

الدرس (5): العمليات الأربع على الأعداد الجزئية

I - قاعدة النشر والتجميع

(1) نشاط:

(1) احسب $\frac{3}{7} + \frac{-2}{3}$ ثم $\frac{4}{5} \times (\frac{3}{7} + \frac{-2}{3})$

(2) احسب $\frac{4}{5} \times \frac{3}{7}$ و $\frac{4}{5} \times \frac{-2}{3}$

(3) صاه $\frac{4}{5} \times (\frac{3}{7} + \frac{-2}{3})$ و $\frac{4}{5} \times \frac{3}{7} + \frac{4}{5} \times \frac{-2}{3}$

جواب:

(1) لدينا: $\frac{3}{7} + \frac{-2}{3} = \frac{9}{21} + \frac{-14}{21} = \frac{9+(-14)}{21} = \frac{-5}{21}$

* $\frac{4}{5} \times (\frac{3}{7} + \frac{-2}{3}) = \frac{4}{5} \times \frac{-5}{21} = \frac{4 \times (-5)}{5 \times 21} = \frac{-4}{21}$

(2) لدينا: $\frac{4}{5} \times \frac{3}{7} = \frac{4 \times 3}{5 \times 7} = \frac{12}{35}$

* $\frac{4}{5} \times \frac{-2}{3} = \frac{4 \times (-2)}{5 \times 3} = \frac{-8}{15}$

(3) لدينا: $\frac{4}{5} \times \frac{3}{7} + \frac{4}{5} \times \frac{-2}{3} = \frac{12}{35} + \frac{-8}{15} = \frac{36}{105} + \frac{-56}{105} = \frac{36+(-56)}{105} = \frac{-20}{105} = \frac{5 \times 4}{5 \times 21} = \frac{-4}{21}$

نلاحظ أن: $\frac{4}{5} \times (\frac{3}{7} + \frac{-2}{3}) = \frac{4}{5} \times \frac{3}{7} + \frac{4}{5} \times \frac{-2}{3}$

(2) قاعدة النشر والتجميع

أ - تعريف:

* النشر هو كتابة جداء على شكل مجموع أو فرق.
* التجميع هو كتابة مجموع أو فرق على شكل جداء.

ب - خاصية:

a و b اعداد جزئية النشر
 $k(a+b) = k.a + k.b$
 $k(a-b) = k.a - k.b$
التجميع

ج - أمثلة:

لنشر ونكتب: النشر

A = $2,5 \times (-3+7)$
 $= 2,5 \times (-3) + 2,5 \times 7$
 $= -7,5 + 17,5 = 10$

B = $\frac{1}{2} \times (\frac{-2}{3} - \frac{5}{4})$
 $= \frac{1}{2} \times (\frac{-2}{3}) - \frac{1}{2} \times \frac{5}{4}$
 $= \frac{1 \times (-2)}{2 \times 3} - \frac{1 \times 5}{2 \times 4}$
 $= \frac{-1}{3} - \frac{5}{8} = \frac{-8}{24} - \frac{15}{24}$
 $= \frac{-8-15}{24} = \frac{-23}{24}$

لنعمل ونكتب: التجميع

A = $2 \times \frac{1}{5} + 2 \times \frac{4}{3}$
 $= 2(\frac{1}{5} + \frac{4}{3})$
 $= 2 \times (\frac{3}{15} + \frac{20}{15})$
 $= 2 \times (\frac{3+20}{15}) = 2 \times \frac{23}{15} = \frac{2 \times 23}{15}$
 $A = \frac{46}{15}$

B = $-\frac{3}{5} \times (\frac{-1}{7} - \frac{3}{5})$
 $= -\frac{3}{5} \times (\frac{-1}{7} + 1)$
 $= -\frac{3}{5} \times (\frac{-1}{7} + \frac{7}{7}) = -\frac{3}{5} \times \frac{1+7}{7}$
 $= -\frac{3}{5} \times \frac{8}{7} = \frac{-3 \times 8}{5 \times 7}$
 $B = \frac{-24}{35}$

(3) قواعد مهمة:

* متقابل جمع عددين جزئيين

إذا كان x و y عددين جزئيين فإن:

