

Suites numériques	
التمرين الأول	
نعتبر المتتالية $(U_n)_n$ المعرفة بما يلي : $U_{n+1} = \frac{5U_n - 4}{U_n + 1} \text{ و } U_0 = 3$ (1) بين أن $U_n > 2 \quad (\forall n \in \mathbb{N})$ (2) أدرس رتبة المتتالية $(U_n)_n$ (3) نضع $V_n = \frac{1}{U_n - 2}$ لكل عدد طبيعي n أ- بين أن $(V_n)_n$ متتالية حسابية أساسها $r = \frac{1}{3}$ ب- حدد كل من V_n ثم U_n بدلالة n وأحسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$ ج- أحسب بدلالة n الجمع : $S = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$	
التمرين الثاني	
نعتبر المتتالية $(u_n)_n$ المعرفة بما يلي : $u_{n+1} = \frac{5u_n - 4}{1 + u_n} \text{ و } u_0 = 3$ (1) بين بالترجع أن $u_n > 2 \quad (\forall n \in \mathbb{N})$ (2) بين أن المتتالية $(u_n)_n$ تناقصية واستنتج أنها متقاربة (3) نضع $v_n = \frac{u_n + 3}{u_n - 2}$ لكل عدد طبيعي n أ- بين أن $(v_n)_n$ متتالية حسابية أساسها $r = \frac{5}{3}$ ب- بين أن $u_n = \frac{2n + 9}{n + 3}$ ثم أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ ج- تحقق أن $v_n = 1 + \frac{5}{u_n - 2}$ ثم أحسب بدلالة n الجمع $S_n = \frac{1}{u_0 - 2} + \frac{1}{u_1 - 2} + \dots + \frac{1}{u_n - 2}$	
التمرين الخامس	
لتكن $(U_n)_n$ متتالية عددية بحيث : $U_{n+1} = \frac{7U_n + 3}{2U_n + 6} \text{ و } U_0 = \frac{5}{2}$ (1) بين أن $U_n \geq \frac{3}{2} \quad (\forall n \in \mathbb{N})$ (2) أ- بين أن $U_{n+1} - \frac{3}{2} \leq \frac{4}{9} \left(U_n - \frac{3}{2} \right)$ ب- استنتج أن $U_n - \frac{3}{2} \leq \left(\frac{4}{9} \right)^n$ ج- أحسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$ (3) نضع $V_n = \frac{2U_n - 3}{U_n + 1}$ لكل عدد طبيعي n أ- بين أن $(V_n)_n$ متتالية هندسية أكتب V_n بدلالة n ب- ثم U_n بدلالة n وأحسب مرة ثانية النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$	
التمرين الثالث	
نعتبر المتتاليتين $(W_n)_n$ و $(V_n)_n$ المعرفتين بما يلي : $W_n = 12 - V_n^2 \text{ و } \begin{cases} V_0 = 0 \\ U_{n+1} = \sqrt{\frac{1}{2} V_n^2 + 6} \end{cases} ; \quad \forall n \in \mathbb{N}$ (1) بين أن $0 \leq V_n \leq 2\sqrt{3} \quad (\forall n \in \mathbb{N})$	