

سلسلة تمارين المنصفات و الإرتفاعات في مثلث

تمرين 1

ABC مثلث . منصف الزاوية $\hat{BAC}$ يقطع الضلع [BC] النقطة E و منصف الزاوية $\hat{ABC}$

يقطع الضلع [AC] في النقطة F . المستقيمان (AE) و (BF) يتقاطعان في النقطة O .

1) - ماذا تمثل النقطة O بالنسبة للمثلث ABC ؟ علل جوابك .

2) - المستقيم (CO) يقطع الضلع [AB] في النقطة G . أثبت أن نصف المستقيم [CG] هو منصف الزاوية $\hat{ACB}$

تمرين 2

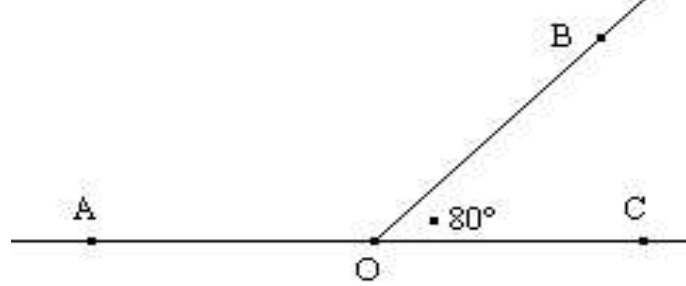
ABC مثلث بحيث : $\hat{ABC} = 70^\circ$ و $\hat{ACB} = 60^\circ$.

منصفا الزاويتين $\hat{ABC}$ و $\hat{ACB}$ يتقاطعان في النقطة M .

1) - أرسم الشكل .

2) - أحسب معللا جوابك $\hat{BMC}$.

3) - أنقل الشكل الآتي في دفترك :



1) - أرسم نصف المستقيم [OE] منصف الزاوية $\hat{BOC}$ و نصف المستقيم [OF] منصف الزاوية $\hat{AOB}$.

2) - أحسب معللا جوابك : $\hat{AOF}$ و $\hat{EOB}$

تمرين 4

ABCD متوازي الأضلاع .

1) - أرسم (AE) ارتفاع المثلث الموافق للضلع [DC] ثم (CF) ارتفاع المثلث ABC الموافق للضلع [AB]

2) - أثبت أن المستقيم (AE) يوازي المستقيم (CF) .

تمرين 5

ABC مثلث . الارتفاع الموافق للضلع [BC] يقطع الارتفاع الموافق للضلع [AC] في E .

1) - أرسم الشكل .

2) - أثبت أن المستقيم (CE) عمودي على المستقيم (AB) .

تمرين 6

[BC] قطعة و A نقطة خارج المستقيم (BC) .

1) - أنشئ E المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) .

2) - أنشئ F المسقط العمودي للنقطة B على المستقيم (AC) .

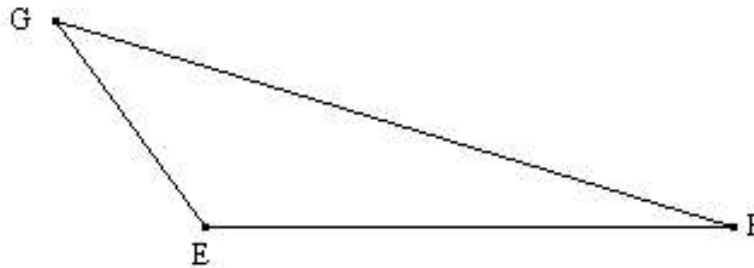
3) - المستقيمان (AE) و (BF) يتقاطعان في النقطة H .

أ - أثبت أن H هو مركز تعامد المثلث ABC .

ب - استنتج أن المستقيم (CH) عمودي على المستقيم (AB) .

تمرين 7

أنقل الشكل الآتي في دفترك :



1) - أرسم (EM) الارتفاع الموافق للضلع [FG] .

2) - أرسم (FN) الارتفاع الموافق للضلع [EG] .

3) - أرسم (GH) الارتفاع الموافق للضلع [EF] .

4) - ماذا تلاحظ ؟

ABC مثلث بحيث : $\hat{BCA} = 70^\circ$

(AH) الارتفاع الموافق للضلع [BC] . منصف الزاوية $\hat{ACB}$ يقطع (AH) في النقطة M .

- 1) - أرسم الشكل .
- 2) - أحسب معللا جوابك : $\hat{HAC}$ و $\hat{AMC}$ و $\hat{CMH}$.

ABC مثلث بحيث : $\hat{ABC} = 70^\circ$

- 1) - أرسم (Δ) المستقيم المار من النقطة A و الموازي للمستقيم (BC) .
- 2) - أرسم منصف الزاوية $\hat{ABC}$ بحيث يقطع المستقيم (Δ) في النقطة E .
- 3) - أرسم M المسقط العمودي للنقطة E على المستقيم (BC) .
- 4) - أرسم (AH) الارتفاع الموافق للضلع [BC] .
- 5) - أحسب معللا جوابك : $\hat{BAH}$ و $\hat{BEM}$.
- 6) - أثبت أن المستقيم (EM) يوازي المستقيم (AH) .
- 7) - ما هي طبيعة الرباعي AEMH ؟ علل جوابك .

ليكن EFG مثلث متساوي الساقين رأسه E بحيث : $EF = 4\text{cm}$ و $\hat{GEF} = 40^\circ$

منصفا الزاويتان $\hat{FGE}$ و $\hat{GFE}$ يتقاطعان في النقطة M .

- 1) - أرسم الشكل .
- 2) - أحسب قياسات زوايا المثلث MFG معللا جوابك .
- 3) - لتكن النقطة N منتصف القطعة [FG] . بين أن النقط E و M و N مستقيمات .

