

## درس : قوى العدد 10

### تعريف و مصطلحات

#### الأس السالب ل 10

- $-n$  عدد صحيح نسبي سالب :

$$10^{-n} = \frac{1}{10^n}$$

$$10^n = \underbrace{0,000...01}_{n, \text{chiffres}}$$

• حالة خاصة :  $10^{-1} = \frac{1}{10} = 0,1$

#### أمثلة حساب القوة

$$10^{-6} = 0,000001 \quad ; \quad 10^{-4} = 0,0001$$

#### أمثلة كتابة على شكل قوة

$$0,00000001 = 10^{-8} \quad ; \quad 0,001 = 10^{-3}$$

#### الأس الموجب ل 10

- $n$  عدد صحيح نسبي موجب :

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n, \text{facteurs}}$$

$$10^n = \underbrace{1000...0}_{n, \text{zéros}}$$

• حالات خاصة :  $10^1 = 10$  ;  $10^0 = 1$

#### أمثلة حساب القوة

$$10^7 = 10000000 \quad ; \quad 10^3 = 1000$$

#### أمثلة كتابة على شكل قوة

$$10000000000 = 10^{10} \quad ; \quad 100000 = 10^5$$

### قاعدة 1

#### حساب : $a \times 10^{-n}$

- عند ضرب عدد عشري به فاصلة في  $10^{-n}$

أو  $0,00...01$  نزيح الفاصلة نحو اليسار ب  $n$  رتبة .

- عند ضرب عدد صحيح طبيعي في  $10^n$  أو  $0,0...01$

نزيح الفاصلة نحو اليسار ب  $n$  رتبة : **124500**

#### أمثلة : الحساب

$$739 \times 10^{-2} = 7,39 \quad ; \quad 124514 \times 0,001 = 124,514$$

$$63,5 \times 10^{-2} = 0,635 \quad ; \quad 1542,4 \times 0,001 = 1,5424$$

$$362,419 \times 10^{-5} = 0,00362419$$

#### حساب : $a \times 10^n$

- عند ضرب عدد عشري به فاصلة في  $10^n$  أو  $100...0$

نزيح الفاصلة نحو اليمين ب  $n$  رتبة وعندما لا تكفي نتم ب 0

- عند ضرب عدد صحيح طبيعي في  $10^n$  أو  $100...0$

نضيف  $n$  من الأصفار إلى يمين هذا العدد .

#### أمثلة : الحساب

$$2154 \times 10^3 = 2154000 \quad ; \quad 74 \times 100 = 7400$$

$$4,5 \times 10^2 = 450 \quad ; \quad 3,1782 \times 1000 = 3178,2$$

$$154,87 \times 10^7 = 1548700000$$

قاعدة 2

كتابة عدد على شكل :  $a \times 10^{-n}$

- كل عدد  $x$  يمكن كتابته بعدة كتابات على شكل :  $a \times 10^{-n}$
- كل تحويل للفاصلة نحو اليمين يجعل أس 10 سالب ب 1 -

أمثلة كتابة على شكل :  $a \times 10^{-n}$

◁ عدد عشري به فاصلة :  $2,39142 = \dots \times 10^{-\dots}$

- 2 رتب نحو اليسار :  $2, \underbrace{39142}_{10^{-2}} = 239,142 \times 10^{-2}$

- 4 رتب نحو اليسار :  $2, \underbrace{39142}_{10^{-4}} = 23914,2 \times 10^{-4}$

◁ عدد صحيح طبيعي :  $6510 = \dots \times 10^{-\dots}$

- رتبة نحو اليسار :  $6510, \underbrace{\phantom{0000}}_{10^{-1}} = 65100 \times 10^{-1}$

إضافة 0 للعدد

- 3 رتب نحو اليسار :  $6510, \underbrace{\phantom{00000}}_{10^{-3}} = 6510000 \times 10^{-3}$

إضافة 3 أصفار 0 للعدد

كتابة عدد على شكل :  $a \times 10^n$

- كل عدد  $x$  يمكن كتابته بعدة كتابات على شكل :  $a \times 10^n$
- كل تحويل للفاصلة نحو اليسار يجعل أس 10 موجب ب 1 +

أمثلة كتابة على شكل :  $a \times 10^n$

◁ عدد عشري به فاصلة :  $8215,47 = \dots \times 10^{\dots}$

- رتبة نحو اليمين :  $821 \underbrace{5,47}_{10^1} = 821,547 \times 10^1$

- 3 رتب نحو اليمين :  $821 \underbrace{5,47}_{10^3} = 8,21547 \times 10^3$

◁ عدد صحيح طبيعي :  $815000 = \dots \times 10^{\dots}$

- 2 رتب نحو اليمين :  $815000, \underbrace{\phantom{00}}_{10^2} = 8150 \times 10^2$

- 4 رتب نحو اليمين :  $815000, \underbrace{\phantom{0000}}_{10^4} = 81,5 \times 10^4$

الأصفار وراء الفاصلة لا تحتسب :  $81,500 = 81,5$

تعريف : الكتابة العلمية

الكتابة :  $x = a \times 10^n$  حيث  $a$  عدد طبيعي يحتوي على

رقم واحد : (3)، أو  $b$  عدد عشري يحتوي على رقم واحد أمام

الفاصلة : (2,357) تسمى الكتابة العلمية للعدد  $y$ .

