

هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

التمرين الأول

نعتبر المتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي : $U_{n+1} = 2U_n - 1$ و $U_0 = 2$ $\forall n \in \mathbb{N}$ $U_n > 1$ (1)

(2) أدرس رتبة المتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$

(3) استنتج أن المتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متقاربة وحدد نهايتها

(4) نضع $V_n = U_n - 1$ $\forall n \in \mathbb{N}$ يلي المتالية $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية و استنتاج الحد العام $V_n = U_n - 1$ بدلالة n

(5) أحسب بدلالة n الجمجمة $S = \sum_{k=0}^{k=n-1} U_k$

التمرين الثاني

للتالي $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ عدديه معرفة بما يلي : $U_{n+1} = \frac{9}{6-U_n}$ و $U_0 = -1$ $\forall n \in \mathbb{N}$ $U_n \neq 3$ وبهذا يلي (1) أحسب U_1 وبهذا يلي (2) نضع $V_n = \frac{1}{U_n - 3}$

أ- يلي المتالية حسابية أحسب V_n بدلالة n

ب- استنتاج U_n بدلالة n وأحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$ بدلالة n وأحسب

التمرين الثالث

للتالي $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ عدديه معرفة بما يلي : $U_0 = 2$ $U_{n+1} = \frac{6U_n - 1}{3U_n + 2}$ (1) يلي $U_n > 1$ (2) أدرس رتبة المتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$

(3) نضع $V_n = \frac{3U_n - 1}{U_n - 1}$

ج- يلي المتالية هندسية وأحسب V_n بدلالة n

ج- حدد الحد العام U_n بدلالة n وأحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$ بدلالة n وأحسب

ج- أحسب الجمجمة $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_{n-1}$

التمرين الرابع

نعتبر المتالية $(U_n)_{n \geq 1}$ بحيث : $U_{n+1} = \frac{nU_n + 1}{n+1}$ و $U_1 = \frac{1}{2}$ (1)

أحسب U_2 وبهذا يلي $U_n < 1$ $\forall n \in \mathbb{N}$ (2)

ب- يلي المتالية $(U_n)_{n \geq 1}$ تزايدية . ماذا تستنتج

ج- يلي المتالية $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ حسابية $V_n = nU_n$ (3) نضع

ج- استنتاج يلي $U_n = 1 - \frac{1}{2n}$ و أحسب

التمرين الخامس

للتالي $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ عدديه بحيث : $U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 2n$ و $U_0 = 2$ (1)

❖ أحسب U_1 وبهذا يلي $U_n \geq n$ (2)

هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

❖ استنطأ نهاية المتتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$

❖ نصف 8 نع ن n لل $W_n = U_n - 4n + 8$

أ- يبيه أه $(W_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية هندسية

ب- استنطأ U_n بدلالة n و أحسب

التمرين السادس

نعتبر المتتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ بحيث: $U_{n+1} = \frac{1}{4}U_n + \frac{1}{2}\left(\frac{3}{4}\right)^n$ و $U_0 = 2$

و نصف N ن n لل $V_n = U_n - \left(\frac{3}{4}\right)^n$

أ- يبيه أه $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{4}$

ب) حدد V_n بدلالة n ثم استنطأ أه

ج) حدد نهاية المتتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$

د) احسب بدلالة n المجموع

التمرين السابع

لتكن $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية عردية معروفة بـ:

$$\begin{cases} U_0 = 3 \\ U_{n+1} = \frac{6U_n - 4}{U_n + 2} \end{cases}$$

أ- يبيه أه $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n > 2$

ب) درس رتابة المتتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$

ج) نصف N ن n لل $V_n = \frac{2}{U_n - 2}$

د- يبيه أه $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية حسابية و أحسب V_n بدلالة n

ج- حدد الدل العام U_n بدلالة n و استنطأ

د- أحسب الجمجم $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_{n-1}$

التمرين الثامن

نعتبر المتتالية عردية معروفة بما يلي:

$$\begin{cases} U_{n+1} = \frac{2U_n + 3}{U_n + 4} \\ U_0 = \frac{1}{2} \end{cases}$$

