

سلسلة تمارين متوازي الأضلاع

تمرين 1

- A و B و C نقط غير مستقيمة و O منتصف [AC] .
 1 - أنشئ D مماثلة B بالنسبة للنقطة O .
 2 - بين أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع .

تمرين 2

- EFG مثلث .
 1 - أنشئ E' و F' مماثلتي E و F على التوالي بالنسبة للنقطة G .
 2 - أثبت أن الرباعي 'EFE'F' متوازي الأضلاع .

تمرين 3

- ABCD متوازي الأضلاع مركزه E . O نقطة من [DO] تختلف عن D و O .
 1 - أنشئ F مماثلة النقطة E بالنسبة للنقطة O .
 2 - أثبت أن الرباعي AFCE متوازي الأضلاع .

تمرين 4

- [AB] قطعة طولها 6 cm .
 (C1) دائرة مركزها A و شعاعها 4 cm .
 (C2) دائرة مركزها B و شعاعها 4 cm .
 (C1) و (C2) تتقاطعان في E و F .
 1 - أرسم شكلا .
 2 - أثبت أن الرباعي AEBF متوازي الأضلاع .
 3 - المستقيم (EA) يقطع الدائرة (C1) في النقطة M و المستقيم (FB) يقطع الدائرة (C2) في النقطة N .
 أثبت أن الرباعي MENF متوازي الأضلاع .

تمرين 5

- ABC مثلث بحيث : $\hat{BAC} = 70^\circ$.
 المستقيم الموازي للمستقيم (Ac) و المار من النقطة B يقطع الموازي للمستقيم (AB) و المار من النقطة C في D .
 1 - أرسم شكلا .
 2 - أثبت أن الرباعي ABDC متوازي الأضلاع .
 3 - أحسب معللا جوابك : \hat{BDC} ثم \hat{ABD} .

تمرين 6

- (C1) و (C2) دائرتان لهما نفس المركز و ليس لهما نفس الشعاع .
 [AC] قطر للدائرة (C1) و [BD] قطر للدائرة (C2) بحيث (AC) لا يعامد (BD) .
 أثبت أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع .

تمرين 7

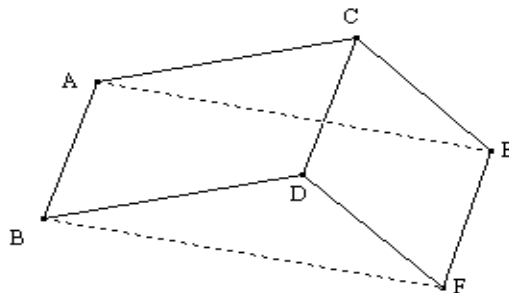
- ABCD متوازي الأضلاع بحيث : $AB = 4\text{cm}$ و $AD = 6\text{cm}$ و $\hat{BAD} = 40^\circ$.
 1 - أنشئ M منتصف [AB] و (Δ) المستقيم الموازي للمستقيم (AD) و المار من النقطة M بحيث يقطع المستقيم (DC) في النقطة N .
 2 - بين أن AMND متوازي الأضلاع .
 3 - أحسب معللا جوابك : \hat{MND} ثم \hat{ADN} .
 4 - بين أن N منتصف [DC] .

تمرين 8

- ABC مثلث متساوي الأضلاع و I منتصف [AC] .
 1 - أنشئ D مماثلة النقطة B بالنسبة للنقطة I .
 2 - أثبت أن ABCD متوازي الأضلاع .
 3 - استنتج قياس الزاوية \hat{ADC} .

تمرين 9

- نعتبر الشكل الآتي : EFDC و ABDC متوازي الأضلاع



بين أن : $AE = BF$

تمرين 10 1) - أرسم (C) و (C') دائرتين لهما نفس الشعاع r و مركزهما على التوالي A و B بحيث

(C) و (C') تتقاطعان في E .

2) - أرسم المستقيم المار من النقطة N والموازي للمستقيم (ME) بحيث يقطع الدائرة (C') في النقطة F .

3) - أثبت أن الرباعي AEFB متوازي الأضلاع .

4) - المستقيم (EB) يقطع الدائرة (C') في النقطة G والمستقيم (BF) يقطعها في النقطة H. أثبت أن الرباعي EFGH متوازي الأضلاع .

5) - استنتج أن المستقيم (AB) يوازي المستقيم (GH)

تمرين 11 لاحظ الشكل الآتي بحيث : (D) // (D') و (K) // (K') .

نفترض أن $D\hat{A}B = 130^\circ$ و $AB = 5\text{cm}$

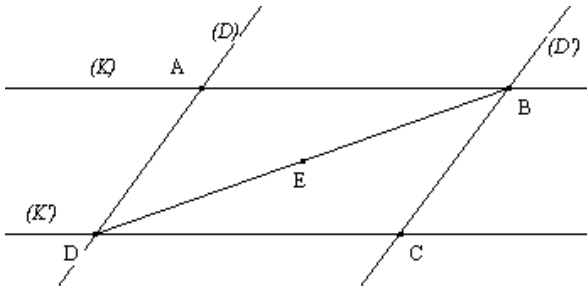
و $AD = 3\text{cm}$ و أن E منتصف [BD] .

