

عند اللحظة  $t = 0$  تم خلط  $0,20 \text{ mol}$  من الحمض و  $0,20 \text{ mol}$  من الكحول . نتجز هذا التفاعل

بوجود حمض الكبريتيك وبواسطة التسخين بالارتداد .

1 - أكتب المعادلة الكيميائية لتفاعل الأسترة .

2 - نعرف التقدم  $x$  للتفاعل بكمية مادة الأستر المتكون خلال الزمن . أتمم الجدول الوصفي للتفاعل :

| معدلة التفاعل | acide        | + | alcohol | → | ester | + | eau  |
|---------------|--------------|---|---------|---|-------|---|------|
| الحالة        | كميات المادة |   |         |   |       |   |      |
| التقدم        | 0            |   | 0,20    |   | 0     |   | 0,20 |
| البدئية       | 0            |   | 0,20    |   | 0     |   | 0,20 |
| خلال التفاعل  | x            |   |         |   |       |   |      |
| عند التوازن   | $x_{eq}$     |   |         |   |       |   |      |

3 - احسب التقدم الأقصى لتفاعل الأسترة إذا افترضنا ان التفاعل كلي .

4 تعطي التجربة التقدم عند التوازن للإستر -  $x_{eq} = 0,13 \text{ mol}$  .

4 - 1 أتمم الجدول الوصفي للتفاعل

4 - 2 أحسب مردود هذا التحول

4 - 3 ما هو تعليقك على هذه القيمة ؟

5 - نعوض الكحول  $R' - CH_2 - OH$  بـ  $R_1 - CHOH - R_2$

5 - 1 أعط الصيغة نصف المنشورة للإستر الناتج وحدد صنف الكحول المستعمل

5 - 2 علما أن مردود هذا التحول الجديد هو 60% ، أحسب القيمة الجديدة للتقدم عند التوازن

5 - 3 استنتج قيمة ثابتة التوازن باستعمال هذ الكحول الجديد

### 1- التمرين الأول :

1- في الجزء  $AB$  يخضع الجسم لوزنه  $\vec{P}$  ولتأثير سطح التماس  $\vec{R}$  مائلة في عكس منحنى الحركة بزاوية  $\varphi$  لأن التماس يتم باحتكاك . بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية عليه بين  $A$  و  $B$  :

$$\Delta E_{C_{A \rightarrow B}} = \Sigma W \vec{F}_{A \rightarrow B}$$

$$E_{C_A} = 0 \quad E_{C_B} \quad E_{C_A} = W \vec{P}_{A \rightarrow B} + W \vec{R}_{A \rightarrow B}$$

$$E_{C_B} = W \vec{P}_{A \rightarrow B} + W \vec{R}_{A \rightarrow B}$$

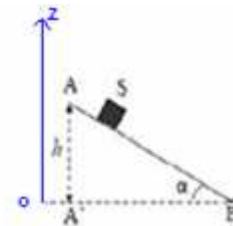
$$W_{\vec{R}}_{A \rightarrow B} = E_{C_B} - W \vec{P}_{A \rightarrow B}$$

$$W_{\vec{R}}_{A \rightarrow B} = E_{C_B} - mg (z_A - z_B)$$

$$AB = \frac{h}{\sin \alpha} = \frac{1 \text{ m}}{0,5} = 2 \text{ m}$$

$$z_B = h$$

$$z_A = 0$$



$$W_{\vec{R}}_{A \rightarrow B} = E_{C_B} - mgh = 1 - 0,5 \cdot (10) \cdot 1 = -4 \text{ J}$$

$$W_{\vec{R}}_{A \rightarrow B} = \vec{R} \cdot \vec{AB} = (\vec{R}_T + \vec{R}_N) \cdot \vec{AB} = \vec{R}_T \cdot \vec{AB} + \vec{R}_N \cdot \vec{AB} = 0 + \vec{R}_T \cdot \vec{AB} = \vec{R}_T \cdot \vec{AB} = R_T \cdot AB$$

ولدينا :  $R_T \cdot AB$  نعلم أن  $R_T$  هي قوة الاحتكاك ونرمز إليها بـ  $f$  .

