

النصفات و الارتفاعات في مثلث

تمارين تطبيقية

تمرين 1

ABC مثلث . منتصف الزاوية $\hat{BAC}$ يقطع الضلع [BC] النقطة E و منتصف الزاوية $\hat{ABC}$ يقطع الضلع [AC] في النقطة F . المستقيمان (AE) و (BF) يتقاطعان في النقطة O .

- (1) – ماذا تمثل النقطة O بالنسبة للمثلث ABC ؟ علل جوابك .
- (2) – المستقيم (CO) يقطع الضلع [AB] في النقطة G . أثبت أن نصف المستقيم (CG) هو منتصف الزاوية

$\hat{ACB}$

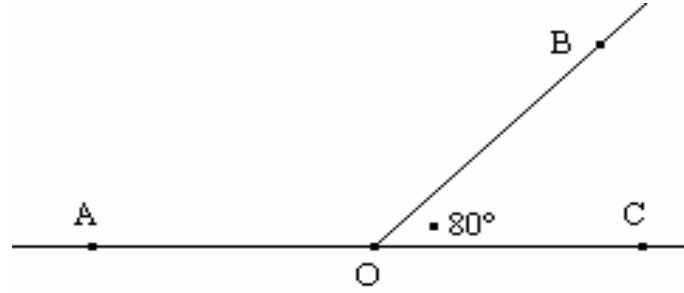
تمرين 2

ABC مثلث بحيث : $\hat{ABC} = 70^\circ$ و $\hat{ACB} = 60^\circ$.
منصفا الزاويتين $\hat{ABC}$ و $\hat{ACB}$ يتقاطعان في النقطة M .

- (1) – أرسم الشكل.
- (2) – أحسب معللا جوابك $\hat{BMC}$.

تمرين 3

أنقل الشكل الآتي في دفترك :



- (1) – أرسم نصف المستقيم [OE] منتصف الزاوية $\hat{BOC}$ و نصف المستقيم [OF] منتصف الزاوية $\hat{AOB}$.
- (2) – أحسب معللا جوابك : $\hat{EOF}$ و $\hat{AOB}$

تمرين 4

ABCD متوازي الأضلاع .

- (1) – أرسم (AE) ارتفاع المثلث الموافق للضلع [DC] ثم (CF) ارتفاع المثلث ABC الموافق للضلع [AB]
- (2) – أثبت أن المستقيم (AE) يوازي المستقيم (CF) .

تمرين 5

ABC مثلث . الارتفاع الموافق للضلع [BC] يقطع الارتفاع الموافق للضلع [AC] في E .

- (1) - أرسم الشكل .
- (2) - أثبت أن المستقيم (CE) عمودي على المستقيم (AB) .

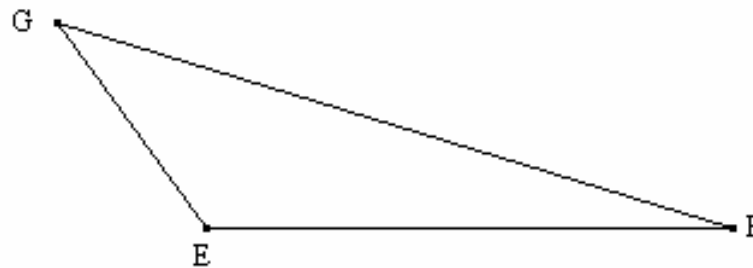
تمرين 6

[BC] قطعة و A نقطة خارج المستقيم (BC) .

- (1) - أنشئ E المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) .
- (2) - أنشئ F المسقط العمودي للنقطة B على المستقيم (AC) .
- (3) - المستقيمان (AE) و (BF) يتقاطعان في النقطة H .
- (أ) - أثبت أن H هو مركز تعامد المثلث ABC .
- (ب) - استنتج أن المستقيم (CH) عمودي على المستقيم (AB) .

تمرين 7

أنقل الشكل الآتي في دفترك :



- (1) - أرسم (EM) الارتفاع الموافق للضلع [FG] .
- (2) - أرسم (FN) الارتفاع الموافق للضلع [EG] .
- (3) - أرسم (GH) الارتفاع الموافق للضلع [EF] .
- (4) - ماذا تلاحظ ؟

تمرين 8

ABC مثلث بحيث : $\angle BCA = 70^\circ$.

(AH) الارتفاع الموافق للضلع [BC] . منتصف الزاوية $\angle ACB$ يقطع (AH) في النقطة M .

- (1) - أرسم الشكل .
- (2) - أحسب معللا جوابك : $\angle H\hat{A}C$ و $\angle A\hat{M}C$ و $\angle C\hat{M}H$.

تمرين 9

ABC مثلث بحيث : $\angle ABC = 70^\circ$.

- (1) - أرسم (Δ) المستقيم المار من النقطة A و الموازي للمستقيم (BC) .
- (2) - أرسم منتصف الزاوية $\angle ABC$ بحيث يقطع المستقيم (Δ) في النقطة E .
- (3) - أرسم M المسقط العمودي للنقطة E على المستقيم (BC) .
- (4) - أرسم (AH) الارتفاع الموافق للضلع [BC] .
- (5) - أحسب معللا جوابك : $\angle B\hat{A}H$ و $\angle B\hat{E}M$.

(7) – ما هي طبيعة الرباعي AEMH ؟ علل جوابك .

تمرين 10

ليكن EFG مثلث متساوي الساقين رأسه E بحيث : $EF = 4\text{cm}$ و $\hat{GEF} = 40^\circ$.
منصفا الزاويتان FGE و GFE يتقاطعان في النقطة M .

- (1) – أرسم الشكل .
- (2) – أحسب قياسات زوايا المثلث MFG معللا جوابك .
- (3) – لتكن النقطة N منتصف القطعة [FG] . بين أن النقط E و M و N مستقيمية .

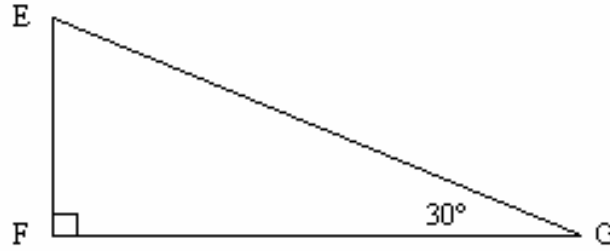
تمرين 11

EFG مثلث قائم الزاوية في E بحيث : $EG = 8\text{cm}$ و $EF = 6\text{cm}$.
I و J نقطتان من القطعتين [EF] و [EG] على التوالي بحيث : $EI = EJ = 2\text{cm}$.
الارتفاع (HJ) الموافق للضلع [GI] في المثلث JIG و (AF) الارتفاع الموافق للضلع [GI] في المثلث FIG

- (1) – أرسم الشكل .
- (2) – أحسب مساحتي المثلثين JIG و FIG .
- (3) – استنتج أن $JH = AF$.

تمرين 12

أنقل الشكل الآتي في دفترك :



- (1) – أرسم منتصف الزاوية $\hat{FEG}$ يقطع الضلع [FG] في النقطة N .
- (2) – أرسم M المسقط العمودي للنقطة F على المستقيم (EG) .
- (3) – أحسب قياسات زوايا المثلثين MEF و FMN .
- (4) – حدد طبيعة المثلث FMN .