

المادة : الرياضيات الأستاذ : علي الشريف	فرض محروس رقم 3 الدورة الأولى (07/06)	المستوى : الثانية باكالوريا علوم تجريبية ثا.المختار السوسي -نيابة الخميسات-
--	--	--

<p>التمرين الأول : (4 ن)</p> <p>نعتبر الحدودية $P(z)=z^4-1$ حيث $z \in C$</p> <p>(1) عمل الحدودية $P(z)$ إلى حدوديات من الدرجة الأولى .</p> <p>(2) أستنتج حلول المعادلة $P(z)=0$ في C</p> <p>(3) أستنتج مما سبق حلول المعادلة : $\left(\frac{2z+1}{z-1}\right)^4 = 1$</p>	<p>1ن</p> <p>1ن</p> <p>2ن</p>
<p>التمرين الثاني : (3 ن)</p> <p>المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O;\vec{e}_1;\vec{e}_2)$.</p> <p>حدد (Γ) مجموعة النقط M ذات اللحق Z بحيث :</p> $ Z-i =2 Z+i $	<p>1ن</p>
<p>التمرين الثالث : (5 ن)</p> <p>نعتبر العدد العقدي : $Z = -\sqrt{2} + \sqrt{2}i + i\sqrt{2} - \sqrt{2}$</p> <p>(1) أعط الشكل الجبري للعدد Z^2 .</p> <p>(2) أعط الشكل الأسّي للعدد Z^2 .</p> <p>(3) أستنتج الشكل الأسّي للعدد Z .</p> <p>(4) بين أن العددين $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{2}$ و $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{2}}{2}$ هما على التوالي $\cos(\alpha)$ و $\sin(\alpha)$.</p> <p>حيث α زاوية يجب تحديدها .</p>	<p>1ن</p> <p>1ن</p> <p>1ن</p> <p>2ن</p>
<p>التمرين الرابع : (8 ن)</p> <p>المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O;\vec{e}_1;\vec{e}_2)$.</p> <p>نعتبر الحدودية : $P(z) = z^3 + (\sqrt{3} - 2i)z^2 + (-5 + i\sqrt{3})z - 8i$</p> <p>(1) أ - أحسب $P(\sqrt{3} + i)$.</p> <p>ب - أوجد عددين عقديين a و b بحيث : $\forall z \in C : P(z) = (z - (\sqrt{3} + i))(z^2 + az + b)$</p> <p>ج - حل في C المعادلة : $P(z) = 0$</p> <p>(2) لتكن z_0 و z_1 و z_2 حلول المعادلة (E) بحيث $z_0 < z_1 < z_2$</p> <p>أ - أكتب z_1 و z_2 على شكليهما المثلثي .</p> <p>ب - بين أن : $z_1^{12} + z_2^6 = 0$</p> <p>(3) النقط A_0 و A_1 و A_2 هي على التوالي صور الأعداد z_0 و z_1 و z_2 في المستوى العقدي .</p> <p>أ - حدد z_B لحق النقطة B بحيث تكون النقطة A_0 منتصف القطعة $[A_1B]$.</p> <p>ب - بين أن المثلث A_1A_2B متساوي الأضلاع .</p>	<p>1ن</p> <p>1ن</p> <p>2ن</p> <p>1ن</p> <p>1ن</p> <p>1ن</p> <p>1ن</p>

مدة الإنجاز : ساعتان