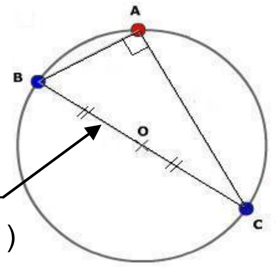
الثانية ثانوي إعدادي
ذ : ياسنى نورالدين

درس : المثلث القائم الزاوية و الدائرة

خاصية 1 ؛ المباشرة

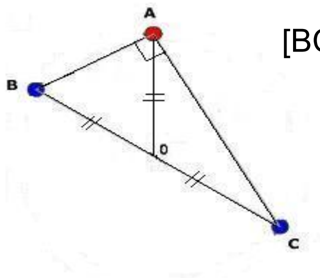
- إذا كان مثلث قائم الزاوية فإن منتصف الوتر (الضلع الأكبر) هو مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث .



بتعبير آخر

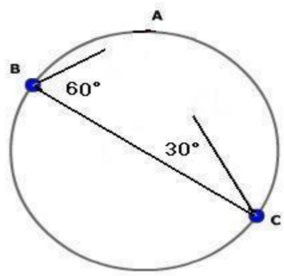
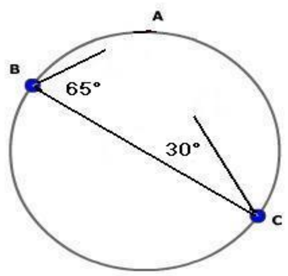
- إذا كان ABC مثلث قائم الزاوية في A فإن O منتصف الوتر [BC] تبعد بنفس المسافة عن رؤوس المثلث : A ، B و C .

أي أن : OA=OB=OC=BC÷2



تطبيقات

1 - في أي حالة ستنتمي النقطة A إلى الدائرة ، دون إتمام إنشاء المثلث ABC ، علل جوابك ؟

الحالة الأولى	الحالة الثانية
	

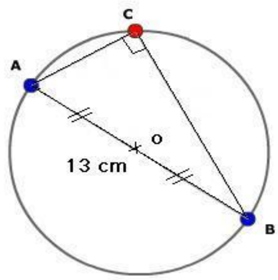
الحل

ستنتمي النقطة A إلى الدائرة إذا كان المثلث قائم الزاوية في A أي : $\hat{A}=90°$

1- لنحسب $\hat{A}$ ؟ $\hat{A}=180°-(60°+30°)=90°$
ومنه فإن المثلث ABC قائم الزاوية في A ، إذن A ستنتمي إلى الدائرة في هذه الحالة 1.

2- لنحسب $\hat{A}$ ؟ $\hat{A}=180°-(65°+30°)=85°$
ومنه فإن المثلث ABC غير قائم الزاوية في A ، إذن A لن تنتمي إلى الدائرة في هذه الحالة 2.

2 - احسب المسافة OC باعتماد الشكل

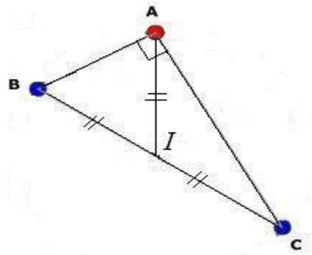


الحل

- بما أن المثلث ABC قائم الزاوية في C فإن :

$$OA=OB=OC=\frac{AB}{2}=\frac{13}{2}=6,5cm$$

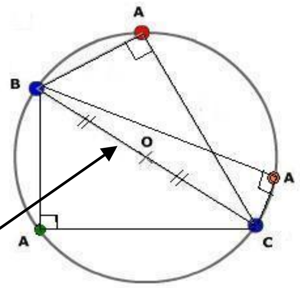
خاصية 2 ؛ العكسية



ABC مثلث و I منتصف $[BC]$ ، إذاكان : $IA = IB = IC$

فإن المثلث ABC قائم الزاوية في A

بتعبير آخر



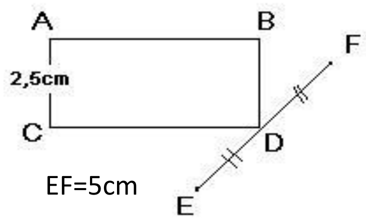
إذاكان $[BC]$ قطر لدائرة ، فإن أي نقطة A أخذناها على هذه الدائرة

ستشكل مثلث ABC قائم الزاوية في النقطة A

(الشكل يبين ثلاث مثلثات لها نفس الوتر (قطر د) قائمة الزاوية في A)

تطبيقات

1 بالإعتماد على الشكل



- حدد طبيعة المثلث EBF معللا جوابك ؟

الحل

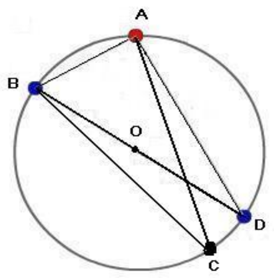
- بمأن $ABCD$ مستطيل فإن $AC = BD$ أي $BD = 2{,}5cm$

ولدينا: $ED = FD = \dfrac{EF}{2} = \dfrac{5}{2} = 2{,}5cm$

إذن : $DB = DE = DF$

ومنه فإن : المثلث EBF قائم الزاوية في B

2 بالإعتماد على الشكل



- من بين المثلثين ABC و ABD حدد معللا جوابك

المثلث القائم الزاوية إذا كان موجودا ؟

الحل

- المثلث ABD قائم الزاوية في A لأن النقط A و B و D تنتمي إلى نفس الدائرة و [BD] قطر للدائرة .

- المثلث ABC غير قائم الزاوية في A رغم كون A و B و D تنتمي إلى نفس الدائرة لأن [BC] ليس قطر للدائرة

وكذلك [AC] و [AB] .

المزيد من التمارين : أنظر سلسلة التمارين