

## المعادلات

### **المعادلات :**

#### **(1) – تعريف :**

a و b عدوان عشريان نسبيان :

نسمى معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد كل من الكتابتين :

$$(a \neq 0) \quad ax = b \quad \text{و} \quad a + x = b$$

#### **(2) – أمثلة :**

$$11 + x = 22 ; -5 + x = 10 ; x - 2 = -8 ; 6 - x = 2,6 ; -1 - x = -5$$

$$3x = 12 ; -7x = 21 ; -4x = -16 ; 5x = 0 ; 2,5x = -1 ; -7x = 14$$

### **حل معادلة :**

#### **(1) – تعريف :**

حل معادلة هو البحث عن المجهول x .

#### **(2) – حل المعادلة :**

##### **(ا) – قاعدة :**

حل معادلة  $x = b - a$  هو العدد العشري النسبي  $x = b - a$

##### **(ب) – أمثلة :**

-- حل المعادلة :  $x = 11 - 6 = 5$  هو العدد العشري النسبي :  $x = 11 + 6 = 17$

-- حل المعادلة :  $0 - (-2) = 0 + 2 = 2$  هو العدد العشري النسبي :  $x = 0 + 2 = 2$  .

-- حل المعادلة :  $x = -1,5 - 2,5 = -4$  هو العدد العشري النسبي :  $x = -1,5 - 2,5 = -4$

-- حل المعادلة :  $x = -1 + 5 = 4$  هو العدد العشري النسبي :  $x = -1 + 5 = 4$

**2 - حل المعادلة  $ax = b$  :** ( $a \neq 0$ )

**(ا) - قاعدة :**

**حل معادلة  $ax = b$  هو العدد العشري النسبي  $x = b/a$**  ( $a \neq 0$ )

**(ب) - أمثلة :**

-- حل المعادلة :  $x = 2x = 5$  هو العدد العشري النسبي :  $\frac{5}{2} = 2,5$

-- حل المعادلة :  $x = 5x = 3$  هو العدد العشري النسبي :  $\frac{3}{-5} = -0,6$

-- حل المعادلة :  $x = 7x = 0$  هو العدد العشري النسبي :  $\frac{0}{-7} = 0$

## **II - خصائص :**

**(1) - القاعدة 1 :** إذا أضفنا أو طرحنا نفس العدد النسبي إلى طرفي متساوية فإن المتساوية لا تتغير.

**بتعبير آخر :**  $a$  و  $b$  و  $k$  أعداد عشرية نسبية .  $a = b$  يعني :  $a + k = b + k$  و  $k = b - k$

**(2) - القاعدة 2 :** إذا ضربنا في نفس العدد أو قسمنا على نفس العدد الغير المنعدم طرفي متساوية فإن المتساوية لا تتغير

**بتعبير آخر :**  $a$  و  $b$  و  $k$  و  $k'$  ( $k' \neq 0$ ) أعداد عشرية نسبية .

$a : k' = b : k'$  يعني :  $a \times k' = b \times k'$  و

**تقنيات :**

1 - نزيل الأعداد التي لا تحتوي على العدد المجهول  $x$  من الطرف الأيسر للمعادلة والأعداد التي تحتوي على

العدد المجهول  $x$  من الطرف الأيمن للمعادلة .

2 - عند إزالة عدد من طرف معادلة نضيف مقابله إلى الطرف الآخر .

**تطبيقات :**

. 5 + x = - 7 □ حل المعادلة

$$x = -7 - 5 \quad \text{لدينا} :$$

$$= -12$$

إذن هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي - 12 .

. 5x = 2 □ حل المعادلة

$$x = \frac{2}{5} = 0,4 \quad \text{لدينا} :$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي 0,4 .

. 3x + 5 = x - 1 □ حل المعادلة

$$3x - x = -1 - 5 \quad \text{لدينا}$$

$$2x = -6$$

$$x = \frac{-6}{2} = -3$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي - 3 .

. 2(x + 1) = x - 5 □ حل المعادلة

$$2x + 2 = x - 5 \quad \text{لدينا}$$

$$2x - x = -5 - 2$$

$$x = -3$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي - 3 .

$$\frac{2x+2}{4} + x = \frac{x-1}{2} \quad \text{حل المعادلة} \quad \square$$

$$\frac{2x+2}{4} + \frac{4x}{4} = \frac{2(x-1)}{4} \quad \text{لدينا}$$

$$2x + 2 + 4x = 2(x - 1)$$

$$2x + 2 + 4x = 2x - 2$$

$$2x + 4x - 2x = -2 - 2$$

$$4x = -4$$

$$x = \frac{-4}{4}$$

$$x = -1$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي  $-1$ .

**حالات خاصة :**

$(b \neq 0)$  -- حل المعادلة  $0x = b$

هذه المعادلة ليس لها حل.

$(a \neq 0)$  -- حل المعادلة  $ax = 0$

حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي  $0$

-- حل العادلة  $0x = 0$

جميع الأعداد العشرية النسبية حل لهذه المعادلة.

## **حل مسائل : II**

لحل مسألة نتبع المراحل الآتية :

1 – اختيار المجهول.

2 – صياغة المعادلة.

3 – حل المعادلة.

: مثال (2)

توفي رجل و ترك مالا قدره 60000 درهما. إذا علمت أن الإرث يرجع إلى أولاده الأربع :

ابن و ثلاثة بنات و أن للذكر حظ الأثمين ، فكيف سبقم هذا الإرث على الأولاد الأربع ؟

الحل :

## (1) – اختيار المجهول :

نعتبر  $x$  حظ بنت .

## (2) – صياغة المعادلة :

إذا كان حظ بنت هو  $x$  فإن

حظ البنات الثلاثة هو  $3x$  وحظ الولد:

إذن المعادلة هي :  $3x + 2x = 60000$

## (3) – حل المعادلة :

$5x = 60000$  لدينا

$$x = \frac{60000}{5}$$

$$x = 12000$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي 12000 .

## (4) – حل الخلاصة :

حظ البنات هو 12000 درهما لكل واحدة.

حظ الولد هو 24000 درهما .