

الصفحة 1 4 ♦♦	<p>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا المسالك الدولية – خيار فرنسية الدورة العادية 2019 - الموضوع -</p>	<p>الجمهورية المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي</p> <p>المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه</p>
***** NS22F *****		

3	مدة الانجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية – خيار فرنسية	الشعبة أو المسلك

## INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

## COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de trois exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points
Problème	Etude d'une fonction numérique, calcul intégral et suites numériques	11 points

- ✓ In désigne la fonction logarithme népérien

الصفحة 2 4	NS22F	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا (المسالك الدولية) - الدورة العادية 2019 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك علوم الحياة والأرض و مسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية	
0.75 0.5 0.75 0.5 0.5		<p><b>Exercice 1 : (3 points )</b></p> <p>Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct <math>(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})</math>, on considère les points <math>A(1, -1, -1)</math>, <math>B(0, -2, 1)</math> et <math>C(1, -2, 0)</math></p> <p>1) a) Montrer que <math>\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}</math></p> <p>b) En déduire que <math>x + y + z + 1 = 0</math> est une équation cartésienne du plan <math>(ABC)</math></p> <p>2) Soit <math>(S)</math> la sphère d'équation <math>x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 2z + 1 = 0</math></p> <p>Montrer que le centre de la sphère <math>(S)</math> est <math>\Omega(2, -1, 1)</math> et que son rayon est <math>R = \sqrt{5}</math></p> <p>3) a) Calculer <math>d(\Omega, (ABC))</math> la distance du point <math>\Omega</math> au plan <math>(ABC)</math></p> <p>b) En déduire que le plan <math>(ABC)</math> coupe la sphère <math>(S)</math> selon un cercle <math>(\Gamma)</math> ( la détermination du centre et du rayon de <math>(\Gamma)</math> n'est pas demandée )</p>	
0.75 0.5 0.25 0.5 0.5		<p><b>Exercice 2 : (3 points )</b></p> <p>1) Résoudre dans l'ensemble <math>\mathbb{C}</math> des nombres complexes l'équation : <math>z^2 - 2z + 4 = 0</math></p> <p>2) Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct <math>(O, \vec{u}, \vec{v})</math>, on considère les points <math>A, B, C</math> et <math>D</math> d'affixes respectives <math>a = 1 - i\sqrt{3}</math>, <math>b = 2 + 2i</math>, <math>c = \sqrt{3} + i</math> et <math>d = -2 + 2\sqrt{3}</math></p> <p>a) Vérifier que <math>a - d = -\sqrt{3}(c - d)</math></p> <p>b) En déduire que les points <math>A, C</math> et <math>D</math> sont alignés .</p> <p>3) On considère <math>z</math> l'affixe d'un point <math>M</math> et <math>z'</math> l'affixe de <math>M'</math> image de <math>M</math> par la rotation <math>R</math> de centre <math>O</math> et d'angle <math>\frac{-\pi}{3}</math></p> <p>Vérifier que <math>z' = \frac{1}{2}az</math></p> <p>4) Soient <math>H</math> l'image du point <math>B</math> par la rotation <math>R</math>, <math>h</math> son affixe et <math>P</math> le point d'affixe <math>p</math> tel que <math>p = a - c</math></p> <p>a) Vérifier que <math>h = ip</math></p> <p>b) Montrer que le triangle <math>OHP</math> est rectangle et isocèle en <math>O</math></p>	
2 1		<p><b>Exercice 3 : (3 points )</b></p> <p>Une urne contient dix boules : trois boules vertes , six boules rouges et une boule noire indiscernables au toucher . On tire au hasard et simultanément trois boules de l'urne .</p> <p>On considère les événements suivants : A : « Obtenir trois boules vertes . »</p> <p>B : « Obtenir trois boules de même couleur . »</p> <p>C : « Obtenir au moins deux boules de même couleur . »</p> <p>1) Montrer que <math>p(A) = \frac{1}{120}</math> et <math>p(B) = \frac{7}{40}</math></p> <p>2) Calculer <math>p(C)</math>.</p>	

