

# تمارين حول التماثل المحوري

## التمرين 1

$AEB$  مثلث قائم الزاوية في  $E$  و  $C$  ممائلة  $B$  بالنسبة للنقطة  $E$

1 - أرسم شكلا مناسباً

2 - أثبت أن النقطتين  $B$  و  $C$  متماثلتين بالنسبة للمستقيم  $(AE)$

3 - لتكن  $M$  منتصف  $[AB]$  و  $M'$  مماثلتها بالنسبة للمستقيم  $(AE)$

المستقيم  $(MC)$  يقطع المستقيم  $(AE)$  في  $H$

أ - أتمم الشكل .

ب - برهن أن  $M'$  منتصف  $[AC]$

ج - أثبت أن :  $H \in (BM')$

4 - حدد معللاً جوابك ممائلة الدائرة التي مركزها  $M$  و تمر من النقطة  $B$ ، بالنسبة للمستقيم  $(AE)$

## التمرين 2

نعتبر الشكل أسفله :

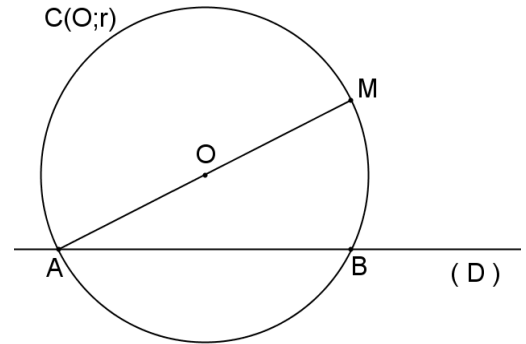
1- أنشئ النقطة  $O'$  ممائلة النقطة  $O$  بالنسبة للمستقيم  $(D)$

2 - ما هي ممائلة النقطة  $A$  بالنسبة للنقطة  $O$  ؟

3 - أنشئ الدائرة  $(C')$  ممائلة الدائرة  $(C)$  بالنسبة للمستقيم  $(D)$

4 - باستعمال المسطرة فقط أنشئ النقطة  $M'$  ممائلة  $M$  بالنسبة للمستقيم  $(D)$  مع تعليل الجواب

5- إذا علمت أن شعاع الدائرة يساوي  $3cm$ ، فاحسب المسافة  $AM'$



## التمرين 3

$IJK$  مثلث و  $M$  نقطة من القطعة  $[JK]$

$(\Delta)$  مستقيم يمر من النقطة  $I$  و  $B$  و  $N$  و  $C$  هي

على التوالي مماثلات النقط  $J$  و  $M$  و  $K$  بالنسبة للمستقيم

1 - أنشئ الشكل.

2 - حدد ممائلة النقطة  $I$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$

3 - برهن أن النقط  $B$  و  $N$  و  $C$  مشتقمية

4 - قارن المسافتين  $JM$  و  $BN$

## التمرين 4

ليكن  $ABC$  مثلثاً متساوي الساقين رأسه  $A$

لتكن  $I$  منتصف  $[BC]$

1 - أنشئ الشكل

2 - ماذا يمثل المستقيم  $(AI)$  بالنسبة للقطعة  $[BC]$

3 - ما هي ممائلة النقطة  $B$  بالنسبة للمستقيم  $(AI)$

4 - ما هي ممائلة النقطة  $C$  بالنسبة للمستقيم  $(AI)$

5 - لتكن  $E$  ممائلة النقطة  $B$  بالنسبة للمستقيم  $(AC)$

و  $J$  ممائلة النقطة  $I$  بالنسبة للمستقيم  $(AC)$

أ- أنشئ النقطتين  $E$  و  $J$  (في نفس الشكل)

ب- برهن أن النقط  $E$  و  $J$  و  $C$  مستقيمية

6 - بين أن  $EJ = CI$

7 - ما هي طبيعة المثلث  $BEC$  ؟

## التمرين 5

$IJK$  مثلث قائم الزاوية في النقطة  $I$

$A$  نقطة من القطعة  $[JK]$ .  $M$  و  $B$  هما على التوالي

مماثلات  $A$  و  $K$  بالنسبة للمستقيم  $(IJ)$

1 - أنشئ الشكل

2 - برهن أن  $BM = AK$

3 - حدد مماثل نصف المستقيم  $[IK]$  بالنسبة للمستقيم  $(IJ)$

4 - برهن أن النقط  $J$  و  $B$  و  $M$  مستقيمية

## التمرين 6

لتكن  $(C)$  الدائرة التي مركزها  $I$  و شعاعها  $3cm$

و  $[EF]$  أحد أقطارها .

1 - العمودي على المستقيم  $(EF)$  و المار من  $I$

يقطع الدائرة  $(C)$  في  $A$  و  $B$

بين أن  $F$  هي ممائلة  $E$  بالنسبة للمستقيم  $(AB)$

2 - أ- أنشئ النقطة  $M$  ممائلة  $I$  بالنسبة للمستقيم  $(FB)$

ب- حدد ممائلة  $[BI]$  بالنسبة للمستقيم  $(FB)$

ج- أحسب  $FM$ .

3 - حدد و أنشئ الدائرة  $(C')$  ممائلة الدائرة  $(C)$  بالنسبة

للمستقيم  $(FB)$

4- بين أن المستقيمين  $(FM)$  و  $(BM)$  متعامدان

## التمرين 7

$ABC$  مثلث و  $(\Delta)$  مستقيم خارجه

النقط  $D$  و  $E$  و  $F$  هي على التوالي مماثلات النقط  $A$

و  $B$  و  $C$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$

1 - أنشئ الشكل

2 - برهن أن :  $AC = DF$

3 - حدد مماثل المستقيم  $(AB)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$

4 - برهن أن  $(CF) \parallel (BE)$