$$W_{\vec{R}}_{A \rightarrow B} = -f \cdot AB \quad \text{إذن :}$$

$$f = \frac{W}{AB} = \frac{40}{2} = 20 \text{ N}$$

\*\*\*\*\*

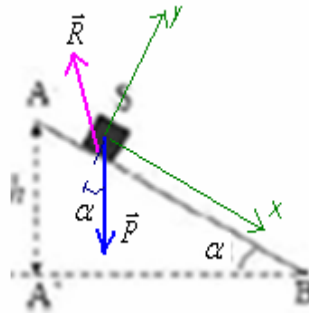
2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم S بين A و B.

$$\Sigma \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$$

$$\vec{R} + \vec{P} = m \cdot \vec{a}_G$$

$$\vec{R} \begin{cases} R_x = -f \\ R_y = +R_N \end{cases}$$

$$\vec{P} \begin{cases} P_x = +P \cdot \sin \alpha \\ P_y = -P \cdot \cos \alpha \end{cases}$$



بالإسقاط على المحور ox :

تسارع الجسم  $a_x = a$  لأن الحركة تتم وفق المحور ox (أي  $a_y = 0$ ).

$$a = g \sin \alpha - \frac{f}{m} = 10 \cdot (0,5) - \frac{2}{0,5} = 5 - 4 = 1 \text{ m/s}^2$$

\*\*\*\*\*

3- باعتبار A أصلا للأفاصيل ولحظة تسجيلها أصلا للتواريخ.

$$x = \frac{1}{2} a t^2 = 0,5 t^2$$

\*\*\*\*\*

4-4-1

$$v_B = \sqrt{\frac{2 \cdot E_{cB}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot (1)}{0,5}} = \sqrt{4} = 2 \text{ m/s} \quad \leftarrow \quad E_{cB} = \frac{1}{2} m \cdot v_B^2$$

$$v_D = \frac{v_B}{2} = \frac{2}{2} = 1 \text{ m/s}$$

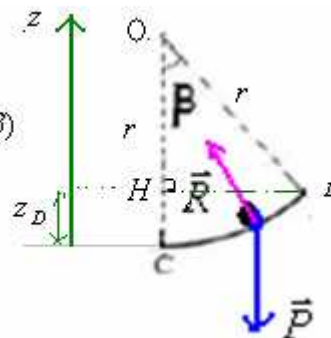
بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية عليه بين B و C :

$$\Delta E_C = \Sigma W \vec{F}_{C \rightarrow D}$$

$$z_C = 0$$

$$z_D = r - OH = r - r \cos \beta = r(1 - \cos \beta)$$

$$OC = r$$



$$\Delta E_C = W \vec{P}_{C \rightarrow D} + W \vec{R}_{C \rightarrow D}$$

$$W \vec{R}_{C \rightarrow D} = 0$$

$$E_{cD} - E_{cC} = W \vec{P}_{C \rightarrow D} + 0$$

$$E_{cD} - E_{cC} = mg(z_C - z_D)$$

$$E_{cD} - E_{cC} = mg[0 - r(1 - \cos \beta)]$$

$$E_{cD} - E_{cC} = -mgr(1 - \cos \beta)$$

$$Ec_D - Ec_C + mgr = mgr \cos \beta$$

$$\cos \beta = \frac{Ec_D - Ec_C}{mgr} + 1$$

$$Ec_C = 1J \quad \text{و} \quad Ec_D = \frac{1}{2} m.v_D^2 + 0,5.(0,5).1^2 = 0,25J \quad \text{لدينا :}$$

$$\beta = 22,3^\circ \Leftarrow \cos \beta = \frac{Ec_D - Ec_C}{mgr} + 1 = \frac{0,25 - 1}{0,5.(10).2} + 1 = 0,925$$

\*\*\*\*\*

-2-4

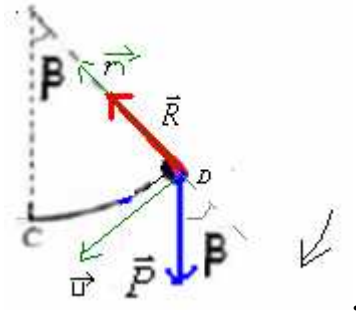
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم S بين C و D.

