

## المعادلات

I - المعادلات :

(1) - تعريف :

و  $b$  عدوان عشريان نسبيان :  
نسمى معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد كل من الكتابتين :  
 $(a \neq 0)$   $ax = b$  و  $a + x = b$

(2) - أمثلة :

$$11 + x = 22 ; ; -5 + x = 10 ; ; x - 2 = -8 ; ; 6 - x = 2,6 ; ; -1 - x = -5 \\ 3x = 12 ; ; -7x = 21 ; ; -4x = -16 ; ; 5x = 0 ; ; 2,5x = -1 ; ; -7x = 14$$

II - حل معادلة :

(1) - تعريف :

حل معادلة هو البحث عن المجهول  $x$ .

(2) - حل المعادلة :  $a + x = b$

(ا) - قاعدة :

$x = b - a$  هو العدد العشري النسبي  $a + x = b$  حل معادلة

(ب) - أمثلة :

- حل المعادلة :  $. x = 11 - 6 = 5$  هو العدد العشري النسبي :
- حل المعادلة :  $. x = 0 - (-2) = 0 + 2 = 2$  هو العدد العشري النسبي :
- حل المعادلة :  $. x = -1,5 - 2,5 = -4$  هو العدد العشري النسبي :
- حل المعادلة :  $. x = -1 + 5 = 4$  هو العدد العشري النسبي :

(2) - حل المعادلة :  $(a \neq 0)$   $ax = b$

(ا) - قاعدة :

$x = b/a$  هو العدد العشري النسبي  $(a \neq 0)$   $ax = b$  حل معادلة

ب) - أمثلة :

$$\cdot x = \frac{5}{2} = 2,5 \text{ هو العدد العشري النسبي :}$$

$$\cdot x = \frac{3}{-5} = -0,6 \text{ هو العدد العشري النسبي :}$$

$$\cdot \frac{0}{-7} = 0 \text{ هو العدد العشري النسبي :}$$

## II خصائص :

1 - القاعدة :

إذا أضفنا أو طرحنا نفس العدد النسبي إلى طرفي متساوية فإن المتساوية لا تتغير.

بتعبير آخر :  $a - k = b - k$  و  $a + k = b + k$  يعني :  $a = b$  و  $k$  أعداد عشرية نسبية.

2 - القاعدة :

إذا ضربنا في نفس العدد أو قسمنا على نفس العدد الغير المنعدم طرفي متساوية فإن المتساوية لا تتغير

بتعبير آخر :  $a$  و  $b$  و  $k$  و  $k' \neq 0$  أعداد عشرية نسبية .

$a : k' = b : k$  يعني :  $a \times k = b \times k'$  و  $a = b$

تقنيات :

- نزيل الأعداد التي لاحتوت على العدد المجهول  $x$  من الطرف الأيسر للمعادلة و الأعداد التي تحتوي على العدد المجهول  $x$  من الطرف الأيمن للمعادلة .
- عند إزالة عدد من طرف معادلة نضيف مقابله إلى الطرف الآخر .

تطبيقات :

• حل المعادلة  $5 + x = -7$

$$\begin{aligned} x &= -7 - 5 \\ &= -12 \end{aligned}$$

إذن هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي  $-12$  .

• حل المعادلة  $5x = 2$

$$\begin{aligned} x &= \frac{2}{5} = 0,4 \\ \text{لدينا : } & \end{aligned}$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي  $0,4$  .

حل المعادلة  $\circ$

لدينا  $3x - x = -1 - 5$

$$2x = -6$$

$$\frac{-6}{2} = -3 \quad x =$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي  $-3$ .

حل المعادلة  $\circ$

لدينا  $2x + 2 = x - 1$

$$2x - x = -1 - 2$$

$$x = -3$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي  $-3$ .

حل المعادلة  $\circ$

$$\frac{2x+2}{4} + x = \frac{x-1}{2}$$

$$\frac{2x+2}{4} + \frac{4x}{4} = \frac{2(x-1)}{4}$$

$$2x+2+4x=2(x-1)$$

$$2x+2+4x=2x-2$$

$$2x+4x-2x=-2-2$$

$$4x=-4$$

$$x=\frac{-4}{4}$$

$$x=-1$$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي  $-1$ .

**حالات خاصة :**

-- حل المعادلة  $0x = b$

**هذه المعادلة ليس لها حل**

-- حل المعادلة  $(a \neq 0) ax = 0$

**حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي 0**

-- حل المعادلة  $0x = 0$

**جميع الأعداد العشرية النسبية حل لهذه المعادلة**

II - حل مسائل :  
(1) - قاعدة :

حل مسألة نتبع المراحل الآتية

- :  
1 - اختيار المجهول .  
2 - صياغة المعادلة .  
3 - حل المعادلة .

(2) - مثال :

توفي رجل و ترك مالا قدره 60000 درهما. إذا علمت أن الإرث يرجع إلى أولاده الأربعة : ابن و ثلاثة بنات و أن للذكر حظ الأنثيين ، فكيف سيقسم هذا الإرث على الأولاد الأربعة ؟

الحل :

(1) - اختيار المجهول :  
نعتبر  $x$  حظ بنت .

(2) - صياغة المعادلة :  
إذا كان حظ بنت هو  $x$  فإنه حظ البنات الثلاثة هو  $3x$  و حظ الولد هو  $2x$  .  
إذن المعادلة هي :  $3x + 2x = 60000$  .

(3) - حل المعادلة :  
لدينا  $5x = 60000$   
 $x = \frac{60000}{5}$   
 $x = 12000$

إذن حل هذه المعادلة هو العدد العشري النسبي 12000 .

(4) - حل الخلاصة :  
حظ البنات هو 12000 درهما لكل واحدة .  
حظ الولد هو 24000 درهما .