

Lycée ANISSE

D.S - N° 4

$\frac{1}{2}$

2.B.A.C.S.F

أستأذن مسبقاً

التعريف الأول :

12

(A) 1° - حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $5x^2 + 2x - 336 = 0$

61

2° - استنتج في مجموعة $\mathbb{R}$ مجموعة حلول المعادلة :

61

$$5 \times 2^{2x} + 2^{x+1} - 336 = 0$$

(B) 1° - حل المعادلة التفاضلية : $y' = 2y - 4$: (E)

62

2° - حدد الحل f للمعادلة (E) والذي يحقق $f(\ln 2) = 6$

61

(C) أحسب التكاملات التالية

$$L = \int_{e^2}^e \frac{dx}{x \ln x}$$

$$K = \int_0^1 x e^{x^2} dx$$

$$J = \int_0^{\pi} (\cos(2x)) dx$$

$$I = \int_0^1 (2x+1) dx$$

64

(D) 1° - لتكن F الدالة العددية المعرفة على المجال $]0, +\infty[$ بـ

60,5

$$F(x) = \frac{x}{2} (\sin(\ln x) - \cos(\ln x))$$

بين أن الدالة F دالة أصلية للدالة $x \mapsto \sin(\ln x)$.

60,5

2° - استنتج أن : $I = \int_1^e \sin(\ln x) dx = \frac{1+e^{\pi}}{2}$ على المجال $]0, +\infty[$.

(E) 1° - باستعمال مكامن بالجزأ، بين أن :

62

$$I = \int_{e^2}^e \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 4$$

2° - استنتج القيمة المتوسطة للدالة $f: x \mapsto \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$

61

على القطعة $[1, e^2]$.

Lycée ANISSE

D. S. N° 4

$\frac{2}{2}$

2 B. A. C. S. P

تكن f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ على

التعريف الثاني :

64

$$f: x \mapsto (x^2 - 2x + 1)e^{2x}$$

و (C) منحناها في م. م. م. $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ (الوحدة 2 cm)

61 1. بين أن $f(x) = 0$: ثم أول من سبها .

61 2. بين أن $f(x) = +\infty$: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$: ثم أول من سبها .

61 3. بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق على $\mathbb{R}$ ، وأن :

$$(\forall x \in \mathbb{R}) : f'(x) = 2x(x-1)e^{2x}$$

60.5 ب - اكتب جدول تغيرات الدالة f .

61 3. ارسم المنحنى (C)

60.5 4. بين أن :

$$(\forall x \in \mathbb{R}) : f''(x) - 4f'(x) + 4f(x) = 2e^{2x}$$

61 5. استنتج أن : $\int_0^1 f(x) dx = \frac{e^2 - 5}{4}$

61 6. احسب مساحة السطح المحصور بين (C)

والمستقيمت ذات المعادلتين :

$$y = 1 \quad \text{و} \quad x = 1 \quad \text{و} \quad x = 0$$