$$\Sigma \vec{F} = m.\vec{a}_G$$

$$\vec{R} + \vec{P} = m.\vec{a}_G$$

باعتبار معلم فريني (O,  $\vec{u}$ ,  $\vec{n}$ ) في النقطة D وبإسقاط العلاقة السابقة على المنظمي تصبح :

$$-P \cos \beta + R = m.a_n$$



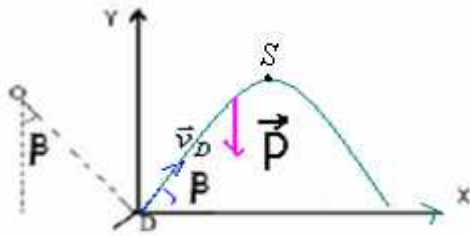
$$\left| \begin{array}{l} a_t = \frac{dv}{dt} \\ a_n = \frac{v^2}{r} \end{array} \right| \quad \text{نعلم أن متجهة التسارع في معلم فريني لها مركبتين :}$$

$$-mg \cos \beta + R = m.\frac{v_D^2}{r} \quad \text{العلاقة السابقة تصبح :}$$

$$R = m.\frac{v_D^2}{r} + mg \cos \beta = \frac{0,5.(1)^2}{2} + 0,5.(10).0,925 = 0,25 + 4,625 = 4,875N \quad \text{ومنه :}$$

\*\*\*\*\*

$$\left\{ \begin{array}{l} v_{Dx} = v_D \cdot \cos \beta \\ v_{Dy} = v_D \cdot \sin \beta \end{array} \right. \quad \text{-1-5} \quad \vec{v}_D \text{ تكون زاوية } \beta \text{ مع المحور الأفقي. ولها مركبتين في المعلم } (o, x, y)$$



بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم S بعد مغادرته للسكة.

$$\vec{P} = m.\vec{a}_G$$

بالإسقاط على المحور ox  $0 = m.a_x$   $a_x = 0 \Leftarrow$  الحركة حسب المحور ox مستقيمة منتظمة تتم بسرعة ثابتة  $v_x = v_D \cdot \cos \beta$  معادلته الزمنية :

$$(1) \quad x = (v_D \cdot \cos \beta).t$$

بالإسقاط على المحور oy  $-P = m.a_y$   $a_y = -g \Leftarrow$  الحركة حسب المحور oy مستقيمة متغيرة بانتظام ، دالة السرعة حسب oy

$$.v_y = -g.t + v_D \sin \beta$$

$$t = \frac{x}{v_D \cdot \cos \beta}$$

$$y = -\frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_D^2 \cos^2 \beta} + xtg\beta \quad : y \text{ بالتعويض في}$$

\*\*\*\*\*

**-2-5**

عند القمة  $S$  لدينا :  $v_y = 0$  أي :  $-g.t + v_D \sin \beta = 0$   $\Leftarrow t = \frac{v_D \sin \beta}{g}$

بالتعويض في (1) نحصل على : 
$$x_s = \frac{v_D^2 \cdot \cos^2 \beta}{g^2}$$

$$y_s = -\frac{v_D^2 \cdot \sin^2 \beta}{2g} + \frac{v_D^2 \cdot \sin^2 \beta}{g} = \frac{v_D^2 \cdot \sin^2 \beta}{g} \quad \text{وبالتعويض في (2)}$$

\*\*\*\*\*

3-5- عند الإصطدام بالمحور  $y = 0$ :  $Dx$

$$-\frac{1}{2}gt + (v_D \cdot \sin \beta) = 0 \quad \Leftrightarrow \quad -\frac{1}{2}gt^2 + (v_D \cdot \sin \beta) \cdot t = 0 \quad y = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_D \cdot \sin \beta) \cdot t$$

$$t = \frac{2v_D \cdot \sin \beta}{g} = \frac{2 \cdot (1) \cdot \sin 22,33}{10} \approx 0,076s = 76ms : Dx$$

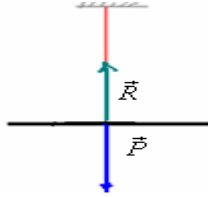
### التمرين الثانى للفيزياء :

-1

## المجموعة المدروسة {القضيب}

**جرد القوى: القضيب خلال الحركة يخضع للقوى التالية:**

- $\vec{P}$  : وزنه.
- $\vec{R}$  : تأثير السلك .
- قوى اللي ذات العزم :  $M_t = -C.\theta$



تطبيق العلاقة الأساسية للتحريك على القضيب:  $\Sigma M_A \vec{F} = J_A \cdot \ddot{\theta}$

$$M_{\Delta} \vec{P} + M_{\Delta} \vec{R} + M_t = J_{\Delta} \ddot{\theta} \quad \text{أي:}$$