أ- يبيه أه $(\forall n \in \mathbb{N}) 0 < U_n \leq 1$

ب) درس رتابة $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ ماذا تستنطأ؟

ج- يبيه أه $(\forall n \in \mathbb{N}) |U_{n+1} - 1| \leq \frac{1}{4} |U_n - 1|$

د- يبيه أه $(\forall n \in \mathbb{N}) |U_n - 1| \leq \frac{1}{2} \left(\frac{1}{4}\right)^n$

التمرين التاسع

نعتبر المتتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعروفة بما يلي :

$(\forall n \in \mathbb{N}) 0 < U_n < 3$ (1)

أدرس دتابة المتالية (2)

(3) استنتاج أه الممتاليه (U_n) متقاربة وحدد نهايتها

التمرین العاشر

للتَّهِ مُتَّالِيَةٌ عَرَدِيَّةٌ مُعْرَفَةٌ بِمَا يَلِي: $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$

$$(\forall n \in \mathbb{N}) : -2 < U_n < 0 \text{ ويبقى } U_1 \text{ أحسم} \quad (3)$$

$$N \text{ } \text{as } n \rightarrow V_n = \frac{U_n + 1}{U_n - 2} \text{ } \text{as} \text{ } (4)$$

ن- يعنى أن $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متالية متزايدة أحسب V_n بغالب

$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$ ፩ናው የ n አልሆነ U_n ፩ናው - ስ

التمرین المادی ششم

نعتبر المتالية $(U_n)_n$ المعروفة بنا بلي : $U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 1$ و $U_0 = 1$

$$(\forall n \in \mathbb{N}) \quad U_n < 2 \quad \text{اُنْهِيَّ} \quad (1)$$

أ درس رتابة المتالية (2)

(3) استنتاج أه المتنالية $(U_n)_n$ متقاربة وحدد نهايتها

نقطة 2- $V_n = U_n - 2$ يعني أن المتتالية $(V_n)_n$ هندسية و استنتاج الـ d العام بدلالة n و حدد

$$S = \sum_{k=0}^{k=n-1} U_k \quad \text{الخطوة } n \quad \text{تحسب بـ} \quad (5)$$

التمرин الثاني عشر

$$U_{n+1} = \frac{2U_n - 1}{2U_n + 5} \quad \text{و} \quad U_0 = -\frac{3}{4} \quad \text{معنیه عددية متالية بما يلي: } (U_n)_{n \in \mathbb{N}}$$

$$(\forall n \in \mathbb{N}) \quad -1 < U_n < -\frac{1}{2} \text{ أی } .1$$

؟ ﻡاذا ﺍسْتَطَعْتُ $\left(U_n \right)_{n \in \mathbb{N}}$ ﺃدْوِيَةٍ . 2

$$\left(\forall n \in \mathbb{N} \right) \quad \left| U_{n+1} + \frac{1}{2} \right| \leq \frac{6}{7} \left| U_n + \frac{1}{2} \right| \text{ اى اى .3}$$

$$\left(U_n \right)_{n \in \mathbb{N}} \quad \text{حد نهاية المتالية} \quad (\forall n \in \mathbb{N}) \quad \left| U_n + \frac{1}{2} \right| \leq \frac{1}{4} \left(\frac{6}{7} \right)^n \quad \text{لذلك}$$

التمرین الثالث عشر

نعتبر المتالية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي : $U_0 \in]-1,0[$ و $U_{n+1} = U_n + U_n^2$

$$f([-1, 0]) \subseteq [-1, 0] \text{ أی } (1)$$

$$(\forall n \in \mathbb{N}) \quad U_n \in]-1, 0[\quad \text{وأيضاً} \quad -1 \quad (2)$$

ب- يenne أو | $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ ممتالية نزالية

(3) ينبع أن متقابلاً معندياً ينبع أن $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$