

الإزاحة والمتغيرات

1- الإزاحة

تعريف

A و B و M نقط مختلفة من المستوى .

نقول إن النقطة N هي صورة النقطة M بالإزاحة التي تحول A إلى B

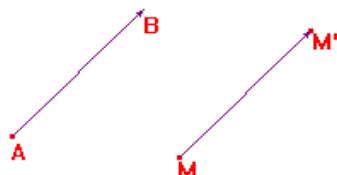
إذا كان:

- لل المستقيمين (AB) و (MN) نفس الاتجاه .

- المنحى من M نحو N هو المنحى من A نحو B .

- المسافتان MN و AB متساويتان .

مثال



النقطة M' هي صورة M بالإزاحة T التي تحول A إلى B يعني أن :

- (AB) و $(M'M')$ مستقيمان لهما نفس الاتجاه

- المنحى من M نحو M' هو المنحى من A إلى B

$$MM' = AB$$

خاصية

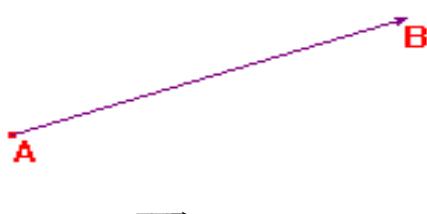
A' و B' صورتا A و B على التوالي بإزاحة يعني أن $AA'B'B$ متوازي أضلاع.

2- المتوجهة

أ- تعريف

كل نقطتين مختلفتين A و B في المستوى تحددان متوجهة نرمز لها بالرمز : \overrightarrow{AB} حيث أصلها A و طرفها B و حاملها المستقيم (AB) .

مثال



\overrightarrow{AB} المتوجهة

بـ- خصائص متجهة

نعتبر A و B نقطتين مختلفتين. للمتجهة \overrightarrow{AB} اتجاه ولها منحى ولها معيار(أو منظم) :

- اتجاه المتجهة \overrightarrow{AB} هو اتجاه المستقيم (AB) .

- ومنحى المتجهة \overrightarrow{AB} هو من A إلى B .

- ومعيار (يعني منظم) المتجهة \overrightarrow{AB} هو طول القطعة $[AB]$ يعني المسافة AB

3- تساوى متجهتين

خاصية

نقول إن متجهتين \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD} متساويتان إذا كانت B و D هما على التوالي صورتي A و C بنفس الإزاحة.

$\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AB}$ ونكتب:

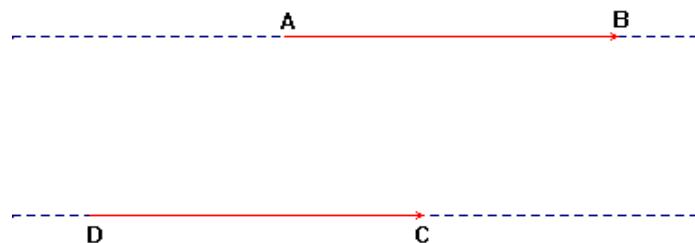
نقول أن \overrightarrow{CD} و \overrightarrow{AB} لهما :

-- نفس الاتجاه .

-- نفس المنحى .

-- نفس المعيار (أي المنظم) .

مثال



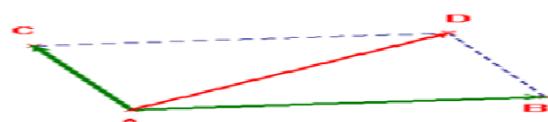
$$\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AB}$$

4- مجموع متجهتين

خاصية

إذا كان $ABCD$ متوازي أضلاع فإن : $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$

مثال



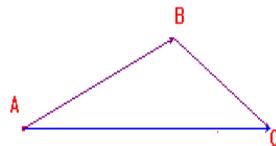
$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB}$$

خاصية(علاقة شال)

إذا كانت ثلات نقط C و B و A من المستوى فإن :

$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$$

مثال



خاصية

- \overrightarrow{AB} هو المتجهة \overrightarrow{BA} و يكتب \overrightarrow{BA}

$$\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA} : \text{إذن :}$$