$M \cdot \vec{P} = 0$  و  $M \cdot \vec{T} = 0$  لأن خطي تأثيرهما يتقاطعان مع محور الدوران.

$$0 + 0 - C.\theta = J_A.\ddot{\theta} \quad \text{إذن :}$$

أي:  $J_{\Delta} \ddot{\theta} + C\theta = 0$  ومنه:  $\ddot{\theta} + \frac{C}{J_{\Delta}}\theta = 0$  المعادلة التفاضلية للحركة التذبذبية لنواس اللي.

**حل هذه المعادلة دالة جيبية تكتب كما يلي :**  $\theta(t) = \theta_m \cos(\omega_0 t + \varphi)$

(1)  $T_o = \frac{2\pi}{\omega_o} = 2\pi\sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C}}$       نبضها الخاص:  $\omega_o = \sqrt{\frac{C}{J_{\Delta}}}$  ب:  $rad/s$  و دوره الخاص

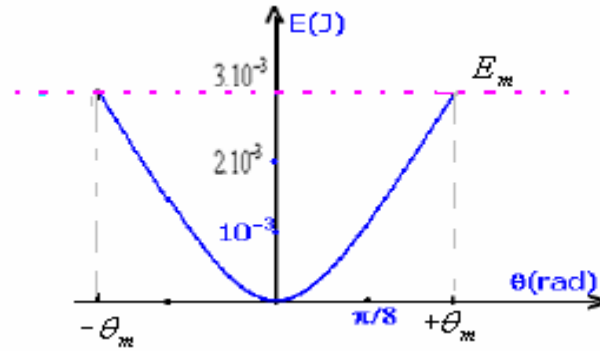
2- باعتبار كحالة مرجعية موضع التوازن ، يكون تعبير الطاقة الميكانيكية للمجموعة كما يلي :

$$E_m = E_C + E_{p_t}$$

$$= \frac{1}{2} J_{\Delta} . \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2} C \theta^2$$

\*\*\*\*\*

3-3-1 من حلال المخطط :  $E_m = 3.10^{-3} J$



\*\*\*\*\*

$$\theta_m = \frac{\pi}{4} \quad \text{-2-3}$$

\*\*\*\*\*

3-3- لدينا :

$$C = \frac{2.E_m}{\theta_m^2} = \frac{2.(3.10^{-3})}{(\frac{\pi}{4})^2} = \frac{16.(2).3.10^{-3}}{10} = 9,6.10^{-3} N.m / rad \quad \Leftrightarrow \quad E_m = \frac{1}{2} C \theta_m^2$$

\*\*\*\*\*

4- المعادلة الزمنية لحركة القضيب :

$$\theta = \theta_m . \cos(\omega_o . t + \varphi)$$

و :  $\theta_m = \frac{\pi}{4}$   $\omega_o = \sqrt{\frac{C}{J_{\Delta}}} = \sqrt{\frac{9,6.10^{-3}}{4.10^{-4}}} = 4,9 rad$  ومن خلال الشرط البدئية :

ندير القضيب AB أفقيا حول المحور (Δ) في المنحنى الموجب بالزاوية  $\theta_m$  انطلاقا من موضع توازنه ، ثم نحرره بدون سرعة بدئية في اللحظة ذات التاريخ  $t = 0$  .

$$\theta_m = \theta_m . \cos(0 + \varphi) \quad \Leftrightarrow \quad \cos \varphi = 1 \quad \Leftrightarrow \quad \varphi = 0$$

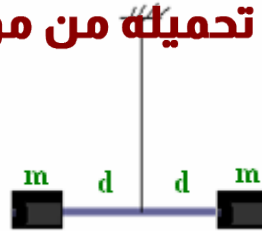
المعادلة الزمنية لحركة القضيب :

$$\theta = \frac{\pi}{4} . \cos(4,9.t)$$

\*\*\*\*\*

-5

إذا كان القضيب يحمل سحمتين مماثلتين لهما نفس الكتلة .



