

السنة 2 بكالوريا علوم تجريبية	الحساب التكاملي	سلسلة 1
تمرين 1 : احسب التكاملات التالية :		
$\int_1^2 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$	$\int_0^1 \left(\sqrt{x} + \frac{1}{x+3} \right) dx$	$\int_0^1 (x^2 + 1)^2 dx$
$\int_0^{\ln(2)} e^{2x} + \frac{1}{e^{3x}} dx$	$\int_0^1 x\sqrt{x} dx$	$\int_1^2 \frac{1+x}{x^2} dx$
$\int_0^{\ln(3)} \sqrt{e^x} dx$	$\int_0^1 3^x dx$	$\int_0^1 (x+1)\sqrt{x} dx$
$\int_0^{\frac{p}{4}} \tan(x) dx$	$\int_0^{\frac{p}{2}} \sin^7(x) \cos(x) dx$	$\int_0^1 \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} dx$
$\int_1^e \frac{\ln(x)}{x} dx$	$\int_0^{\ln(2)} \frac{1}{e^x + 1} dx$	$\int_e^{e^2} \frac{1}{x \ln(x)} dx$
$\int_0^1 x-1 dx$	$\int_0^2 x-1 dx$	$\int_0^p \cos(x) dx$
تمرين 2 :		
(1) حدد الأعداد الحقيقية a و b و c حيث : $\forall x \in \mathbb{R}_{-\{-1,3\}} \frac{-3x^2+7x+2}{x^2-2x-3} = a + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x-3}$ (2) احسب التكامل : $I = \int_0^2 \frac{-3x^2+7x+2}{x^2-2x-3} dx$		
تمرين 3 :		
(1) بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} \frac{e^{2x}-1}{e^{2x}+1} = \frac{e^x-e^{-x}}{e^x+e^{-x}}$ (2) احسب التكامل : $I = \int_0^1 \frac{e^{2t}-1}{e^{2t}+1} dt$		
تمرين 4 :		
تحقق أن : $\forall x \in [-1, +\infty[\quad x\sqrt{x+1} = (\sqrt{x+1})^3 - \sqrt{x+1}$ ثم احسب $I = \int_0^1 t\sqrt{t+1} dt$		
تمرين 5 : نعتبر التكاملين : $I = \int_0^{\frac{p}{2}} \cos(x)e^x dx$ و $J = \int_0^{\frac{p}{2}} \sin(x)e^x dx$		
(1) احسب مشتقة الدالة : $g(x) = \sin(x)e^x$ ثم استنتج حساب : $I + J$		
(2) احسب مشتقة الدالة : $h(x) = \cos(x)e^x$ ثم استنتج حساب : $I - J$		
(3) استنتج قيمتي I و J		