

المستوى : الثانية علوم
مدة الإنجاز : ساعتان
السنة الدراسية : 2013/2014

الفرض الموحد الثاني
الدورة الثاني



أسئلة مستقلة

1. أحسب التكاملات التالية :

$$K = \int_0^3 e^x (e^x + 1)^3 dx \quad J = \int_0^3 \frac{1}{\sqrt{x+1}} dx \quad I = \int_0^{\frac{\pi}{3}} \sin(2x) dx$$

$$M = \int_0^1 \frac{3x^2 + 1}{x^3 + x + 1} dx$$

4.5

2. نعتبر التكاملين I و J بحيث $I = \int_0^1 \frac{x^4}{x+1} dx$ و $J = \int_0^1 x^3 \ln(1+x) dx$ (بالنسبة لحساب L و N استعمل المكاملة بالأجزاء)

$$I = \int_0^1 \frac{x^4}{x+1} dx \quad J = \int_0^1 x^3 \ln(1+x) dx$$

أ. بين أن: $\frac{x^4}{x+1} = x^3 - x^2 + x - 1 + \frac{1}{x+1}$ لكل x من $\mathbb{R} - \{1\}$

0.5

ب. استنتج أن $I = -\frac{7}{12} + \ln 2$

1

ج. باستعمال المكاملة بالأجزاء بين أن $J = \frac{1}{4}(\ln 2 - I)$

1.5

د. استنتج قيمة التكامل J

0.5

التمرين 2

نعتبر المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بما يلي: $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{u_n}{3 - u_n}$

1. أ. تحقق من أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_{n+1} = -1 + \frac{3}{3 - u_n}$

0.25

ب. بين بالترجع أن $0 < u_n < 2$ ($n \in \mathbb{N}$)

1

ج. بين أن $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(u_n - 2)}{3 - u_n}$ ($n \in \mathbb{N}$)

0.25

د. بين أن المتتالية (u_n) متقاربة.

0.5

2. نضع لكل n من $\mathbb{N}$: $v_n = 1 - \frac{2}{u_n}$

أ. بين أن المتتالية (v_n) هندسية أساسها 3

0.75

ب. ليكن n من $\mathbb{N}$ حدد v_n بدلالة n ثم استنتج أن $u_n = \frac{2}{1 + 3^n}$

1

ج. أحسب نهاية المتتالية (u_n) .

0.25

	الفرض الموحد الثاني الدورة الثاني	المستوى : الثانية علوم مدة الإنجاز : ساعتان السنة الدراسية : 2013/2014
التنقيط	التمرين 2 الفضاء منسوب للمعلم المتعامد الممنظم المباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لتكن النقط $A(1,1,1)$ و $B(2,3,0)$ و $C(2,2,-1)$ و $D(1,2,3)$ 1. أ. بين أن $\vec{AB} \wedge \vec{AC} = -3\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$، ثم استنتج مساحة المثلث (ABC) ب. استنتج أن $3x - y + z - 3 = 0$ هي معادلة ديكراتية للمستوى (ABC) 2. أ. بين أن: $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 2 - t \\ z = 3 + t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$ هو تمثيل بارميتري للمستقيم (Δ) المار من D و العمودي على المستوى (ABC) ب. حدد مثلث إحداثيات النقطة H نقطة تقاطع المستقيم (Δ) و المستوى (ABC) 3. لتكن (S) الفلكة التي معادلتها $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z + 5 = 0$ أ. بين أن النقطة D هي مركز الفلكة (S) و أن شعاعها هو $R = 3$ ب. أحسب مسافة النقطة D عن المستوى (ABC) ج. استنتج أن المستوى (ABC) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (Γ) محددا مركزها و شعاعها	
1.5		
1		
1		
1.5		
1		
1		
1		