

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة رقم 3: دراسة الدوال
المستوى : الثانية باك علوم فيزيائية وعلوم الحياة
والأرض والعلوم الزراعية

**أكاديمية
الجنة
الشرقية**

تمرين 9: نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R}

$$\text{كالتالي : } f(x) = \frac{1}{12}x^4 - 2x^2 + x + \frac{2}{3}$$

1. أحسب $f''(x)$ لكل x من \mathbb{R}

2. أدرس تغير المنحني (C_f) الممثل للدالة f مع تحديد نقطتي انعطافاته

تمرين 10: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة

$$\text{كالتالي : } f(x) = \sqrt{x-x^2}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. بين أن المستقيم $\frac{1}{2}x = 1$ محور تمامى لمنحني (C_f) الممثل للدالة f

تمرين 11: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x

$$\text{المعرفة كالتالي : } f(x) = \frac{x^2 - x}{x + 1}$$

1. بين أن $\forall x \in D_f, f(x) = x - 2 + \frac{2}{x+1}$

2. بين أن النقطة $(-3; -1)$ مركز تمامى لمنحني الدالة f .

تمرين 12: نعتبر الدالة f المعرفة

$$\text{كالتالي : } f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. أدرس زوجية الدالة f

3. أحسب نهايات الدالة f عند حدات D_f

4. أدرس الفروع اللاحقة لمنحني الدالة f

5. أحسب مشتقة الدالة f وأدرس إشارتها

6. حدد جدول تغيرات الدالة f

7. حدد معادلة لمسان المنحني (C_f) الممثل للدالة f في

النقطة A التي أقصولها $x_0 = -1$

8. حدد نقط تقاطع المنحني (C_f) الممثل للدالة مع محوري المعلم.

9. حدد مطاراتيف الدالة f اذا وجدت

10. أرسم المنحني (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم

تمرين 13: لتكن f دالة عددية معرفة بما يلي:

$$f(x) = \frac{x^2 + x - 1}{x + 2}$$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

2. حدد الأعداد الحقيقة a و b و c بحيث

$$\text{لدينا: } \forall x \in D_f, f(x) = ax + b + \frac{c}{x+2}$$

تمرين 1: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{2x}{\sqrt{x-1}}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. أحسب : $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ واعط تأويلا مبيانيا للنتيجة

تمرين 2: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 1}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ واعط تأويلا مبيانيا للنتيجة

تمرين 3: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = x + \frac{1}{\sqrt{x^2 + x}}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. حدد معادلة المقارب المائل لمنحني الدالة f بجوار $+\infty$

تمرين 4: نعتبر الدالة f المعرفة

$$\text{كالتالي : } f(x) = \sqrt{x^2 - 4x - 5}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

3. حدد معادلة المقارب المائل لمنحني الدالة f بجوار $+\infty$

تمرين 5: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \sqrt{4x^2 + 2x - 2}$$

1. حدد D_f و حدد $f'(x)$

2. أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

3. بين : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -2$ و أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$

4. أستنتج معادلة المقارب المائل لمنحني الدالة f بجوار $-\infty$

تمرين 6: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \sqrt{2 - x}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

3. أدرس الفرع الشلجمي لمنحني الدالة f بجوار $-\infty$

تمرين 7: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = x\sqrt{x-1}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. أدرس الفرع الشلجمي لمنحني الدالة f بجوار $+\infty$

تمرين 8: لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي:

$$f(x) = \sqrt{2x-1} - x$$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

2. أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

3. أدرس الفروع اللاحقة لمنحني الدالة f .

تمرين 16: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \sqrt{x-2x^2}$$

في معلم متعمد منظم (o, i, j) بحيث $\|i\| = 8cm$

$$(1) \text{ حدد } D_f \text{ حيز تعريف الدالة } f$$

$$(2) \text{ أدرس قابلية اشتقاق الدالة } f \text{ على اليمين عند } x_0 = 0$$

وعلى اليسار عند $x_0 = 2$ وأعط تأويلا هندسيا للنتائج المحصل عليها.

$$(3) \text{ بين أن المستقيم الذي معادلته } C_f = \frac{1}{4}x \text{ محور تماثل لمنحنى } (C_f)$$

$$(4) \text{ أنشئ } (C_f) \text{ بين أن قصور الدالة } f \text{ على المجال } I = \left[0; \frac{1}{4}\right]$$

تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده

$$\text{وحدد } f^{-1}(x)$$

لكل x من J

$$\text{تمرين 17:} \text{ لتكن } f \text{ الدالة المعرفة بما يلي: } f(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{x-1}}$$

أدرس تغير منحنى الدالة f و حدد نقط انعطافها.

$$\text{تمرين 18:} \text{ المستوى منسوب إلى معلم متعمد منظم } (o, i, j)$$

لتكن f الدالة العددية المعرفة على بما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt[3]{2-x}; x \leq 2 \\ f(x) = (4-x)^{\frac{3}{2}}; x > 2 \end{cases}$$

بين أن المستقيم الذي معادلته $2 = x$ محور تماثل لمنحنى الدالة f

$$\text{تمرين 19:} \text{ لتكن } f \text{ دالة عددية معرفة بما يلي: } f(x) = \frac{x^3}{(x-1)^2}$$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

2. أدرس زوجية الدالة f

3. أحسب النهايات عند محدودات D_f

4. أدرس الفروع الانهائية لمنحنى الدالة f

5. بين أن النقطة $(-2, -\Omega)$ مركز تماثل لمنحنى الدالة f .

6. حدد الدالة المشقة و ادرس إشارتها.

7. أعط جدول تغيرات f على D_f .

8. حدد احداثيات نقط تقاطع المنحنى (C_f) الممثل للدالة f

مع محوري المعلم.

9. أعط معادلة المماس في النقطة ذات الأقصول 0 .

10. أنشئ المنحنى C_f .

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.

c'est en s'entraînant

régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un

mathématicien



3. أحسب النهايات عند محدودات D_f

4. أدرس الفروع الانهائية لمنحنى الدالة f

(تحديد معادلة المقاربات و المقاربات المائلة لـ C_f).

5. بين أن النقطة $(-3, -\Omega)$ مركز تماثل لمنحنى الدالة f .

6. حدد الدالة المشقة و ادرس إشارتها.

7. أعط جدول تغيرات f على D_f .

8. حدد احداثيات نقط تقاطع المنحنى (C_f) الممثل للدالة مع محوري المعلم.

9. أعط معادلة المماس في النقطة ذات الأقصول 0 .

10. أنشئ المنحنى C_f .

تمرين 14: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x

المعرفة كالتالي :

$$f(x) = -1 + \sqrt{1-x}$$

ليكن (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (o, i, j)

(1) أ) حدد D_f حيز تعريف الدالة f بـ (ب) بـ $x_0 = 1$ وأعط

ج) أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على اليسار عند $x_0 = 1$ وأعط

تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها.

(2) أدرس تغيرات الدالة f و حدد جدول تغيرات الدالة f

(3) أدرس الفروع الانهائية لمنحنى الدالة f

(4) أ) بين أن الدالة f تقبل دالة عكسية f^{-1} معرفة على مجال J

يجب تحديده

ب) حدد (x, f^{-1}) لكل x من J

ج) املا الجدول التالي

| | | | | |
|--------|----|----|---|---|
| x | -8 | -3 | 0 | 1 |
| $f(x)$ | | | | |

وأنشئ $(C_{f^{-1}})$ و (C_f) في نفس المعلم

تمرين 15: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة

كالتالي :

$$f(x) = (x+1)\sqrt{x+1} - 1$$

ليكن (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (o, i, j)

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

(2) احسب :

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$$

(3) أدرس الفروع الانهائية لمنحنى الدالة f

(4) أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على اليمين عند $x_0 = -1$

$$(5) \text{ بين أن: } \forall x \in [-1; +\infty[\quad f'(x) = \frac{3}{2}\sqrt{x+1}$$

(6) أدرس تغيرات الدالة f و حدد جدول تغيرات الدالة f

(7) أ) بين أن الدالة f تقبل دالة عكسية f^{-1} معرفة على مجال J

يجب تحديده

ب) حدد (x, f^{-1}) لكل x من J

ج) املا الجدول التالي :

| | | | | |
|--------|----|---|---|---|
| x | -1 | 0 | 1 | 3 |
| $f(x)$ | | | | |

وأنشئ $(C_{f^{-1}})$ و (C_f) في نفس المعلم