1) - بين أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع .

2) - أحسب معللا جوابك : DC و BC .

3) - أحسب معللا جوابك : $B\hat{C}D$ ثم $A\hat{B}C$.

4) - أثبت أن النقطة E منتصف [AC] .



لاحظ الشكل الآتي

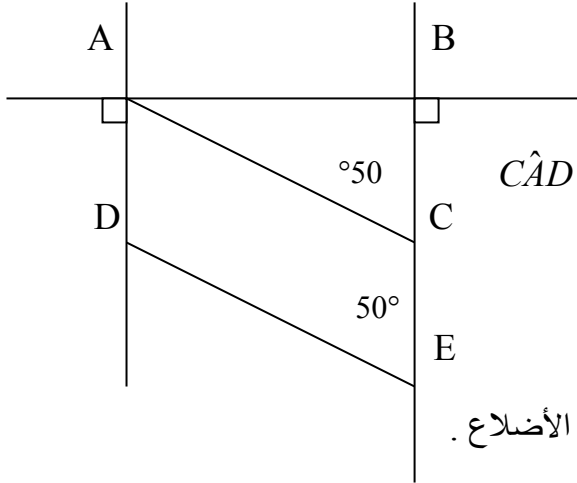
تمرين 12

لدينا : $AD = CE$.

1) - أثبت أن الرباعي ACED متوازي الأضلاع .

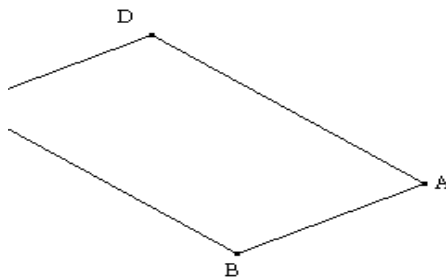
2) - نضع $A\hat{C}B = 60^\circ$ و $D\hat{E}B = 60^\circ$. أثبت أن : $C\hat{A}D = 40^\circ$

و أن $A\hat{D}E = 130^\circ$



تمرين 13 لاحظ الشكل الآتي بحيث : الرباعي ABCD متوازي الأضلاع .

بدون البحث عن الرأس C أنشئ المستقيم (AC) معللا جوابك .



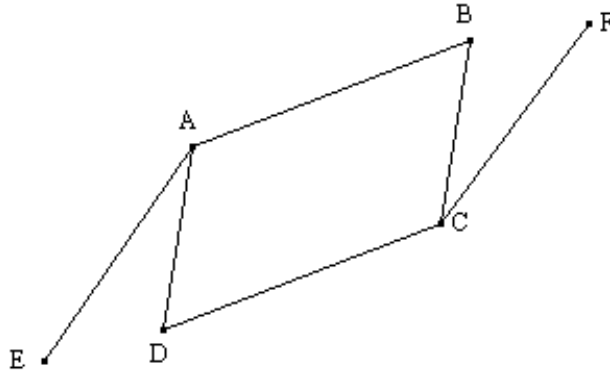
ABCD متوازي الأضلاع مركزه O .

تمرين 14

1) - أنشئ النقطتين M و N تنتميان إلى [AC] بحيث : $AM = MN = NC$.

2) - برهن أن النقطة O منتصف القطعة [MN] .

- (3) - أثبت أن الرباعي DMBN متوازي الأضلاع .
 (4) - استنتج أن $(MD) \parallel (BN)$.
 (5) - المستقيم (MD) يقطع (AB) في G و المستقيم (BN) يقطع (DC) في H . أثبت أن O منتصف $[GH]$.
تمرين 15 ABC متوازي الأضلاع . E و F نقطتان بحيث $(AE) \parallel (CF)$ و $AE = CF$. أنظر الشكل .
 (1) - أثبت أن الرباعي CFAE متوازي الأضلاع .
 (2) - نعتبر O مركز متوازي الأضلاع ABCD . بين أن O هو مركز تماثل الشكل .



- تمرين 16** ABC مثلث قائم الزاوية في A بحيث : $AC = 4\text{cm}$ و $\hat{ACB} = 40^\circ$ و E منتصف $[AB]$.
 (1) - أحسب بدون منقلة معللا جوابك \hat{ABC} .
 (2) - أنشئ المستقيم (Δ) المار من النقطة E و العمودي على المستقيم (AB) .
 (3) - بين أن $(AC) \parallel (\Delta)$.
 (4) - أنشئ النقطة D مماثلة C بالنسبة للنقطة E .
 (5) - أثبت أن $BD = 4\text{cm}$.
 (6) - برهن أن الرباعي ADBC متوازي الأضلاع .
 (7) - استنتج أن $\hat{ADB} = 40^\circ$.
تمرين 17 ABCD متوازي الأضلاع مركزه O .
 M نقطة من $[AB]$ و N نقطة من $[CD]$ بحيث : $AM = CN$.
 (1) - أرسم شكلا مناسباً .
 (2) - أثبت أن الرباعي AMCN متوازي الأضلاع .
 (3) - استنتج أن M و N متماثلتين بالنسبة للنقطة O .
 (4) - بين أن الرباعي MBND متوازي الأضلاع .