الصفحة 3 4	NS22F	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا (المسالك الدولية) - الدورة العادية 2019 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك علوم الحياة والأرض و مسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية	
		<p><b>Problème : (11 points )</b></p> <p><b>Première partie :</b></p> <p>Soit <math>f</math> la fonction numérique définie sur <math>]0, +\infty[</math> par : <math>f(x) = x + \frac{1}{2} - \ln x + \frac{1}{2}(\ln x)^2</math>  et <math>(C)</math> sa courbe représentative dans un repère orthonormé <math>(O, \vec{i}, \vec{j})</math> ( unité : 1 cm )</p> <p>0.5 1) Calculer <math>\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x &gt; 0}} f(x)</math> puis interpréter le résultat géométriquement</p> <p>0.25 2) a) Vérifier que pour tout <math>x</math> de <math>]0, +\infty[</math> , <math>f(x) = x + \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2} \ln x - 1\right) \ln x</math></p> <p>0.5 b) En déduire que <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty</math></p> <p>0.5 c) Montrer que pour tout <math>x</math> de <math>]0, +\infty[</math> , <math>\frac{(\ln x)^2}{x} = 4 \left( \frac{\ln \sqrt{x}}{\sqrt{x}} \right)^2</math>  puis en déduire que <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(\ln x)^2}{x} = 0</math></p> <p>0.75 d) Montrer que <math>(C)</math> admet au voisinage de <math>+\infty</math> une branche parabolique de direction asymptotique la droite <math>(\Delta)</math> d'équation <math>y = x</math></p> <p>0.5 3)a) Montrer que pour tout <math>x</math> de <math>]0, 1]</math> : <math>(x - 1) + \ln x \leq 0</math>  et que pour tout <math>x</math> de <math>[1, +\infty[</math> : <math>(x - 1) + \ln x \geq 0</math></p> <p>1 b) Montrer que pour tout <math>x</math> de <math>]0, +\infty[</math> , <math>f'(x) = \frac{x-1+\ln x}{x}</math></p> <p>0.5 c) Dresser le tableau de variations de la fonction <math>f</math></p> <p>0.5 4) a) Montrer que <math>f''(x) = \frac{2-\ln x}{x^2}</math> pour tout <math>x</math> de <math>]0, +\infty[</math></p> <p>0.5 b) En déduire que <math>(C)</math> admet un point d'inflexion dont on déterminera les coordonnées .</p> <p>0.5 5)a) Montrer que pour tout <math>x</math> de <math>]0, +\infty[</math> , <math>f(x) - x = \frac{1}{2}(\ln x - 1)^2</math> et déduire la position relative de <math>(C)</math> et <math>(\Delta)</math></p> <p>1 b) Construire <math>(\Delta)</math> et <math>(C)</math> dans le même repère <math>(O, \vec{i}, \vec{j})</math></p> <p>0.5 6)a) Montrer que la fonction <math>H : x \mapsto x \ln x - x</math> est une primitive de la fonction <math>h : x \mapsto \ln x</math> sur <math>]0, +\infty[</math></p> <p>0.75 b) A l'aide d'une intégration par parties , montrer que <math>\int_1^e (\ln x)^2 dx = e - 2</math></p> <p>0.5 c) Calculer en <math>cm^2</math> l'aire du domaine plan limité par <math>(C)</math> et <math>(\Delta)</math> et les droites d'équations <math>x = 1</math> et <math>x = e</math></p>	

الصفحة	NS22F	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا (المسالك الدولية) - الدورة العادية 2019 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك علوم الحياة والأرض و مسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية
4		
4		

## Deuxième partie :

**Soit  $(u_n)$  la suite numérique définie par :  $u_0 = 1$  et  $u_{n+1} = f(u_n)$  pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$**

0.5 1) a) Montrer par récurrence que  $1 \leq u_n \leq e$  pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$

**0.5**    **b) Montrer que la suite  $(u_n)$  est croissante.**

0.5 c) En déduire que la suite  $(u_n)$  est convergente.

**0.75** 2) Calculer la limite de la suite  $(u_n)$ .