

A B

Les angles

1APC

M

I Angle :

1/ Définition :

Un angle est une figure formée par deux demi-droites de même origine.

*/ Les demi-droites s'appellent les côtés de l'angle.

*/ L'origine commune s'appelle le sommet de l'angle.

2/ Notation :

On note un angle à l'aide de trois lettres surmontées d'un chapeau.
La lettre centrale indique toujours le sommet.

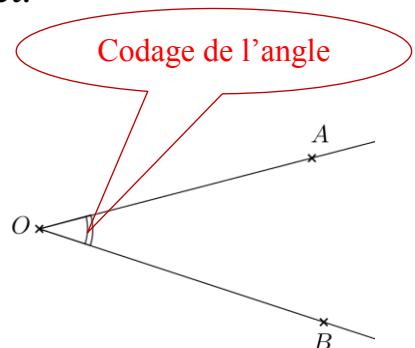
3/ Exemple :

On considère l'angle suivant :

*/ Cet angle est noté : $A\hat{O}B$.

*/ Les demi-droites $[OA)$ et $[OB)$ sont les côtés de l'angle $A\hat{O}B$.

*/ Le point O c'est le sommet de l'angle $A\hat{O}B$.



4/ Mesure d'angle :

*/ Pour mesurer un angle on utilise le rapporteur.

*/ L'unité de mesure des angles est le degré.

II Les différents types d'angles :

1/ Angle nul :

a) Définition :

L'angle nul est un angle dont la mesure est égale à 0°

b) Exemple :

Soit $A\hat{O}B$ un angle nul.



On écrit :

$$A\hat{O}B = 0^\circ$$

Remarque :

Les côtés d'un angle nul sont deux demi-droites confondues

2/ Angle aigu :

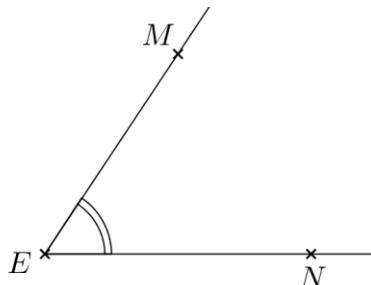
a) Définition :

L'angle aigu est un angle dont la mesure est comprise strictement entre 0° et 90° .

b) Exemple :

Soit $M\hat{E}N$ un angle aigu.

On écrit : $0^\circ < M\hat{E}N < 90^\circ$



3/ Angle droit :

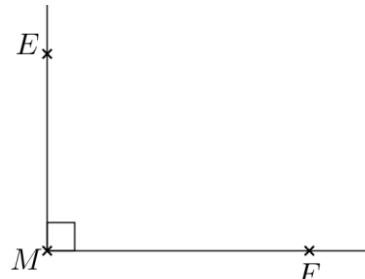
a) Définition :

L'angle droit est un angle dont la mesure est égale à 90° .

b) Exemple :

Soit $E\hat{M}F$ un angle droit.

On écrit : $E\hat{M}F = 90^\circ$



4/ Angle obtus :

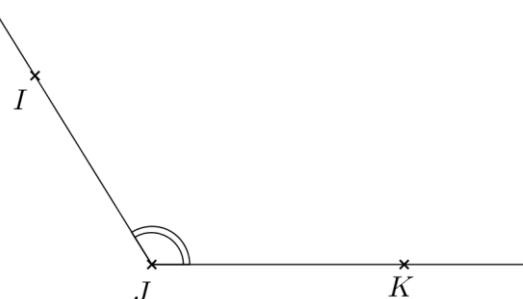
a) Définition :

L'angle obtus est un angle dont la mesure est comprise strictement entre 90° et 180° .

b) Exemple :

Soit $I\hat{J}K$ un angle obtus.

On écrit : $90^\circ < I\hat{J}K < 180^\circ$



5/ Angle plat :

a) Définition :

L'angle plat est un angle dont la mesure est égale à 180° .

b) Exemple :

Soit $A\hat{O}B$ un angle droit.

On écrit : $A\hat{O}B = 180^\circ$



Remarque :

Les côtés d'un angle plat sont deux demi-droites opposées

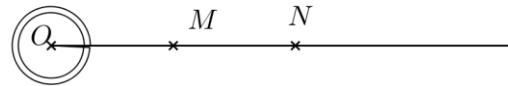
6/ Angle plein :

a) Définition :

L'angle plein est un angle dont la mesure est égale à 360° .

b) Exemple :

Soit $M\hat{O}N$ un angle plein.



On écrit : $M\hat{O}N = 360^\circ$

Remarque :

Les côtés d'un angle plein sont deux demi-droites confondues

III Relation entre deux angles :

1/ Angles adjacents :

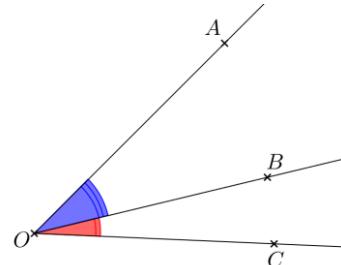
a) Définition :

Deux angles adjacents sont deux angles qui ont :

- */ Le même sommet.
- */ Un côté commun.
- */ Sont situés de part et d'autre de ce côté commun.

b) Exemple :

Soient $A\hat{O}B$ et $B\hat{O}C$ deux angles adjacents.



