

المدة : ساعة	الثانية علوم فيزيائية
فرض 2 الدورة 2	
التمرين الأول	
(A) حل في المجموعة $\mathbb{C}$ المعادلة : $Z^2 - 6Z + 25 = 0$ (1) (B) المستوى (P) منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{u}, \vec{v})$. نعتبر في (P) النقط A ; B ; C التي ألحاقها $z_A = 2+i$ ، $z_B = 3+4i$ و $z_C = 6+3i$ (1) أحسب $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = 1-i$ ثم استنتج قياسا للزاوية $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ (2) ليكن R الدوران الذي مركزه B و زاويته $\frac{3\pi}{2}$ (أ) حدد الصيغة العقدية للدوران R (ب) تحقق أن A هي صورة النقطة C بالدوران R ثم استنتج طبيعة المثلث ABC (3) لتكن D صورة النقطة C بالازاحة T ذات المتجهة $\overrightarrow{BA}$ (أ) بين أن لحق النقطة D هو العدد $z_D = 5$ (ب) أحسب $\frac{z_C - z_A}{z_D - z_B}$ ثم استنتج طبيعة الرباعي ABCD	
التمرين الثاني	
الفضاء (ξ) منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر في ($\xi$) النقط $A(2, 4, 0)$ ، $B(4, 0, 8)$ ، $C(0, -4, 2)$ و $D(-2, 5, -1)$ و المجموعة (S) للنقط $M(x, y, z)$ بحيث : $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 8$ (1) حدد إحداثيات $\overrightarrow{OC} \wedge \overrightarrow{OD}$ و استنتج أن معادلة المستوى (OCD) تكتب $3x + 2y + 4z = 0$ (2) (أ) بين أن معادلة (S) تكتب $x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 4y - 8z = 0$ (ب) استنتج أن (S) فلكة مركزها $\Omega(3, 2, 4)$ و شعاعها $R = \sqrt{29}$ (3) (أ) أحسب المسافة $d(\Omega, (OCD))$ و استنتج أن المستوى (OCD) مماس للفلكة (S) (ب) أحسب الجداء $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB}$ و استنتج نقطة تماس (OCD) و الفلكة (S) (4) ليكن (Δ) المستقيم المار من $E(10, 2, 6)$ و الموجه بالمتجهة $\vec{u}(2, -1, -1)$ (أ) بين أن $\overrightarrow{\Omega E} \wedge \vec{u} = 2\vec{i} + 11\vec{j} - 7\vec{k}$ و أحسب $\frac{\ \overrightarrow{\Omega E} \wedge \vec{u}\ }{\ \vec{u}\ }$ (ب) استنتج أن (Δ) مماس للفلكة (S) ثم حدد إحداثيات نقطة التماس	