

## حساب الاحتمالات

### السلسلة 1 (8 تمارين)

التمرين 1:

يحتوي كيس على ست كرات حمراء ، أربعة منها تحمل الرقم 1 و اثنان تحملان الرقم 2 . وثمان كرات خضراء ، خمسة منها تحمل الرقم 1 وثلاثة تحمل الرقم 2 . نسحب تأديبا كرتين من الكيس.

نفترض أن جميع الكرات غير قابلة للتمييز بينها باللمس.

ليكن الحدثان : A " سحب كرتين من نفس اللون " و B " سحب كرتين تحملان نفس الرقم "

$$(1) \text{ بين أن } p(A) = \frac{43}{91}$$

$$(2) \text{ أحسب } p(B)$$

(3) علما أن الكرتين المسحوبتين من نفس اللون ، ما هو احتمال أن تحملان نفس الرقم

(4) هل الحدثان A و B مستقلان على جوابك

(5) نعتبر المتغير العشوائي X الذي يساوي عدد الكرات الحمراء المسحوبة أ. حدد قيمة X

ب. حدد قانون احتمال X

ج. أحسب الأمل الرياضي و المغایرة و الانحراف الطراري

التمرين 2:

نعتبر مجموعة من 10000 شخص نسبة الرجال فيها هي 60% . نعلم أن 20% من الرجال و 10% من النساء لهم دراية بالإعلاميات

نختار عشوائيا شخصا من هذه المجموعة.

(1) أحسب احتمال أن يكون هذا الشخص :

"رجل له دراية بالإعلاميات"  $A_1$

"رجل لا دراية له بالإعلاميات"  $A_2$

"امرأة لها دراية بالإعلاميات"  $A_3$

"امرأة لا دراية لها بالإعلاميات"  $A_4$

(2) إذا افترضنا أن الشخص الذي تم اختياره له دراية بالإعلاميات . فما احتمال أن يكون من بين النساء.

التمرين 3:

ليكن X المتغير العشوائي المحدد بالجدول التالي :

X	-4	-3	1	3	4
$p(X = x)$	0,25	a	b	0,05	0,25

$$\text{حدد } a \text{ و } b \text{ إذا علمت أن } E(X) = 0$$

التمرين 4:

يجب تلميذ يشكل عشوائي على 10 أسئلة ، بحيث يختار جوابا واحدا لكل سؤال من بين أربعة أجوبة مفترضة ، منها جواب واحد فقط صحيح .

ليكن  $Y$  المتغير العشوائي الذي يربط كل إمكانية بعد الأجوبة الصحيحة

(1) أحسب احتمال كل من الحدفين

$A$  " التلميذ حصل على ثلاثة أجوبة صحيحة "

$B$  " التلميذ حصل على الأقل على جوابين صحيحين "

(2) أحسب الأمل الرياضي و المغایرة و الإنحراف الطراري

التمرين 5:

يحتوي صندوق  $U_1$  على أربع كرات بيضاء وثلاث كرات سوداء و كرتين حمراوين . نسحب عشوائيا و تأييا ثلاثة كرات من  $U_1$  . لا يمكن التمييز بينها باللمس .

(1) أحسب احتمالات الأحداث التالية :

$A$  " سحب كرتين سوداءين وكرة حمراء "

$B$  " سحب ثلاثة كرات من نفس اللون "

$C$  " سحب كرة بيضاء واحدة على الأقل "

(2) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعد الألوان التي تحملها الكرات الثلاث المسحوبة

أحسب احتمال كل من الحدفين  $(X = 3)$  و  $(X = 2)$

(3) نعتبر صندوقا آخر  $U_2$  يحتوي على كرتين بيضاوين و كرة سوداء

نضع الكرات الثلاث المسحوبة من  $U_1$  في الصندوق  $U_2$  ثم نسحب عشوائيا و تأييا كرتين من  $U_2$

ما احتمال أن تكون الكرتان المسحوبتان من  $U_2$  بيضاوين علما أن الكرات الثلاث المسحوبة من  $U_1$  لها نفس اللون .

التمرين 6:

يحتوي كيس على تسع بيدقات لا يمكن التمييز بينها باللمس و تحمل الأعداد : 0 و 0 و 0 و 1 و 1 و 1 و 1 و 1 و 1

(1) نسحب عشوائيا و في آن واحد بيدقتين من الكيس

ليكن  $A$  الحدث : " مجموع العددين اللذين تحملاهما البيدقتين المسحوبتين يساوي 1 "

$$\text{بين أن : } p(A) = \frac{5}{9}$$

(2) نعتبر اللعبة التالية : يسحب سعيد عشوائيا و في آن واحد بيدقتين من الكيس و يعتبر فائزًا إذا سحب بيدقتين تحمل كل واحدة منها العدد 1

أ. بين أن احتمال فوز سعيد هو  $\frac{1}{6}$

ب. لعب سعيد اللعبة السابقة ثلاثة مرات ( يعيد سعيد البيدقتين المسحوبتين إلى الكيس في كل مرة )  
ما هو الإحتمال الذي يفوز سعيد مرتين بالضبط ؟

التمرين 7:

نسحب بالتناوب و بإحلال 3 كرات من كيس يحتوي على خمس كرات حمراء و ثلاثة كرات بيضاء و كرتين سوداء.   
الحدث  $A$  : "الكرات الثلاث لها نفس اللون"   
الحدث  $B$  : "كرة من كل لون"   
الحدث  $C$  : "الحصول على الأقل على كرتين حمراوين"   
أحسب احتمالات الأحداث  $A$  و  $B$  و  $C$

التمرين 8:

يحتوي صندوق على ثلاثة كرات بيضاء و كرتين حمراوين و كرة خضراء.   
نسحب بالتناوب و بدون إحلال ثلاثة كرات من الصندوق. ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات البيضاء المتبقية في الصندوق .

1. حدد قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$  .
2. أحسب الأمل الرياضي  $E(X)$  .