

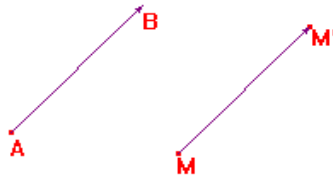
الإزاحة والمتجهات

1- الإزاحة

تعريف

A و B و M نقط مختلفة من المستوى .
نقول إن النقطة N هي صورة النقطة M بالإزاحة التي تحول A إلى B إذا كان:
- للمستقيمين (AB) و (MN) نفس الاتجاه.
- المنحى من M نحو N هو المنحى من A نحو B .
- المسافتان MN و AB متساويتان.

مثال



النقطة M' هي صورة M بالإزاحة T التي تحول A إلى B يعني أن :
- (AB) و (MM') مستقيمان لهما نفس الإتجاه
- المنحى من M نحو M' هو المنحى من A إلى B
- $MM' = AB$

خاصية

A' و B' صورتا A و B على التوالي بإزاحة يعني أن AA'B'B متوازي أضلاع.

2- المتجهة

أ- تعريف

كل نقطتين مختلفتين A و B في المستوى تحددان متجهة نرسم لها بالرمز : \overrightarrow{AB} حيث أصلها A وطرفها B وحاملها المستقيم (AB) .

مثال



المتجهة \overrightarrow{AB}

ب- خصائص متجهة

- نعتبر A و B نقطتين مختلفتين. للمتجهة \overrightarrow{AB} اتجاه ولها منحى ولها معيار (أو منظم) :
- اتجاه المتجهة \overrightarrow{AB} هو اتجاه المستقيم (AB).
 - ومنحى المتجهة \overrightarrow{AB} هو من A إلى B.
 - ومعيار (يعني منظم) المتجهة \overrightarrow{AB} هو طول القطعة [AB] يعني المسافة AB

3- تساوى متجهتين

خاصية

نقول إن متجهتين \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD} متساويتان إذا كانت B و D هما على التوالي صورتي A و C بنفس الإزاحة.

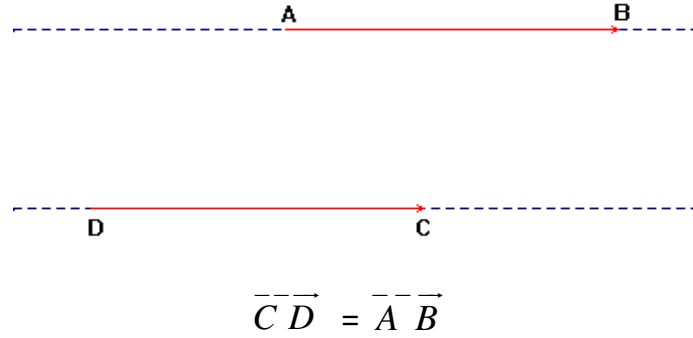
$$\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AB}$$

ونكتب:

نقول أن \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD} لهما :

- نفس الاتجاه .
- نفس المنحى .
- نفس المعيار (أي المنظم) .

مثال

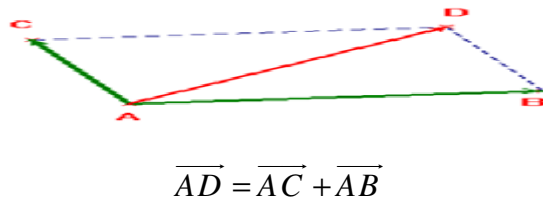


4- مجموع متجهتين

خاصية

إذا كان ABCD متوازي أضلاع فإن : $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$

مثال

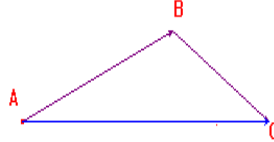


خاصية (علاقة شال)

إذا كانت ثلاث نقط A و B و C من المستوى فإن :

$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$$

مثال



خاصية

مقابل متجهة \overrightarrow{AB} هو المتجهة \overrightarrow{BA} و يكتب $-\overrightarrow{AB}$

$$\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA} : \text{ إذن}$$