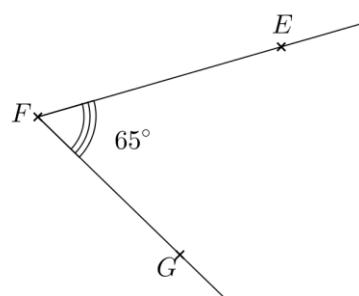
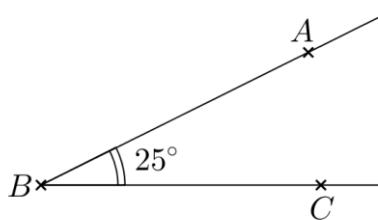
2/ Angles complémentaires :

a) Définition :

Deux angles complémentaires sont deux angles dont la somme de leurs mesures est égale à 90° .

b) Exemple :

Soient $A\hat{B}C$ et $E\hat{F}G$ deux angles tels que : $A\hat{B}C = 25^\circ$ et $E\hat{F}G = 65^\circ$.



$$\begin{aligned} \text{On a : } A\hat{B}C + E\hat{F}G &= 25^\circ + 65^\circ \\ &= 90^\circ \end{aligned}$$

Donc : $A\hat{B}C$ et $E\hat{F}G$ sont deux angles complémentaires.

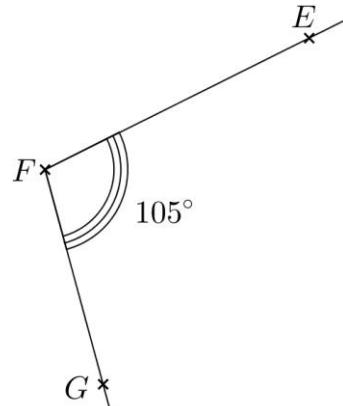
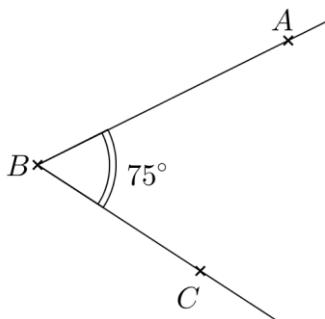
3/ Angles supplémentaires :

a) Définition :

Deux angles supplémentaires sont deux angles dont la somme de leurs mesures est égale à 180° .

b) Exemple :

Soient $A\hat{B}C$ et $E\hat{F}G$ deux angles tels que : $A\hat{B}C = 75^\circ$ et $E\hat{F}G = 105^\circ$.



$$\begin{aligned} \text{On a : } A\hat{B}C + E\hat{F}G &= 75^\circ + 105^\circ \\ &= 180^\circ \end{aligned}$$

Donc : $A\hat{B}C$ et $E\hat{F}G$ sont deux angles supplémentaires.

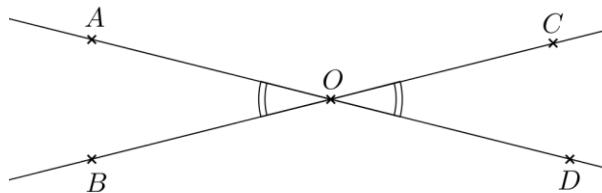
4/ Angles opposés par le sommet :

a) Définition :

Deux angles opposés par le sommet sont deux angles qui ont le même sommet et leurs côtés sont dans le prolongement l'un de l'autre.

b) Exemple :

On considère la figure suivante :



On dit que : $A\hat{O}B$ et $C\hat{O}D$ deux angles opposés par le sommet O .

Ainsi que les angles $A\hat{O}C$ et $B\hat{O}D$ sont opposés par le sommet O .

5/ Angles isométriques (égaux) :

Deux angles isométriques (égaux) sont deux angles de même mesure.

* / Remarque importante : Deux angles opposés par le sommet sont égaux (isométriques)

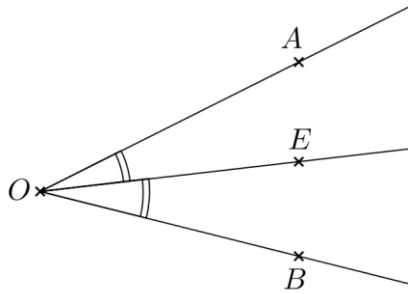
IV_ Bissectrice d'un angle :

1/ Définition :

La bissectrice d'un angle est une demi-droite qui partage l'angle en deux angles adjacents isométriques.

2/ Exemples :

Soient $A\hat{O}B$ un angle et $[OE)$ sa bissectrice.



3/ Propriété :

Si $[OE)$ est la bissectrice d'un angle $A\hat{O}B$, alors :

$$A\hat{O}E = \frac{A\hat{O}B}{2} \quad \text{et} \quad E\hat{O}B = \frac{A\hat{O}B}{2} \quad ; \quad A\hat{O}B = 2 \times A\hat{O}E \quad \text{et} \quad A\hat{O}B = 2 \times E\hat{O}B$$

4/ Applications :

1/_ Soient $E\hat{O}F$ un angle et $[OM)$ sa bissectrice tel que : $E\hat{O}F = 60^\circ$.

Calculons $E\hat{O}M$ et $M\hat{O}F$.

Puisque $[OM)$ est la bissectrice de l'angle $E\hat{O}F$, alors : $E\hat{O}M = \frac{E\hat{O}F}{2}$ et $M\hat{O}F = \frac{E\hat{O}F}{2}$

Donc :
$$\begin{cases} E\hat{O}M = \frac{60^\circ}{2} \\ M\hat{O}F = \frac{60^\circ}{2} \end{cases} ; \quad \text{D'où :} \quad \boxed{E\hat{O}M = 30^\circ} \quad \text{et} \quad \boxed{M\hat{O}F = 30^\circ}$$

2/_ Soient $E\hat{O}F$ un angle et $[OM)$ sa bissectrice tel que : $E\hat{O}M = 35^\circ$.

Calculons $E\hat{O}F$.

Puisque $[OM)$ est la bissectrice de l'angle $E\hat{O}F$, alors : $E\hat{O}F = 2 \times E\hat{O}M$.

Donc : $E\hat{O}F = 2 \times 35^\circ$; D'où : $\boxed{E\hat{O}F = 70^\circ}$