec{AB} + \vec{CD} \end{aligned}$$

تمرين 4

أثبت أنه مهما تكن النقط A و B و C و D من المستوى فإن :

$$\begin{aligned} \vec{AB} + \vec{CD} &= \vec{AD} + \vec{CB} \\ \vec{AC} + \vec{BD} &= \vec{AD} + \vec{BC} \end{aligned}$$

تمرين 5

$ABCD$ متوازي أضلاع و I نقطة من المستوى .

(1) - أنشئ النقط E و F و G و H بحيث :

$$\vec{IE} = \vec{AB} \quad \text{و} \quad \vec{IF} = \vec{BC} \quad \text{و} \quad \vec{IG} = \vec{CD} \quad \text{و} \quad \vec{IH} = \vec{DA}$$

(2) - بين أن : $\vec{IE} + \vec{IF} + \vec{IG} + \vec{IH} = \vec{O}$.

(3) - برهن أن : $\vec{GH} = \vec{FE}$ ثم استنتج طبيعة الرباعي $EFGH$.

تمرين 6

ABC مثلث و I منتصف $[BC]$.

P و Q نقطتان بحيث : $\vec{AB} + \vec{AC} = \vec{AP} + \vec{AQ}$

برهن أن I منتصف $[PQ]$ ثم استنتج طبيعة الرباعي $BPCQ$.

تمرين 7

$ABCD$ متوازي أضلاع.

E هي صورة A بالإزاحة التي متجهتها \vec{BD} ، و F هي صورة B بالإزاحة التي متجهتها \vec{AC} .

(1) - بين أن E هي صورة D بالإزاحة التي متجهتها \vec{CD} .

(2) - بين أن F هي صورة C بالإزاحة التي متجهتها \vec{DC} .

(3) - استنتج أن : $\vec{ED} = \vec{DC} = \vec{CF}$.

تمرين 8

$EFGH$ متوازي أضلاع و O نقطة من المستوى.

(1) - أنشئ M صورة O بالإزاحة التي تحول E إلى F .

(2) - أنشئ N صورة M بالإزاحة ذات المتجه \vec{EH} .

(3) - أثبت أن N هي صورة O بالإزاحة التي تحول E إلى G .

تمرين 9

لتكن (C) دائرة مركزها O و قطرها $[AB]$.

M نقطة من (C) مختلفة عن النقطتين A و B .

(1) - أنشئ النقط A' و B' و M' صور النقط A و B و M على التوالي بالإزاحة التي تحول O إلى M .

(2) - بين أن الرباعي $AA'B'B$ متوازي الأضلاع.

(3) - بين أن المثلث $A'M'B'$ قائم الزاوية في M' .

تمرين 10

ABC مثلث قائم الزاوية في الرأس A و I منتصف وتره $[BC]$.

J نقطة بحيث : $\vec{AJ} = \vec{AB} + \vec{AI}$

(1) - أنشئ الشكل.

(2) - بين أن J هي صورة النقطة B بالإزاحة ذات المتجه \vec{AI} .

(3) - بين أن المثلث BIJ متساوي الساقين.

رفع التحدي

$ABCD$ متوازي أضلاع. I و J هما على التوالي منتصف $[DC]$ و $[BC]$.

المستقيم (IJ) يقطع المستقيمين (AB) و (AD) على التوالي في E و F .

برهن أن : $\vec{2AF} + \vec{2AE} = \vec{3AC}$