

المستوى : الثانية علوم مدة الإنجاز : ساعتان السنة الدراسية : 2013/2014	الفرض الموحد الأول الدورة الثاني	
التمرين 1 أسئلة مستقلة : 1. ليكن x عددا حقيقيا و y عدد حقيقي موجب قطعاً بسط ما يلي : $A = e^{\ln(y)} - \ln(2e^y) - \ln\left(\frac{e}{2}\right)$ $B = \frac{(e^x)^5 \times e^{3-x}}{\left(e^{1+\frac{3}{2}x}\right)^2}$ 2. حل في $\mathbb{R}$ المعادلتين : $e^{1-x} \times e^{2x} = e$ $\frac{e^{2-x}}{e^{1+2x}} = e^{x-1}$ 3. أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2 - x + 1)e^x$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x - 1}{x^2}$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x - x$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{\ln x}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 + x + 1 - e^x$ التمرين 2 1. حل في $\mathbb{C}$ المعادلة $z^2 - 6z + 25 = 0$ 2. نعتبر ، في المستوى العقدي المنسوب للمعلم المتعامد المباشر $(O, \vec{u}, \vec{v})$ ، النقط E, D, C, B, A التي أحاقها على الوالي هي : $e = 3 + 8i, d = 5 + 6i, c = 2 + 3i, b = 3 - 4i, a = 3 + 4i$ أ. أحسب $\frac{d-c}{a-c}$ ثم استنتج أن النقط D, C, A مستقيمية ب. نعتبر التحاكي h الذي مركزه B و نسبته $\frac{3}{2}$ و لتكن النقطة $M(z)$ من المستوى العقدي و $M'(z')$ صورتها بالتحاكي h بين أن $z' = \frac{3}{2}z - \frac{3}{2} + 2i$ ثم استنتج أن النقطة E هي صورة النقطة A بالتحاكي h		التنقيط 2 2 3 1.5 1.5 1.5

المستوى : الثانية علوم مدة الإنجاز : ساعتان السنة الدراسية : 2013/2014	الفرض الموحد الأول الدورة الثاني	
التمرين 3		التنقيط
I - نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $g(x) = e^x - x - 1$		2
1. أدرس تغيرات الدالة g		
2. استنتج أن : $g(x) \geq 0$ لكل x من $\mathbb{R}$		1
II - نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $f(x) = e^{2x} - 2xe^x - 1$		
ليكن (C) منحنى f في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.		
1. بين أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$ ، ثم أول النتيجة هندسيا.		1
2. أ. بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$		1
(لاحظ $f(x) = xe^x \left(\frac{e^x}{x} - 2 \right) - 1$)		
ب. تحقق من أن (C) يقبل فلرعا شلجميا بجوار $+\infty$ ، يتم تحديد إتجاهه		0.5
3. أ. بين أن لكل x من $\mathbb{R}$ ، $f'(x) = 2g(x)e^x$		1
ب. استنتج أن الدالة f تزايدية على $\mathbb{R}$		0.5
ج . أحسب $f'(0)$ ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجة		0.5
د . أنشئ المنحنى (C)		1