

الأستاذ:
نجيب
عثمانى

سلسلة رقم 2: الاشتتقاق
المستوى : الثانية باك علوم فيزيائية وعلوم الحياة
والأرض والعلوم الزراعية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

3. هل الدالة f متصلة عند $x_0 = 0$ ؟

4. أدرس قابلية اشتتقاق الدالة f على اليسار عند $x_0 = 1$ وأعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها.

تمرين 7: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = x^{10} \quad (3) \quad f(x) = 3x - 5 \quad (2) \quad f(x) = 2 \quad (1)$$

$$f(x) = 6\sqrt{x} - 4 \quad (6) \quad f(x) = \frac{5}{x} \quad (5) \quad f(x) = 4x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 1 \quad (4)$$

$$f(x) = \cos(7x + 2) \quad (8) \quad f(x) = 6x^4 - \cos x + 3 \sin x \quad (7)$$

$$f(x) = 3 \tan x - 1 \quad (10) \quad f(x) = \frac{4}{5} \sin(5x + 4) \quad (9)$$

$$f(x) = \frac{1}{2x+1} \quad (12) \quad f(x) = x \cos x \quad (11)$$

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 1} \quad (15) \quad f(x) = (3x+4)^3 \quad (14) \quad f(x) = \frac{3x-1}{x+2} \quad (13)$$

تمرين 8: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = 2x^3 \quad (3) \quad f(x) = 7x + 15 \quad (2) \quad f(x) = 11 \quad (1)$$

$$f(x) = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{4}x^4 - 4x - 6 \quad (5) \quad f(x) = 4x^4 - \frac{1}{3}x^3 - x + 1 \quad (4)$$

$$f(x) = \cos 2x + 3 \sin 3x \quad (8) \quad f(x) = 4\sqrt{x} - 1 \quad (7) \quad f(x) = \frac{3}{x} \quad (6)$$

$$f(x) = \frac{1}{5x+7} \quad (10) \quad f(x) = (3x^2+2)(7x+1) \quad (9)$$

$$f(x) = \frac{1}{\sin x} \quad (13) \quad f(x) = \frac{7x}{x^3+1} \quad (12) \quad f(x) = \sqrt{x^2+8x} \quad (11)$$

$$f(x) = (2x-1)^7 \quad (15) \quad f(x) = \frac{4x-3}{2x-1} \quad (14)$$

تمرين 9: تعتبر الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$h(x) = \sin(x^2 + 1)$$

أدرس اشتتقاق الدالة h وحدد الدالة المشتقة

تمرين 10: تعتبر الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$h(x) = \cos(2x^2 + 4x - 1)$$

أدرس اشتتقاق الدالة h وحدد الدالة المشتقة

تمرين 11: لتكن f الدالة العددية المعرفة

$$\text{بما يلي : } f(x) = x^3 - 3x$$

1. أدرس الدالة f وحدد جدول تغيراتها

2. بين أن الدالة g قصور الدالة f على المجال $[1; +\infty]$

تقابل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده

$$3. \text{ أحسب } (g^{-1})'(0)$$

تمرين 1: تعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$f(x) = 5x^2$ باستعمال التعريف أدرس اشتتقاق الدالة f عند $x_0 = 1$

تمرين 2: تعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

1. باستعمال التعريف بين أن الدالة f قابلة للاشتتقاق عند $x_0 = 1$.

2. حدد معادلة المماس لمنحنى الممثل للدالة f عند $x_0 = 2$.

تمرين 3: تعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$1. \text{ أحسب } \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)-f(0)}{x-0}$$

(قابلية اشتتقاق الدالة f على اليمين عند $x_0 = 0$)

$$2. \text{ أحسب } \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x)-f(0)}{x-0}$$

(قابلية اشتتقاق الدالة f على اليسار عند $x_0 = 0$)

3. هل الدالة f قابلة للاشتتقاق عند $x_0 = 0$ ؟

4. حدد معادلة لنصف مماس لمنحنى للدالة f على اليمين عند $x_0 = 0$.

5. حدد معادلة لنصف مماس لمنحنى للدالة f على اليسار عند $x_0 = 0$.

6. كيف نسمي النقطة $A(0, f(0))$ ؟

تمرين 4: تعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

1. أدرس قابلية اشتتقاق الدالة f على اليمين عند $x_0 = 1$

2. أدرس قابلية اشتتقاق الدالة f على اليسار عند $x_0 = 1$

3. هل الدالة f قابلة للاشتتقاق عند $x_0 = 1$ ؟

4. حدد معادلة لنصف مماس لمنحنى الدالة f على اليمين عند $x_0 = 1$.

5. حدد معادلة لنصف مماس لمنحنى الدالة f على اليسار عند $x_0 = 1$.

6. كيف نسمي النقطة $A(1, f(1))$ ؟

تمرين 5: تعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = x^2 \sqrt{1+x}$$

1. حدد مجموعة تعريف الدالة f

2. أدرس قابلية اشتتقاق الدالة f على اليمين عند $x_0 = -1$

3. وأعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها.