$-(x+y) = (-x) + (-y)$

* متقابل فرق عددين جزئيين

إذا كان x و y عددين جزئيين فإن:

$-(x-y) = (-x) + y$

* أمثلة:

* $-(\frac{1}{2} + \frac{3}{2}) = (-\frac{1}{2}) + (-\frac{3}{2})$
 $= \frac{-1+(-3)}{2} = \frac{-4}{2} = -2$

* $-(\frac{3}{4} - \frac{1}{4}) = (-\frac{3}{4}) + \frac{1}{4} = \frac{-3+1}{4} = \frac{-2}{4} = \frac{-1}{2}$

(3) قاعدة تنظيم الحساب:

أ - قاعدة

قاعدة (4) : عند عدم وجود أقواس تفضل بين العمليات،

تنجز عملية الضرب قبل عملية الجمع والطرح.

قاعدة (5) : عند وجود أقواس تفضل بين العمليات،

بحسب أوتوا داخل الأقواس.

ب - أمثلة:

$$\begin{aligned} A &= \frac{3}{8} + \frac{1}{5} \times \frac{-3}{2} \\ &= \frac{3}{8} + \frac{1 \times (-3)}{5 \times 2} \\ &= \frac{3}{8} + \frac{-3}{10} \\ &= \frac{15}{40} + \frac{-12}{40} \\ &= \frac{15 + (-12)}{40} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow A = \frac{3}{40}$$

$$\begin{aligned} B &= \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{5} \right) \times \frac{-3}{2} \\ &= \left(\frac{15}{40} + \frac{8}{40} \right) \times \frac{-3}{2} \\ &= \left(\frac{15+8}{40} \right) \times \frac{-3}{2} \\ &= \frac{23}{40} \times \frac{-3}{2} = \frac{23 \times (-3)}{40 \times 2} \Rightarrow B = \frac{-69}{80} \end{aligned}$$

$$\boxed{A \neq B} \quad \text{لاحظ أن}$$

II - مجموع وحاصل قسمة أعداد جبرية:

(1) قاعدة حساب مجموع عدة أعداد جبرية:

أ - قاعدة (2) :

لا يتغير مجموع عدة أعداد جبرية :
* إذا غيرنا ترتيب حدوده
* إذا عوضنا بعض الحدود بمجموعها

ب - أمثلة:

$$\begin{aligned} A &= \frac{2}{3} + \frac{1}{4} - \frac{5}{3} + \frac{7}{4} \\ &= \frac{2}{3} - \frac{5}{3} + \frac{1}{4} + \frac{7}{4} \\ &= \frac{2-5}{3} + \frac{1+7}{4} \\ &= \frac{-3}{3} + \frac{8}{4} = -1 + 2 \Rightarrow A = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= \frac{3}{7} + \left(1 - \frac{2}{3} \right) - 2 \\ &= \frac{3}{7} + \left(\frac{3}{3} - \frac{2}{3} \right) - 2 \\ &= \frac{3}{7} + \frac{1}{3} - 2 \\ &= \frac{9}{21} + \frac{7}{21} - \frac{42}{21} = \frac{9+7-42}{21} \\ &= \frac{-26}{21} \end{aligned}$$

(2) قاعدة حساب حاصل قسمة أعداد جبرية:

أ - قاعدة (3) :

لا يتغير حاصل قسمة أعداد جبرية :
* إذا غيرنا ترتيب عوامله
* إذا عوضنا بعضاً من عوامله بمجموعها

ب - أمثلة:

$$\begin{aligned} A &= \frac{-2}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{-3}{2} \times 5 \\ &= \left(\frac{-2}{3} \times \frac{-3}{2} \right) \times \left(\frac{1}{2} \times 5 \right) \\ &= \frac{-2 \times -3}{3 \times 2} \times \frac{1 \times 5}{2} \\ &= 1 \times \frac{5}{2} \Rightarrow A = \frac{5}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= \frac{2}{3} \times \left(\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} \right) \times 2 \\ &= \frac{2}{3} \times \frac{4 \times 2}{5 \times 3} \times 2 \\ &= \frac{2}{3} \times \frac{14}{15} \times 2 \\ &= \frac{2 \times 14 \times 2}{3 \times 15} \\ &= \frac{56}{45} \end{aligned}$$