

# لهمارين حول المثلث القائم الزاويه والدائرة

**التمرين 6**  
 $AB=6$  مثلث قائم الزاوية في  $B$  بحيث:  $BC=8$  و  $AC=10$ .  
 بين أن :  $AC = 10$ .

2 - لتكن  $M$  منتصف القطعة  $[AC]$

أحسب  $BM$

3 - لتكن  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $B$  على المستقيم  $(AC)$   
 أحسب  $BH$  و  $HM$

**التمرين 7**

$[AM]$  مثلث قائم الزاوية في  $I$  و  $D$  منتصف القطعة  $[AM]$   
 نقطة خارج المثلث  $IAM$  بحيث يكون المثلث  $BAM$  قائم الزاوية في  $B$ .  
 1 - أنشئ الشكل.

2 - برهن أن :  $DA = DM = DB$

3 - برهن أن :  $DI = DB$

4 - استنتج أن النقط  $A$  و  $B$  و  $M$  و  $I$  تنتهي إلى الدائرة التي يجب تحديد شعاعها وأحد أقطارها ثم إنشائها

**التمرين 8**

$BCD$  مثلث قائم الزاوية في  $B$   
 هو المسقط العمودي للنقطة  $B$  على المستقيم  $(DC)$   
 بحيث :  $OC = 4$  و  $BC = 3$  و  $\frac{9}{5} = BD$   
 1 - أنشئ الشكل

2 - برهن أن :  $OB = \frac{12}{5}$

3 - أحسب المسافة  $OD$

4 - أحسب المسافة  $DC$  بطريقتين مختلفتين

**التمرين 9**

$O$  و  $(C)$  دائرتان مركزهما على التوالي  $O$  و  $O'$   
 و متقاطعتان في النقطة  $A$ .

المستقيم  $(OA)$  يقطع  $(C)$  في  $A$  و  $(C')$  في  $A'$

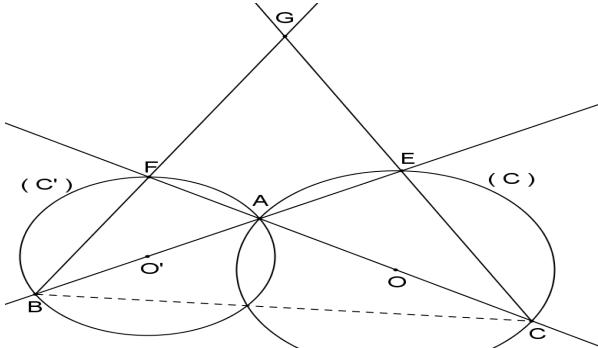
المستقيم  $(O'A)$  يقطع  $(C)$  في  $A$  و  $(C')$  في  $A'$

و  $(CE)$  و  $(BF)$  يتقاطعان في  $G$

1 - أثبت أن المثلثين  $EAC$  و  $FAB$  قائمان الزاوية

2 - ماذا تمثل النقطة  $A$  بالنسبة للمثلث  $BCG$  ؟

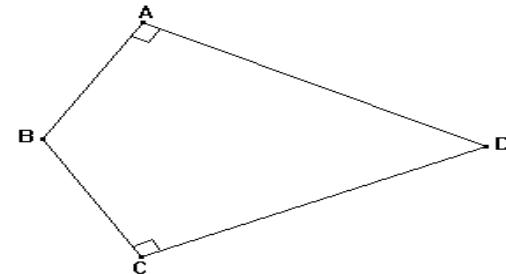
3 - استنتاج أن :  $(AG) \perp (BC)$



**التمرين 1**  
 $ABCD$  مربع مركزه  $I$  و  $O$  منتصف  $[AD]$  المستقيم  $(BO)$  يقطع المستقيم  $(AC)$  في  $K$   
 1 - ماذا تمثل  $K$  بالنسبة للمثلث  $ABD$  ؟ علل جوابك  
 2 - أحسب  $AK$  إذا علمت أن  $AI = 6$   
 3 - برهن أن  $(OI)$  واسط  $[AD]$   
 4 - ماذا تمثل  $I$  بالنسبة للمثلث  $ABD$  ؟ علل جوابك

**التمرين 2**

في الشكل أسفله لدينا  $ABCD$  رباعي مدب  
 زاوياته  $\hat{A}$  و  $\hat{D}$  قائمة  
 بين أن الرباعي  $ABCD$  محاط بدائرة محددا مركزها



**التمرين 3**

$OBC$  مثلث متساوي الأضلاع بحيث :  $OB = 6\text{cm}$   
 منتصف  $[OC]$  و  $F$  منتصف  $[OB]$   
 1 - حدد طبيعة المثلث  $BOE$  (معللا جوابك)  
 استنتج المسافة  $EF$

2 - حدد  $G$  مركز الدائرة المحيطة بالمثلث  $EBC$ .  
 3 - ما هي طبيعة الرباعي  $FEGB$  ؟ علل جوابك.

**التمرين 4**

نعتبر دائرة  $(C)$  مركزها  $I$  وشعاعها  $5\text{cm}$  و  $[EF]$  أحد أقطارها  
 1 - أنشئ النقطة  $G$  من دائرة  $I$  بحيث  $EG = 8\text{cm}$   
 2 - ماذا تمثل المثلث  $EFG$  قائم الزاوية

ب- أحسب  $\cos \hat{FEG}$  و  $FG$   
 2 - العمودي على  $(EF)$  المار من  $I$  يقطع  $(EG)$  في  $A$   
 لتكن  $B$  منتصف  $[AF]$   
 بين أن  $BI = BG$

3 - أ- بين أن  $AE = \frac{25}{4}\text{cm}$   
 ب- أحسب  $AF$  و  $AI$

**التمرين 5**  
 $[AB]$  قطر في دائرة مركزها  $O$  وشعاعها  $5\text{cm}$   
 نقطة من هذه الدائرة هي  $M$  حيث  $AM = 8\text{cm}$

1 - بين أن المثلث  $ABM$  قائم الزاوية  
 2 - أحسب المسافة  $MB$

3 - أحسب جيب تمام الزاوية  $\hat{BAM}$

4 - لتكن  $H$  هي المسقط العمودي للنقطة  $M$  على  
 المستقيم  $(AB)$ . أحسب المسافة  $AH$ .