العدد  $b$  يحقق :  $1 \leq b < 10$

أمثلة لكتابة علمية

$0,000000134 = 1,34 \times 10^{-6}$

$0,049 = 4,9 \times 10^{-2}$

الكتابة :  $x = a \times 10^n$  حيث  $a$  عدد طبيعي يحتوي على

رقم واحد : (7)، أو  $a$  عدد عشري يحتوي على رقم واحد أمام

الفاصلة : (3,54) تسمى الكتابة العلمية للعدد  $x$

العدد  $a$  يحقق :  $1 \leq a < 10$

أمثلة لكتابة علمية

$215470000 = 2,1547 \times 10^8$

$5487,417 = 5,487417 \times 10^3$

- كل عدد يحتوي على رقم واحد : 2 ، 3 أو يحتوي على رقم واحد أمام 1,3 ، 6,21 فالكتابة العلمية له هي العدد نفسه
- أمثلة : - الكتابة العلمية للعدد 5 هي 5 ، الكتابة العلمية للعدد 6,154 هي : 6,154 الفاصلة

تعريف : الكتابة العلمية لعدد سالب

إذا كانت الكتابة  $a \times 10^n$  كتابة علمية للعدد الموجب  $x$  فإن الكتابة  $-a \times 10^n$  كتابة علمية للعدد السالب  $-x$

$$-0,0000721 = -7,21 \times 10^{-5} ; \quad -421487 = -4,21487 \times 10^5$$

أمثلة لكتابة علمية لعدد سالب

تعريف : تفكيك عدد في نظمة العد العشري

وحدات عشرات مئات آلاف عشرات الآلاف مئات الآلاف

$$952837 = 900000 + 50000 + 2000 + 800 + 30 + 7$$

لدينا :

$$900000 + 50000 + 2000 + 800 + 30 + 7 = 9 \times 10^5 + 5 \times 10^4 + 2 \times 10^3 + 8 \times 10^2 + 3 \times 10 + 7$$

و :

الكتابة :  $9 \times 10^5 + 5 \times 10^4 + 2 \times 10^3 + 8 \times 10^2 + 3 \times 10 + 7$  تسمى تفكيك للعدد 952837 في نظمة العد العشري .

قاعدة

• لتفكيك عدد صحيح طبيعي في نظمة العد العشري نحدد رقم وحداته و رقم عشراته و رقم آلافه ..... ثم **نضرب** رقم الوحدات في

$$1 \times 10^0 = \dots \times 1 \quad \text{و رقم العشرات في } 10 \times 10^1 = \dots \times 10 \quad \text{و رقم المئات في } 100 \times 10^2 = \dots \times 100 \quad \text{و رقم الآلاف في } 1000 \times 10^3 = \dots \times 1000$$

أمثلة للتفكيك في نظمة العد العشري

$$A = 1452 = 1 \times 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 2 \times 1 = 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10 + 2$$

•

$$0 \times 10^2 = 0 ; \quad B = 95073 = 9 \times 10^4 + 5 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 7 \times 10^1 + 3 \times 1 = 9 \times 10^4 + 5 \times 10^3 + 7 \times 10 + 3$$

•

$$0 \times 10^4 = 0 ; 0 \times 10^2 = 0 ; 0 \times 1 = 0 \quad \text{لأن : } A = 704050 = 7 \times 10^5 + 4 \times 10^3 + 5 \times 10$$

•

خصائص قوى العدد

m و n عددين صحيحين نسبيين :

$$(10^n)^m = 10^{n \times m} ; \quad 10^n \div 10^m = 10^{n-m} ; \quad \frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m} ; \quad 10^n \times 10^m = 10^{n+m}$$

أمثلة : كتابة على شكل قوة أساسها 10

$$(10^{10})^{-6} = 10^{10 \times (-6)} = 10^{-60} ; \quad \frac{10^{-2}}{10^{-4}} = 10^{-2 - (-4)} = 10^{-2+4} = 10^2 ; \quad 10^{-5} \times 10^9 = 10^{-5+9} = 10^4$$

$$(10^{-4})^{-5} \times 10^{-30} = 10^{-4 \times (-5)} \times 10^{-30} = 10^{20+(-30)} = 10^{-10} ; \quad \frac{10^{-3} \times 10^7}{10^8 \times 10^{-5}} = \frac{10^{-3+7}}{10^{8+(-5)}} = \frac{10^4}{10^3} = 10^{4-3} = 10^1 = 10$$