

السنة 2 بكالوريا علوم تجريبية	الدوال الأسية	سلسلة 1
تمرين 1 :		
(1) حل في IR المعادلات: $e^{4x-3} = e^5$ و $e^{x-4} = 1$ و $e^{x^2-3x-3} + 1 = 0$ ، $e^{2x} + e^x - 2 = 0$ ، $e^{3x} = 2e^{x+1}$ ، (2) حل في IR المتراجحات: $(e^x + 1)(e^x - e) \leq 0$ و $e^{2x} - 4e^x + 3 > 0$		
تمرين 2 : حدد $f'(x)$ في كل حالة مما يلي دون تحديد مجموعة التعريف:		
$f(x) = \ln(e^x + 1)$ ، $f(x) = e^{x+\ln x}$ ، $f(x) = \ln(x) e^x$ ، $f(x) = e^{-7x} + 2e^x$ ، $f(x) = e^{5x}$		
تمرين 3 : احسب النهايات التالية :		
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2e^x + x}{e^x + 3}$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2e^x + x}{e^x + 3}$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x + 1}{x^3}$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^x}{x}$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x + 2}{e^x + 1}$ $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{e^x} - 1}{x}$ ، $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{e^{3x} - 1}$ ، $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - e^x}{x}$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} (e^x - 1) \ln(x)$		
تمرين 4 : نعتبر المتتالية المعرفة كما يلي: $\begin{cases} u_0 = \frac{1}{2} \\ u_{n+1} = u_n^3 \end{cases}$ و نضع لكل $n \in IN$ $v_n = \ln(u_n)$		
(1) بين أن v_n هندسية ثم استنتج حساب u_n بدلالة n (2) احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$		
تمرين 5 : نعتبر الدالة $f = 2x - \frac{e^x}{e^x - 1}$		
(1) حدد Df و نهايات f عند محددات Df (2) ادرس تغيرات f واعط جدول تغيراتها (3) ادرس الفروع اللانهائية لمنحنى الدالة f (4) بين أن $A\left(0, \frac{-1}{2}\right)$ مركز تماثل للمنحنى Cf (5) أنشئ في معلم متعامد ممنظم Cf منحنى الدالة f		
تمرين 6 : نعتبر الدالة $f(x) = \ln(e^{2x} + 1) - x$ و ليكن Cf منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم		
(1) بين أن: $Df = IR$ (2) احسب: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ (3) تحقق أن: $\forall x \in IR \quad f(x) = \ln(e^x + e^{-x})$ ثم استنتج أن f دالة زوجية (4) تحقق أن: $\forall x \in IR \quad f(x) - x = \ln\left(1 + \frac{1}{e^{2x}}\right)$ أ) بين أن $y = x$ (Δ) هو مقارب مائل للدالة f جوار $+\infty$ ب) ادرس الوضع النسبي لـ (Δ) و Cf (5) بين أن: $\forall x \in IR \quad f'(x) = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$ (6) ادرس تغيرات f واعط جدول تغيراتها (7) أنشئ Cf		