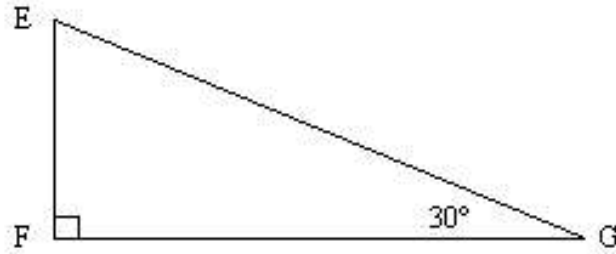
EFG مثلث قائم الزاوية في E بحيث : $EG = 8\text{cm}$ و $EF = 6\text{cm}$

I و J نقطتان من القطعتين [EF] و [EG] على التوالي بحيث : $EI = EJ = 2\text{cm}$

الارتفاع (HJ) الموافق للضلع [GI] في المثلث JIG و (AF) الارتفاع الموافق للضلع [GI] في المثلث FIG .

- 1) - أرسم الشكل .
- 2) - أحسب مساحتي المثلثين JIG و FIG .
- 3) - استنتج أن $JH = AF$.

أنقل الشكل الآتي في دفترك :



- 1) - أرسم منصف الزاوية $\hat{FEG}$ يقطع الضلع [FG] في النقطة N .
- 2) - أرسم M المسقط العمودي للنقطة F على المستقيم (EG) .
- 3) - أحسب قياسات زوايا المثلثين FMN و MEF .
- 4) - حدد طبيعة المثلث FMN .

$\hat{AOE} = 4x$ نضع : $\hat{AOB}$ زاوية و [OE] منصفها .

- 1) - أرسم [OF] منصف الزاوية $\hat{EOB}$.
- 2) - أحسب معللا جوابك : $\hat{AOF}$ و $\hat{EOB}$ و $\hat{AOB}$.

EFG مثلث متساوي الساقين رأسه E .

- 1) - أرسم منصفا الزاويتين $\hat{EFG}$ و $\hat{EGF}$ بحيث يتقاطعان في النقطة M .
- 2) - أثبت أن FMG مثلث متساوي الساقين .

ABC مثلث متساوي الساقين و قائم الزاوية في A .

- 1) - أرسم (AH) الارتفاع الموافق للضلع [BC] .
- 2) - أحسب معللا جوابك : $\hat{CAH}$.

3) - أثبت أن نصف المستقيم [AH] هو منصف الزاوية $\hat{CAB}$

تمرين 16 1) - أرسم زاويتين متحاذيتين $\hat{AOB}$ و $\hat{BOC}$ بحيث : $\hat{AOB} = 60^\circ$ و $\hat{BOC}$ زاوية قائمة.

2) - أرسم نصف المستقيم [OI] بحيث تكون $\hat{BOI}$ و $\hat{IOC}$ زاويتين متحاذيتين و $\hat{IOC} = 30^\circ$.

3) - أثبت أن [OB] هو منصف الزاوية $\hat{IOA}$.

تمرين 17 ABC مثلث بحيث : $\hat{ABC} = 50^\circ$ و $\hat{ACB} = 70^\circ$.

1) - أنشئ النقطة O مركز الدائرة المحاطة بالمثلث ABC.

2) - أحسب معللا جوابك : $\hat{AOB}$.

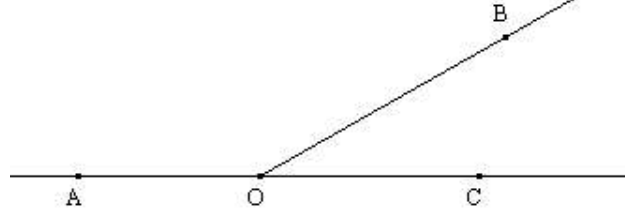
تمرين 18 ABC مثلث.

1) - أرسم (AE) الارتفاع الموافق للضلع [BC] ثم (CF) الارتفاع الموافق للضلع [AB].

2) - نضع $CF = 4,5\text{cm}$ و $AB = 4\text{cm}$ و $AE = 3\text{cm}$. أحسب S_{ABC} مساحة المثلث ABC.

3) - استنتج حساب BC.

تمرين 19 أنقل الشكل الآتي في دفترك :



1) - أنشئ نصف المستقيم [OM] منصف الزاوية $\hat{AOB}$ و نصف المستقيم [ON] منصف الزاوية $\hat{BOC}$.

2) - أثبت أن $\hat{MON}$ زاوية قائمة.

تمرين 20 ABC مثلث و A' منتصف الضلع [BC] م نقطة من [AA'] تختلف عن A و A'.

1) - أرسم (AH) الارتفاع الموافق للضلع [BC] في المثلث ABC.

2) - أرسم (EF) الارتفاع الموافق للضلع [BC] في المثلث EBC.

3) - بين أن المستقيم (EF) يوازي المستقيم (AH).

تمرين 21 ABC مثلث قائم الزاوية في A.

1) - أرسم E نقطة من نصف المستقيم [CA] بحيث $A \in (BC)$.

2) - أرسم المستقيم المار من النقطة E و العمودي على المستقيم (BC) بحيث يقطع المستقيم (AB) في النقطة I.

3) - أثبت أن المستقيم (CI) عمودي على المستقيم (BE).

تمرين 22 [AB] قطعة و (Δ) واسطها . C نقطة تنتمي إلى المستقيم (Δ) و خارج المستقيم (AB).

المستقيم العمودي على المستقيم (BC) و المار من النقطة A يقطع (Δ) في النقطة O.

1) - أرسم الشكل.

2) - أثبت أن النقطة O هي مركز تعامد المثلث ABC.