الزوايا المكـونة من متـــوازيين و قـــــــاطع

I _ تذكيــر :

1) – الزاويتان المتتامتان والزاويتان المتكاملتان :

¤ تكون زاويتان متتامتين إذا كان مجموع قياسهما $90°$.

¤ تكون زاويتان متكاملتين إذا كان مجموع قياسهما $180°$.

2) – الزاويتان المتحاذيتان :

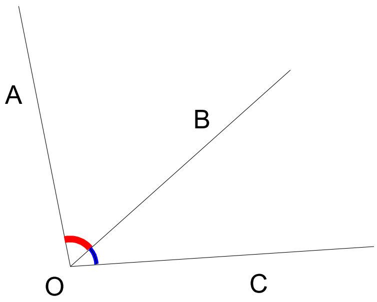
تكون زاويتان متحاذيتين إذا كان :

¤ لهما نفس الرأس .

¤ لهما ضلع مشترك.

¤ تقاطعهما هو الضلع المشترك .

*** مثال :** $A\hat{O}B$ و $B\hat{O}C$ زاويتنا متحاذيتان



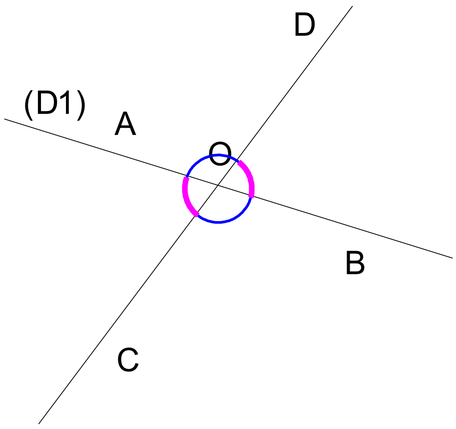
II _ الزاويتان المتقابلتان بالرأس :

1) – مثال :

نسمي الزاويتين $A\hat{O}C$ و $B\hat{O}D$:

زاويتان متقابلتان بالرأس O

و كذلك الزاويتين : $A\hat{O}D$ و $B\hat{O}C$



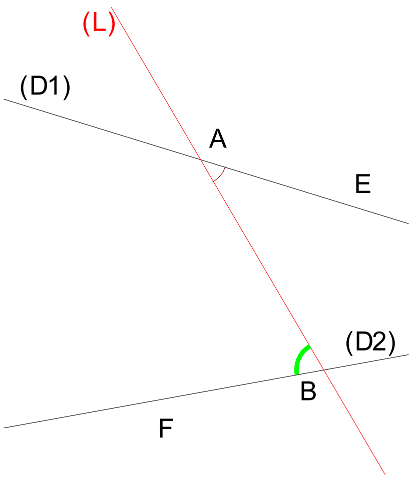
2)– خاصية : زاويتان متقابلتان بالرأس تكونان متقايستين

III _ الزوايا المكونة من متوازيين وقاطع :

1) – تعاريف :

أ) - الزاويتان المتبادلتان داخليا :

(D1) و(D2) مستقيمان متقاطعان و (L) قاطع لهما على التوالي في A و B .

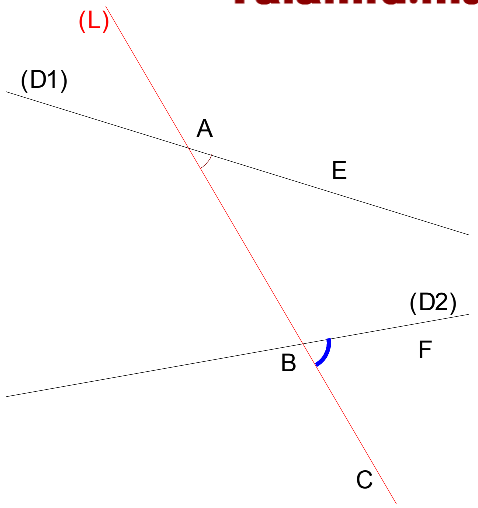


نسمي الزاويتين $E\hat{A}B$ و $A\hat{B}F$:

زاويتان متبادلتان داخليا

ب)- الزاويتان المتناظرتان :

(D1) و(D2) مستقيمان متقاطعان و (L) قاطع لهما على التوالي في A و B .



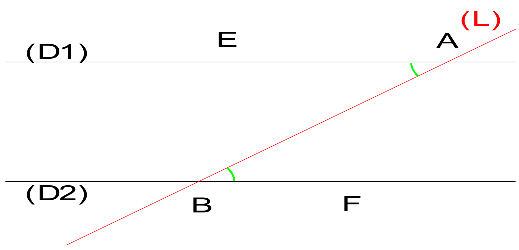
نسمي الزاويتين $E\hat{A}B$ و $F\hat{B}C$:

زاويتان متناظرتان

2) – خصـائـص :

أ) - الخاصية المباشرة للزاويتين المتبادلتين داخليا :

(D1) و(D2) مستقيمان متوازيان و (L) قاطع لهما على التوالي في A و B .

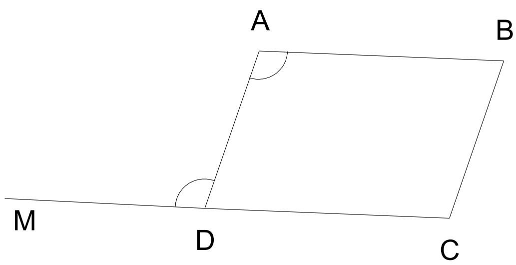


نلاحـظ أن : $E\hat{A}B = F\hat{B}A$

نقول إذن : إذا كان مستقيمان متوازيين فإنهما يحددان مع كل قاطع لهما زاويتان متبادلتان داخليا متقايستان

*** مثال :** ABCD متوازي الأضلاع و M نقطة من نصف المستقيم (CD) خارج القطعة [CD] .

لنبين أن : $B\hat{A}D = A\hat{D}M$.