عزم قصوره :  $J'_\Delta = J_\Delta + 2md^2$  مع :  $J_\Delta$  (2) : عزم القضيبي ودوره الخاص :

$$T_o = 2\pi \sqrt{\frac{J_\Delta + 2md^2}{C}}$$

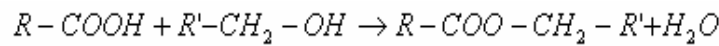
$$T_o = 1,5s \Leftrightarrow 10T_o = 15s$$

$$\frac{C.T_o^2}{4\pi^2} - J_\Delta = 2md^2 \Leftrightarrow \frac{T_o^2}{4\pi^2} - \frac{J_\Delta}{C} = \frac{2md^2}{C} \Leftrightarrow \frac{T_o^2}{4\pi^2} = \frac{J_\Delta + 2md^2}{C}$$

$$m = \frac{C.T_o^2}{8d^2\pi^2} - \frac{J_\Delta}{2d^2} = 2md^2 = \frac{9,6.10^{-3} \cdot (1,5)^2}{8 \cdot (0,5.10^{-2})^2 \cdot 10} - \frac{4.10^{-4}}{2 \cdot (0,5.10^{-2})^2} = 10,8 - 8 = 2,8kg$$

## تمرين الكيمياء:

-1



-2

| acide                | + | alcool               | → | ester           | + | eau             | معادلة التفاعل  |              |
|----------------------|---|----------------------|---|-----------------|---|-----------------|-----------------|--------------|
| كميات المادة         |   |                      |   |                 |   |                 | التقدم          | الحالة       |
| 0,20                 |   | 0,20                 |   | 0               |   | 0               | 0               | البدئية      |
| 0,20-x               |   | 0,20-x               |   | x               |   | x               | x               | خلال التفاعل |
| 0,20-x <sub>eq</sub> |   | 0,20-x <sub>eq</sub> |   | x <sub>eq</sub> |   | x <sub>eq</sub> | x <sub>eq</sub> | عند التوازن  |

$$x_{\max} = 0,20mol \quad -3$$

-1-4 -4

$$x_{eq} = 0,13$$

| acide        | + | alcool | → | ester | + | eau  | معادلة التفاعل |              |
|--------------|---|--------|---|-------|---|------|----------------|--------------|
| كميات المادة |   |        |   |       |   |      | التقدم         | الحالة       |
| 0,20         |   | 0,20   |   | 0     |   | 0    | 0              | البدئية      |
| 0,20-x       |   | 0,20-x |   | x     |   | x    | x              | خلال التفاعل |
| 0,07         |   | 0,07   |   | 0,13  |   | 0,13 | 0,13           | عند التوازن  |

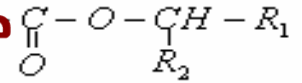
-2-4 المردود:

$$r = \frac{x_{\exp}}{x_{\max}} = \frac{0,13}{0,20} = 0,65 = 65\%$$

-3- بما ان الكحول المستعمل اولي فإن مردود هذا التفاعل :  $r = 67\%$  وبالتالي التفاعل لا زال لم يصل على حده . أي لا زال في حالة تطور

-5 -

5- 1 - الصيغة النصف منشورة للإستر الناتج .



\*\*\*\*\*

**-2-5**

$$x_f = r \cdot x_{\max} = 0,60 \cdot (0,20) = 0,12 \text{ mol} \Leftarrow r = \frac{x_f}{x_{\max}} = 60\% = 0,60$$

.....

**-3-5**

تركيب الخليط عند التوازن :  $x_{\max} = 0,20 \text{ mol}$  و  $x_f = 0,12 \text{ mol}$

| <i>acide</i> | + | <i>alcool</i> | $\rightarrow$ | <i>ester</i> | + | <i>eau</i> | معادلة التفاعل |              |
|--------------|---|---------------|---------------|--------------|---|------------|----------------|--------------|
| كميات المادة |   |               |               |              |   |            | التقدم         | الحالة       |
| 0,20         |   | 0,20          |               | 0            |   | 0          | 0              | البدئية      |
| 0,20-x       |   | 0,20-x        |               | x            |   | x          | x              | خلال التفاعل |
| 0,08         |   | 0,08          |               | 0,12         |   | 0,12       | 0,12           | عند التوازن  |

$$k = \frac{[\text{ester}][\text{eau}]}{[\text{acide}][\text{alcool}]} = \frac{\frac{0,12}{V_s} \cdot \frac{0,12}{V_s}}{\frac{0,08}{V_s} \cdot \frac{0,08}{V_s}} = 2,25$$