

درس : قوى العدد 10

تعاريف و مصطلحات

الأسس السالب ل 10

- n - عدد صحيح نسبي سالب :

$$10^{-n} = \frac{1}{10^n}$$

$$10^n = 0, \underbrace{000\dots01}_{n, chiffres}$$

- حالة خاصة :

أمثلة حساب القوة

$$10^{-6} = 0, \underbrace{000001}_6 ; \quad 10^{-4} = 0, \underbrace{0001}_4$$

أمثلة كتابة على شكل قوة

$$0,00000001 = 10^{-8} ; \quad 0,001 = 10^{-3}$$

حساب : $a \times 10^{-n}$

- عند ضرب عدد عشري به فاصلة في 10^{-n}

أو $0,00\dots01$ نزيع الفاصلة نحو اليسار ب n رتبة .

مكان الفاصلة

$0,0\dots01$ نزيع الفاصلة نحو اليسار ب n رتبة :

أمثلة : الحساب

$$739 \times 10^{-2} = 7,39 ; \quad 124514 \times 0,001 = 124,514$$

$$63,5 \times 10^{-2} = 0,635 ; \quad 1542,4 \times 0,001 = 1,5424$$

$$362,419 \times 10^{-5} = 0,00362419$$

الأسس الموجب ل 10

- n عدد صحيح نسبي موجب :

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n, facteurs}$$

$$10^n = \underbrace{1000\dots0}_{n, zéros}$$

- حالات خاصة :

$$10^1 = 10 ; \quad 10^0 = 1$$

أمثلة حساب القوة

$$10^7 = 10000000 ; \quad 10^3 = 1000$$

أمثلة كتابة على شكل قوة

$$10000000000 = 10^{10} ; \quad 100000 = 10^5$$

قاعدة 1

حساب : $a \times 10^n$

- عند ضرب عدد عشري به فاصلة في 10^n أو $0\dots0$

نزيع الفاصلة نحو اليمين ب n رتبة وعندما لا تكفي ننتم ب 0

- عند ضرب عدد صحيح طبيعي في 10^n أو $0\dots00$

نضيف n من الأصفار إلى يمين هذا العدد .

أمثلة : الحساب

$$2154 \times 10^3 = 2154000 ; \quad 74 \times 100 = 7400$$

$$4,5 \times 10^2 = 450 ; \quad 3,1782 \times 1000 = 3178,2$$

$$154,87 \times 10^7 = 1548700000$$

قاعدة 2

كتابه عدد على شكل: $a \times 10^{-n}$

كل عدد x يمكن كتابته بعده كتابات على شكل: $a \times 10^{-n}$

كل تحويل للفاصلة نحو اليمين يجعل أس 10 سالب بـ -1

أمثلة كتابة على شكل: $a \times 10^{-n}$

$2,39142 = \dots \times 10^{-\dots}$ ↳ عدد عشري به فاصلة

2 - رتب نحو اليسار: $2,39142 = 239,142 \times 10^{-2}$

4 - رتب نحو اليسار: $2,39142 = 23914,2 \times 10^{-4}$

↳ عدد صحيح طبيعي: $6510 = \dots \times 10^{-\dots}$

- رتبة نحو اليسار: $6510, \underbrace{1}_{10^{-1}} = 65100 \times 10^{-1}$

3 - رتب نحو اليسار: $6510, \underbrace{0}_{10^{-3}} = 6510000 \times 10^{-3}$

إضافة 3 أصفار 0 للعدد

الكتابه: $y = b \times 10^{-n}$ حيث b عدد طبيعي يحتوي على

رقم واحد: (3)، أو b عدد عشري يحتوي على رقم واحد أمام

الفاصلة: (2,357) تسمى **الكتابه العلمية** للعدد y .

العدد b يحقق: $1 \leq b < 10$

أمثلة لكتابه علمية

$0,00000134 = 1,34 \times 10^{-6}$

$0,049 = 4,9 \times 10^{-4}$

كل عدد يحتوي على رقم واحد: 2 ، 3 أو يحتوي على رقم واحد أمام 1,3 ، 6,21 فالكتابه العلمية له هي العدد نفسه
أمثلة: - الكتابه العلمية للعدد 5 هي 5 ، الكتابه العلمية للعدد 6,154 هي 6,154 الفاصلة

تعريف: الكتابه العلمية لعدد سالب

إذا كانت الكتابه $a \times 10^{-n}$ كتابه علمية للعدد الموجب x فإن الكتابه $a \times 10^{-n}$ - كتابه علمية للعدد السالب $-x$.

$$-0,0000721 = -7,21 \times 10^{-5} ; \quad -421487 = -4,21487 \times 10^5$$

أمثلة لكتابه علمية لعدد سالب

تعريف : تفكيك عدد في نظمة العد العشري

$$952837 = 900000 + 50000 + 2000 + 800 + 30 + 7$$

لدينا :
وحدات عشرات مئات الآلاف مئات الآلاف
↓ ↓ ↓ ↓
952837 = 900000 + 50000 + 2000 + 800 + 30 + 7

$$و : 900000 + 50000 + 2000 + 800 + 30 + 7 = 9 \times 10^5 + 5 \times 10^4 + 2 \times 10^3 + 8 \times 10^2 + 3 \times 10 + 7$$

الكتابة : 952837 تسمى تفكيك للعدد في نظمة العد العشري .

قاعدة

• لتفكيك عدد صحيح طبيعي في نظمة العد العشري نحدد رقم وحداته و رقم عشراته و رقم الآلاف ثم نضرب رقم الوحدات في

رقم العشرات في $\times 10^1$.. و رقم المئات في $\times 10^2$.. و رقم الآلاف في $\times 10^3$.. الخ

أمثلة لتفكيك في نظمة العد العشري

$$A = 1452 = 1 \times 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 2 \times 1 = 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10 + 2 \bullet$$

$$0 \times 10^2 = 0 ; \quad B = 95073 = 9 \times 10^4 + 5 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 7 \times 10^1 + 3 \times 1 = 9 \times 10^4 + 5 \times 10^3 + 7 \times 10 + 3 \bullet$$

$$0 \times 10^4 = 0 ; 0 \times 10^2 = 0 ; 0 \times 1 = 0 \quad \text{لأن: } A = 704050 = 7 \times 10^5 + 4 \times 10^3 + 5 \times 10 \bullet$$

خصائص قوى العدد

n و m عددين صحيحين نسبيين :

$$(10^n)^m = 10^{n \times m} ; \quad 10^n \div 10^m = 10^{n-m} ; \quad \frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m} ; \quad 10^n \times 10^m = 10^{n+m}$$

أمثلة : كتابة على شكل قوة أساسها 10

$$(10^{10})^{-6} = 10^{10 \times (-6)} = 10^{-60} ; \quad \frac{10^{-2}}{10^{-4}} = 10^{-2-(-4)} = 10^{-2+4} = 10^2 ; \quad 10^{-5} \times 10^9 = 10^{-5+9} = 10^4$$

$$(10^{-4})^{-5} \times 10^{-30} = 10^{-4 \times (-5)} \times 10^{-30} = 10^{20+(-30)} = 10^{-10} ; \quad \frac{10^{-3} \times 10^7}{10^8 \times 10^{-5}} = \frac{10^{-3+7}}{10^{8+(-5)}} = \frac{10^4}{10^3} = 10^{4-3} = 10^1 = 10$$