تمرين 6: تعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = |x| \sqrt{1-x}$$

1. حدد D_f

2. أدرس قابلية اشتتقاق الدالة f على اليمين وعلى اليسار عند $x_0 = 1$

3. وأعط تأويلا هندسيا للنتائج المحصل عليها

تمرين 20: لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 - 1}$$

1. أدرس تغيرات الدالة f على المجال $[0; 1] = I$ و أحسب $\left(\frac{1}{2}\right)$

2. بين أن قصور الدالة f على المجال $[0; 1] = I$ تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده

$$f^{-1}(x) = ?$$

$$\text{أحسب } (f^{-1})' \left(-\frac{5}{3}\right)$$

تمرين 21: لتكن f الدالة العددية المعرفة على $I = [0; +\infty]$

$$\text{بما يلي : } f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$$

1. بين أن الدالة f تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده

$$\text{أحسب } (f^{-1})'(\sqrt{3}) \text{ و } (f^{-1})'(2)$$

تمرين 22: لتكن f الدالة العددية المعرفة على $[2; +\infty]$

$$\text{بما يلي : } f(x) = x - 3\sqrt[3]{x-1}$$

1. بين أن الدالة f تزايدية على المجال $[2; +\infty]$

$$\forall a \in [1; +\infty[\quad \left(\frac{a+2}{3}\right)^3 \geq a \quad \text{بين أن :}$$

تمرين 23: نعتبر الدالة f المعرفة

$$\text{كالتالي : } f(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{3}x^3 - x^2$$

1. حدد D_f حيز تعريف الدالة

2. أحسب نهايات الدالة f عند حدود

3. أحسب مشتقة الدالة f و أدرس إشارتها

4. حدد جدول تغيرات الدالة f

5. حدد نقط تقاطع المنحني (C_f) الممثل للدالة مع محوري المعلم.

6. أرسم المنحني (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعدد

منمنظم $(0, i, j)$ وحدة القياس هي $1cm$

7. بين أن قصور الدالة f على المجال $[2; +\infty]$ تقبل دالة

عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده

تمرين 24: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

1. باستعمال التعريف بين أن الدالة f قابلة للاشتاقاق عند $x_0 = 1$.

2. حدد معادلة المماس للمنحني الممثل للدالة f عند $x_0 = 1$.

تمرين 25: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

أدرس اشتاقاق الدالة f عند $x_0 = 3$ و أعط تأويلا هندسيا للنتائج المحصل عليها



تمرين 12: أحسب مشتقة الدوال المعرفة كالتالي :

$$(\forall x \in]0; +\infty[); f(x) = x^{\frac{2}{5}} \quad (2) \quad (\forall x \in]0; +\infty[); f(x) = x^{\frac{5}{7}} \quad (1)$$

$$(\forall x \in]0; +\infty[); f(x) = \sqrt[3]{x} \quad (3)$$

تمرين 13: أحسب مشتقة الدالة المعرفة كالتالي :

$$(\forall x \in \mathbb{R}); f(x) = \sqrt[3]{x^2 + 1}$$

تمرين 14: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$(1) \text{ حدد } D_f \quad (2) \text{ أحسب نهايات } f \text{ عند حدودات } D_f$$

(3) أدرس تغيرات (4) حدد جدول تغيرات (5) بين أن: $\forall x \in \mathbb{R} \quad f(x) \geq -3$

تمرين 15: نعتبر الدالتيين f و g المعرفتين كالتالي :

$$g(x) = |x|(x-1) \quad \text{و} \quad \begin{cases} f(x) = x^2 + 2x; x \leq 1 \\ f(x) = -\frac{2}{x} + 5; x > 1 \end{cases}$$

(1) أدرس قابلية اشتاقاق الدالة f على اليمين وعلى اليسار عند $x_0 = 1$

(2) هل الدالة f قابلة للاشتاقاق؟

(3) أدرس قابلية اشتاقاق الدالة g عند $x_0 = 0$

تمرين 6: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

ليكن (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعدد منظم $(0, i, j)$

1. أحسب نهايات الدالة f عند حدودات مجموعة التعريف

2. أدرس الفروع اللانهائية للمنحني (C_f) الممثل للدالة f

3. أحسب مشتقة الدالة f و أدرس إشارتها

4. وضع جدول تغيرات الدالة f .

5. أدرس تقرع المنحني (C_f) الممثل للدالة f وحدد نقط الانعطاف

6. بين أن $A(1; -1)$ مركز تماثل للمنحني (C_f)

7. حدد معادلة المماس (T) للمنحني (C_f) في النقطة $(-1; 1)$

8. أنشئ (C_f) و (T) .

تمرين 17: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

أدرس قابلية اشتاقاق الدالة f على اليسار عند $x_0 = -1$ و أعط

تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها

تمرين 18: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة

من الحالات التالية :

$$f(x) = \sqrt{2x^2 - 16x} \quad (2) \quad f(x) = 4x^5 - \frac{1}{3}x^3 + 1 \quad (1)$$

$$f(x) = 4x^3 - 4\cos x + 6\sin x \quad (3)$$

$$f(x) = \cos(x^2 - 4) \quad (5) \quad f(x) = \frac{1}{\cos 2x} \quad (4)$$

$$f(x) = \sqrt[5]{x} - 2\sqrt[3]{x^2} \quad (7) \quad f(x) = \tan(x^3 + 1) \quad (6)$$

$$f(x) = \sqrt[6]{\sin x} \quad (9) \quad f(x) = \sqrt[3]{7x^2 + x} \quad (8)$$

تمرين 19: لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2}{x+1} \quad \text{أين الدالة } g \text{ قصور الدالة } f \text{ على المجال } I = [0; +\infty[\text{ تقبل}$$

دالة عكسية g^{-1} معرفة على مجال J يجب تحديده

$$(\text{أحسب } (g^{-1})'\left(\frac{1}{2}\right))$$