

الترتيب والعمليات

1- مقارنة عددين جزريين

خاصية

لمقارنة عددين جزريين b و a : نحدد إشارة فرقهما

إذا كان $0 \geq b - a$ فإن :

إذا كان $0 \leq b - a$ فإن :

مثال

لنقارن العددين : 9 و $\frac{3}{7}$

لدينا :

$$\begin{aligned} \frac{3}{7} - 9 &= \frac{3}{7} - \frac{63}{7} \\ &= \frac{-60}{7} \end{aligned}$$

إذن : $\frac{3}{7} \leq 9$ و منه فإن : $\left(\frac{3}{7} - 9\right) \leq 0$

2- الترتيب والعمليات

أ- الترتيب والجمع

خاصية

و b و a و k و m أعداد جزриة

إذا كان $a + k \leq b + k$ فإن :

إذا كان $a - k \leq b - k$ فإن :

مثال

و a عددان جزريان بحيث : $a + 4 \leq b$

لتبين أن : $a + 1 \leq b - 3$

لدينا : $a + 4 - 3 \leq b - 3$ يعني أن :

$a + 1 \leq b - 3$ أي

خاصية

و c و b و a و d أعداد جزриة .

$$a + c \leq b + d \quad \text{فإن} \quad \left. \begin{array}{l} a \leq b \\ c \leq d \end{array} \right\} \text{إذا كان}$$

مثال

و a b $a+3 \leq 3$ عددان جذريان بحيث :

$$b+4 \leq \frac{5}{7}$$

$$b+a+7 \leq \frac{26}{7} \quad \text{بین أن :}$$

$$\left. \begin{array}{l} b+4 \leq \frac{5}{7} \\ a+3 \leq 3 \end{array} \right\} \quad \text{و} \quad \text{نعلم أن :} \quad (b+4)+(a+3) \leq \frac{5}{7}+3 \quad \text{إذن :}$$

$$b+a+7 \leq \frac{26}{7} \quad \text{و منه فإن :}$$

ب- الترتيب والضرب خاصية

و a b k أعداد جذرية

$$a \times k \leq b \times k \quad : \quad \left. \begin{array}{l} a \leq b \\ k \geq 0 \end{array} \right\} /1 \quad \text{إذا كان و فإن}$$

$$a \times k \geq b \times k \quad : \quad \left. \begin{array}{l} a \leq b \\ k \leq 0 \end{array} \right\} /2 \quad \text{إذا كان و فإن}$$

مثال

و a b $a \geq \frac{4}{3}$ $b \geq 4$ عددان جذريان بحيث :
لنتستنتج $3a - 2b$

$$a \times 3 \geq \frac{4}{3} \times 3 \quad \text{أي :} \quad \left. \begin{array}{l} a \geq \frac{4}{3} \\ 3 \geq 0 \end{array} \right\} \quad \text{إذن : } 3a \geq 4 \quad \text{لدينا :}$$

$$b \times (-2) \leq 4 \times (-2) \quad \text{أي :} \quad \left. \begin{array}{l} b \geq 4 \\ -2 \leq 0 \end{array} \right\} \quad \text{إذن : } -2b \leq -8 \quad \text{و لدينا :}$$

3- التأطير خاصية 1

و a t z y x b أعداد جذرية بحيث :

$$x \leq a \leq y \quad \text{و} \quad z \leq b \leq t$$

$$x+z \leq a+b \leq y+t$$

مثال

عداد جذريان بحيث : $1 \leq x \leq \frac{5}{2}$ و $-4 \leq y \leq \frac{-3}{2}$ و x و y لنظر : $x + y$

لدينا : $1 \leq x \leq \frac{5}{2}$ و $-4 \leq y \leq \frac{-3}{2}$

يعني أن : $1 + (-4) \leq x + y \leq \frac{5}{2} + \left(\frac{-3}{2}\right)$

أي : $-3 \leq x + y \leq 1$

خاصية 2

أعداد جذرية بحيث : $x \leq a \leq y$ و x و y

$-y \leq -a \leq -x$

مثال

عدد جذري بحيث : $1 \leq x \leq \frac{5}{2}$

لنظر : $-\frac{5}{2} \leq -x \leq -1$

خاصية 3

أعداد جذرية بحيث : $a \leq x \leq t$ و $a \leq y \leq z$ و $a \leq z \leq t$

$x \leq a \leq y$ و $z \leq b \leq t$

$x - t \leq a - b \leq y - z$

مثال

عداد جذريان بحيث : $1 \leq x \leq \frac{5}{2}$ و $-4 \leq y \leq \frac{-3}{2}$ و x و y

لنظر : $y - x$

لدينا : $-\frac{5}{2} \leq -x \leq -1$ اذن : $1 \leq x \leq \frac{5}{2}$

يعني أن : $(-4) + \left(\frac{-5}{2}\right) \leq y + (-x) \leq \left(\frac{-3}{2}\right) + (-1)$

$\frac{-13}{2} \leq y - x \leq \left(\frac{-5}{2}\right)$