

المادة : الأستاذ :	الرياضيات على الشريف
فرض محروس رقم 3 الدورة الأولى (07/06)	ال المستوى : الثانية باكالوريا علوم تجريبية ثا.المختار السوسي نباتية الخميسات.

التمرين الأول : (4 ن)	
نعتبر الحدوية $P(z) = z^4 - 1$ حيث $z \in C$	ان 1
1 ) عمل الحدوية $(z)$ إلى حدوديات من الدرجة الأولى .	ان 1
2 ) آستنتج حلول المعادلة $P(z) = 0$ في $C$	ان 1
3 ) آستنتاج مما سبق حلول المعادلة : $\left( \frac{2z+1}{z-1} \right)^4 = 1$	ان 2
<hr/>	
التمرين الثاني : (3 ن)	
المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(O; \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ .	
حدد $(\Gamma)$ مجموعة النقط ذات اللحق $Z$ بحيث :	
$ Z - i  = 2 Z + i $	
<hr/>	
التمرين الثالث : (5 ن)	
نعتبر العدد العقدي : $Z = -\sqrt{2+\sqrt{2}} + i\sqrt{2-\sqrt{2}}$	
1 ) أعط الشكل الجبري للعدد $Z^2$ .	ان 1
2 ) أعط الشكل الأسني للعدد $Z^2$ .	ان 1
3 ) آستنتاج الشكل الأسني للعدد $Z$ .	ان 1
4 ) بين أن العددين $\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$ و $\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$ هما على التوالي $COS(\alpha)$ و $SIN(\alpha)$ .	ان 2
حيث $\alpha$ زاوية يجب تحديدها .	
<hr/>	
التمرين الرابع : (8 ن)	
المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(O; \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ .	
نعتبر الحدوية : $P(z) = z^3 + (\sqrt{3}-2i)z^2 + (-5+i\sqrt{3})z - 8i$	
1 ) أ - أحسب $P(\sqrt{3}+i)$ .	ان 1
ب - أوجد عددين عقديين $a$ و $b$ بحيث : $\forall z \in C : P(z) = (z - (\sqrt{3}+i))(z^2 + az + b)$	ان 1
ج - حل في $C$ المعادلة : $(E) : P(z) = 0$	ان 2
2 ) لتكن $z_0$ و $z_1$ و $z_2$ حلول المعادلة $(E)$ بحيث $ z_0  <  z_1  <  z_2 $ .	ان 1
أ - أكتب $z_1$ و $z_2$ على شكليهما المثلثي .	ان 1
ب - بين أن : $z_1^{12} + z_2^6 = 0$ .	ان 1
3 ) النقط $A_0$ و $A_1$ و $A_2$ هي على التوالي صور الأعداد $z_0$ و $z_1$ و $z_2$ في المستوى العقدي .	ان 1
أ - حدد $z_B$ لحق النقطة $B$ بحيث تكون النقطة $A_0$ منتصف القطعة $[A_1B]$ .	ان 1
ب - بين أن المثلث $A_1A_2B$ متساوي الأضلاع .	ان 1