

المستوى : الثانية علوم مدة الإنجاز : ساعتان بتاريخ : 3 مارس 2015	الفرض الموحد الأول الدورة الثاني	 السنة الدراسية : 2015/2014	
التمرين 1			التنقيط
أسئلة مستقلة :			
1. أ. بسط ما يلي :			
$A = e^{\ln 3 - \ln 2} + e^{\ln 3 + \ln 2}$	; $C = \frac{1 + \ln \sqrt{e}}{e^{-2 \ln 2}}$		1.5
ب. بين أن :			
$(\forall x \in \mathbb{R}) : \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1} = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$			
2) $e^{x^2+2x} \geq e^{2+x^2}$	1) $(x-1)(e^x - 1) = 0$		4
3) $2e^{2x} - 5e^x + 2 = 0$	4) $\frac{1-e^x}{2+e^x} < 0$	2. حل في $\mathbb{R}$ ما يلي :	/
3. أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\ln(1+e^x)}{e^x}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^2 - 1)e^x$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^{x^2}}{x^2 + 1}$			2
التمرين 2			
1. حل في $\mathbb{C}$ المعادلة $z^2 - 4z + 8 = 0$			1
2. نعتبر ، في المستوى العقدي المنسوب للمعلم المتعامد المباشر $(O, \vec{u}, \vec{v})$ ، النقط D, C, B, A التي أحاقها على الوالي هي :			
$d = (1 - \sqrt{3}) + (1 + \sqrt{3})i, c = -\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i, b = 2 - 2i, a = 2 + 2i$			
أ. تحقق من أن $bc = d$			0.5
ج. أعط شكلا أسيا لكل من b و c			1
د. استنتج عمدة للعدد d			0.5
3. ليكن الدوران R الذي مركزه O وزاويته $-\frac{\pi}{2}$			
أ. بين أن لحق E صورة النقطة B بالدوران R هو $e = -2 - 2i$			1
ب. بين أن $\frac{b-e}{b-a} = i$ ثم بين أن المثلث ABE مثلث متساوي الساقين و قائم الزاوية في B			1.5

المستوى : الثانية علوم
مدة الإنجاز : ساعتان
بتاريخ : 3 مارس 2015

الفرض الموحد الأول
الدورة الثاني

Inisse
Groupe scolaire
السنة الدراسية : 2014/2015

التنقيط

التمرين 3

I - نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $g(x) = e^{-2x} + 2x - 1$

1. بين أن $g'(x) = 2(1 - e^{-2x})$ لكل x من $\mathbb{R}$.

2. بين أن الدالة g تزايدية على $\mathbb{R}^+$ وتناقصية على $\mathbb{R}^-$.

3. بين أن $g(x) \geq 0$ لكل x من $\mathbb{R}$.

0.75

1

0.5

II - نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $f(x) = (x - 1)(e^{2x} + 1)$

ليكن (C) منحنى f في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$.

0.5

2. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أول، النتيجة هندسيا.

0.5

3. أ. بين أن المستقيم (D) الذي معادلته $y = x - 1$ مقارب مائل لمنحنى الدالة f بجوار $-\infty$.

0.5

ب. ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C) و المستقيم (D) .

0.5

4. أ. بين أن $f'(x) = g(x)e^{2x}$ لكل x من $\mathbb{R}$.

1

ب. أحسب $f'(0)$ ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجة

0.5

ج. أعط جدول تغيرات الدالة f

0.5

د. أنشئ المنحنى (C)

0.75