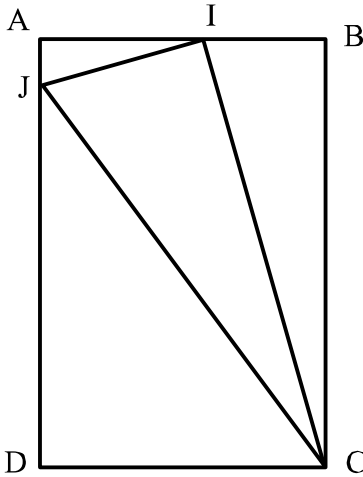


تمرين 1



① لنحسب المسافات IJ و IC و JC
لدينا في المثلث القائم الزاوية AIJ حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة :

$$IJ = \sqrt{10} \text{ cm} \quad \text{منه} \quad IJ^2 = AI^2 + AJ^2 = \left(\frac{6}{2}\right)^2 + 1^2 = 3^2 + 1 = 9 + 1 = 10$$

لدينا في المثلث القائم الزاوية IBC حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة :

$$IC = \sqrt{90} \text{ cm} \quad \text{منه} \quad IC^2 = BI^2 + BC^2 = 3^2 + 9^2 = 9 + 81 = 90$$

لدينا في المثلث القائم الزاوية JDC حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة :

$$JC = \sqrt{100} = 10 \text{ cm} \quad \text{منه} \quad JC^2 = DC^2 + DJ^2 = 6^2 + 8^2 = 36 + 64 = 100$$

② لنبين أن المثلث IJC قائم الزاوية في النقطة I

$$IJ^2 = (\sqrt{10})^2 = 10 \quad \text{و} \quad IC^2 = (\sqrt{90})^2 = 90 \quad \text{و} \quad JC^2 = 10^2 = 100$$

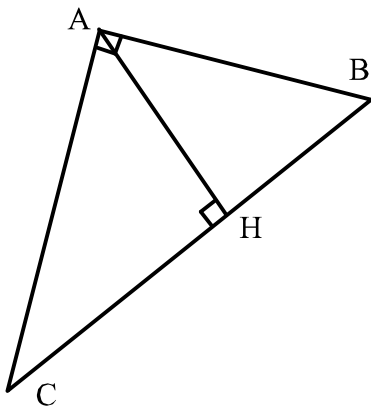
إذن : $IJ^2 + IC^2 = JC^2$ ، إذن حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية نستنتج أن المثلث IJC قائم الزاوية في النقطة I

③ احسب محيط و مساحة المثلث IJC

$$p = IJ + JC + CI = \sqrt{10} + 10 + \sqrt{90} = \sqrt{10} + 10 + 3\sqrt{10} = 4\sqrt{10} + 10 \text{ cm} \quad \text{هو : محيط المثلث } IJC$$

$$S = \frac{IJ \times IC}{2} = \frac{\sqrt{10} \times \sqrt{90}}{2} = \frac{\sqrt{900}}{2} = \frac{30}{2} = 15 \text{ cm}^2 \quad \text{بما أن المثلث } IJC \text{ قائم الزاوية في النقطة } I \text{ فإن مساحته هي :}$$

تمرين 2



① لنحسب المسافة BC

لدينا في المثلث القائم الزاوية ABC حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة :

$$BC = \sqrt{100} = 10 \text{ cm} \quad \text{منه} \quad BC^2 = AB^2 + AC^2 = 6^2 + 8^2 = 36 + 64 = 100$$

② احسب المسافة AH

$$S = \frac{AB \times AC}{2} \quad \text{بما أن المثلث } ABC \text{ قائم الزاوية في النقطة } A \text{ فإن مساحته هي :}$$

$$S = \frac{AH \times BC}{2} \quad \text{و أيضا بما أن [AH] ارتفاع للمثلث } ABC \text{ فإن مساحته أيضا هي :}$$

$$\text{نستنتج إذن أن : } \frac{AH \times BC}{2} = \frac{AB \times AC}{2} \quad \text{منه} \quad AH \times BC = AB \times AC$$

$$AH = \frac{48}{10} = 4,8 \text{ cm} \quad \text{ن عوض نجد : } AH \times 10 = 6 \times 8 \quad \text{أي } 10 AH = 48 \quad \text{، بالتالي :}$$

③ لنحسب BH و CH

* لدينا في المثلث القائم الزاوية ABH حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة :

$$AB^2 = AH^2 + BH^2 \quad \text{منه} \quad 36 = 23,04 + BH^2 \quad \text{منه} \quad 6^2 = 4,8^2 + BH^2$$

$$BH^2 = 36 - 23,04$$

$$BH^2 = 12,96$$

$$* \text{ لدينا : } CH = BC - BH = 10 - 3,6 = 6,4 \text{ cm}$$

⚠ رغم أننا نبحث عن

المسافة BH إلا أن

المتساوية

$$BH^2 = AH^2 + AB^2$$

خاطئة لأن الوتر هو AB و

ليس BH

(باستعمال آلة حاسبة نجد $BH = 3,6 \text{ cm}$)

تمرين 3 :

لتكن E و F و G و H هي على التوالي المساقط العمودية للنقطة M على (AB) و (BC) و (CD) و (AD) على التوالي .

لدينا حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة :

$$CM^2 = FM^2 + CF^2$$

$$AM^2 = EM^2 + AE^2$$

$$CM^2 = FM^2 + MG^2$$

$$AM^2 = EM^2 + MH^2$$

$$DM^2 = MG^2 + DG^2$$

$$BM^2 = EM^2 + BE^2$$

$$DM^2 = MG^2 + MH^2$$

$$BM^2 = EM^2 + FM^2$$

نستنتج إذن أن :

$$AM^2 + CM^2 = EM^2 + MH^2 + FM^2 + MG^2$$

$$BM^2 + DM^2 = EM^2 + FM^2 + MG^2 + MH^2 \text{ و}$$

$$\underline{AM^2 + CM^2 = BM^2 + DM^2} \text{ بالتالي :}$$

