

السنة 2 بكالوريا علوم تجريبية	الحساب التكاملي	سلسلة 2
تمرين 1 : نعتبر التكاملين : $I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos(x)}{1+2\sin(x)} dx$ و $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin(2x)}{1+2\sin(x)} dx$ (1) احسب I (2) احسب $I + J$ (3) استنتج حساب J		
تمرين 2 : نعتبر التكاملين : $I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^3(x) dx$ و $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2(x) \cos(x) dx$ (1) احسب $I + J$ (2) احسب J (3) استنتج حساب I		
تمرين 3 : مستعملا المكاملة بالأجزاء احسب التكاملات التالية : $\int_1^e \frac{\ln(x)}{x^2} dx$ ، $\int_1^2 \ln(x) dx$ ، $\int_0^1 (3+2x)e^x dx$ ، $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos(x) dx$		
تمرين 4 : نعتبر التكاملين : $I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos(x)e^x dx$ و $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin(x)e^x dx$ (1) مستعملا مكاملة بالأجزاء بين أن : $J = e^{\frac{\pi}{2}} - I$ (2) مستعملا مكاملة بالأجزاء بين أن : $I = -1 + J$ (3) استنتج حساب I و J		
تمرين 5 : (1) مستعملا مكاملة بالأجزاء مرتين احسب : $I = \int_0^1 x^2 e^x dx$ (2) أ) حدد العددين الحقيقيين a و b بحيث تكون الدالة $F(x) = (x^2 + ax + b)e^x$ دالة أصلية للدالة $f(x) = x^2 e^x$ ب) استنتج من جديد حساب I		
تمرين 6 : نعتبر المتتالية المعرفة كما يلي : $I_n = \int_1^e t^n \ln(t) dt$ $n \in \mathbb{N}^*$ (1) مستعملا مكاملة بالأجزاء احسب : I_n (2) استنتج حساب $\lim_{n \rightarrow +\infty} I_n$		