نعتبر المستقيمين (AB) و(CD) و القاطع لهما (AD) .

لدينا : $A\hat{D}M$ و $B\hat{A}D$ زاويتان متبادلتان داخليا .

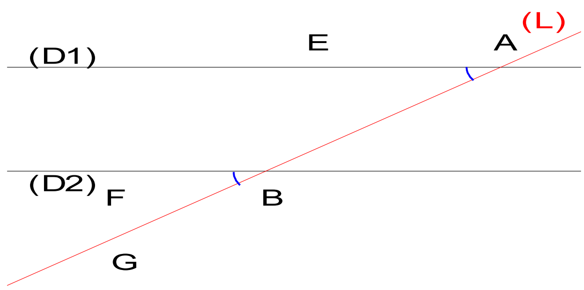
و نعلم أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع ، إذن :

(AB) // (CD) (حسب التعريف) .

و منه فإن : $B\hat{A}D = A\hat{D}M$

ب) - الخاصية المباشرة للزاويتين المتناظرتين :

(D1) و(D2) مستقيمان متوازيان و (L) قاطع لهما على التوالي في A و B .



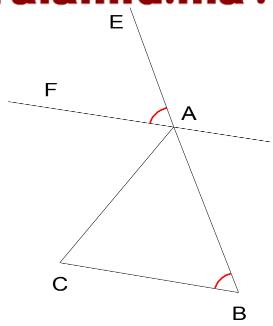
نلاحظ أن : $E\hat{A}B = F\hat{B}G$

نقول إذن :

إذا كان مستقيمان متوازيين فإنهما يحددان مع كل قاطع لهما زاويتان متناظرتان متقايستان

*** مثال :** ABC مثلث متساوي الأضلاع و (AF) مستقيم يمر من A و يوازي المستقيم (BC) .

و E نقطة (BA) خارج [AB] .



لنحسب $E\hat{A}F$.

نعتبر المتقيمين (BC) و (AF) و القاطع لهما (EB) .

لدينا : $E\hat{A}F$ و $A\hat{B}C$ زاويتان متناظرتان .

و بما أن (BC) // (AF) فإن : $E\hat{A}F = A\hat{B}C$.

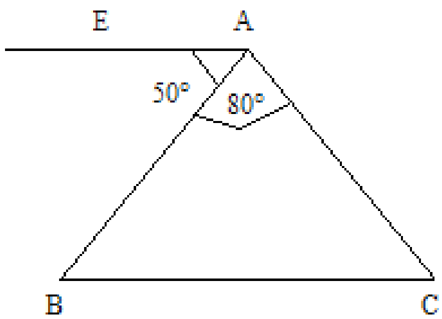
ونعلم أن المثلث ABC متساوي الأضلاع ، إذن : $A\hat{B}C = 60°$.

و منه فإن : $E\hat{A}F = 60°$.

ج) ـ الخاصية العكسية للزاويتين المتبادلتين داخليا و الزاويتين المتناظرتين : إذا حدد مستقيمان مع قاطع لهما زاويتين متبادلتين داخليا متقايستان أو زاويتين متناظرتين متقايستان فإنهما يكونان متوازيين

*** مثال :** ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A بحيث $B\hat{A}C = 80°$.

[AE) نصف مستقيم بحيث $C\hat{A}B$ و $B\hat{A}E$ زاويتان متحاذيتان و $BAE = 50°$.



لنبين أن (AE) // (BC) .

لدينا ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A .

إذن : $A\hat{B}C = A\hat{C}B = \dfrac{180° - 80°}{2} = 50°$

نعتبر المستقيمين (EA) و(BC) و القاطع لهما (AB).

لدينا : $B\hat{A}E$ و $A\hat{B}C$ زاويتان متبادلتان داخليا .

نعلم أن $B\hat{A}E = 50°$. و بما أن $A\hat{B}C = 50°$ فإن :

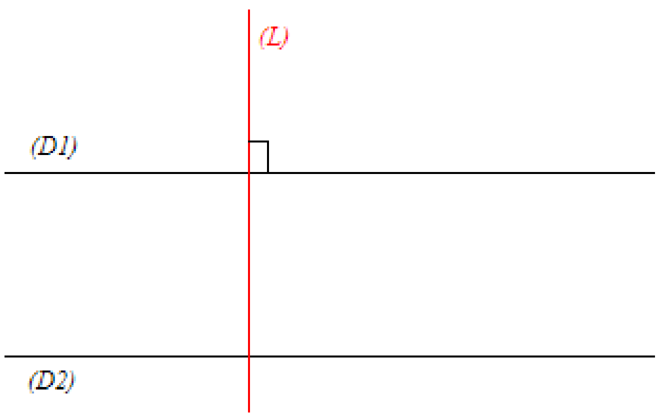
$B\hat{A}E = A\hat{B}C$.

ومنه فإن : (AE) // (BC)

IV _ خاصيات التوازي و التعامد :

1) – الخاصية الأولى : إذا كان مستقيمان متوازيين فإن كل مستقيم عمودي على أحدهما يكون عموديا على الآخر

* بتعبير آخر : إذا كان $\begin{cases} (D1) \parallel (D2) \\ (L) \perp (D1) \end{cases}$ و فإن : $(L) \perp (D2)$



2) – الخاصية الثانية : إذا كان مستقيمان متعامدين فإن كل مستقيم عمودي على أحدهما يكون موازيا للآخر .

* بتعبير آخر : إذا كان $\begin{cases} (D1) \perp (D2) \\ (L) \perp (D1) \end{cases}$ و فإن : $(L) \parallel (D2)$