

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة 12: الجداء السلمي وتطبيقاته
المستوى : الثانية باك علوم فيزيائية وعلوم الحياة
والأرض والعلوم الزراعية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

تمرين 1: ليكن $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ أساسا في الفضاء $\vec{u}(1; 5; -1)$ و

$$\vec{w} = \frac{1}{2}\vec{i} - \frac{\sqrt{3}}{2}\vec{k} \text{ و } \vec{v}(-5; 1; 0)$$

(1) هل المتجهتان \vec{u} و \vec{v} متعامدتين ؟

(2) أحسب : $\|\vec{u}\|$ و $\|\vec{w}\|$

تمرين 2: $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ معطى متعامد منظم مباشر للفضاء

نعتبر النقط : $A(1; 0; -1)$ و $B(1; 2; -1)$ والمتجهات :

$$\vec{v}(2; 1; 0) \text{ , } \vec{u}(3; -2; 1)$$

(1) أحسب المسافة بين النقطتين A و B

(2) أحسب $\cos(\widehat{\vec{u}; \vec{v}})$

تمرين 3: نعتبر النقط $A(1; -1; 2)$ و المتجهة $\vec{u}(2; 1; -1)$

حدد مجموعة النقط M من الفضاء بحيث : $\vec{u} \cdot \overrightarrow{AM} = -1$

تمرين 4: حدد متجهة منظمية على المستوى (P) في الحالات التالية :

$$(P) \quad 3x - z + 1 = 0 \quad (2) \quad (P) \quad 2x - 3y + z + 10 = 0 \quad (1)$$

$$(P) \quad z = 2 \quad (4) \quad (P) \quad y + z + 1 = 0 \quad (3)$$

$$(6) \quad (P) \quad x - 2y + 7z - 3 = 0 \quad (5)$$

$$(P) \quad 2y - z + 11 = 0$$

تمرين 5: نعتبر في الفضاء المتجهة $\vec{n}(1; 2; 1)$ والنقطتين

$$A(-1; 0; 2) \text{ و } B(3; 1; 0)$$

(1) حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المار من النقط A و \vec{n} متجهة منظمية عليه.

(2) حدد تمثيلا باراميتريا للمستقيم (D) المار من النقط B و العمودي على المستوى (P) .

(3) حدد مثلث إحداثيات النقط B' المسقط العمودي للنقط B على المستوى (P) .

تمرين 6: حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المحدب

$$\vec{n}(2; 1; -2) \text{ و } A(-5; 2; -1)$$

تمرين 7: نعتبر في الفضاء النقط $A(5; 1; 0)$ و المستوى (P)

$$x + 2y + 2z - 6 = 0$$

أحسب : $d(A; (P))$

تمرين 8: $(P) : -3x + 2y + z + 2 = 0$

ليكن : $(D) \perp (P)$ و $B(-2; 2; 3) \in (D)$

(1) احسب : $d(B; (P))$ (2) حدد تمثيلا باراميتريا ل (D)

تمرين 9: حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) في الحالات التالية:

$$(1) (S) \text{ مركزها } \Omega(1; 2; -3) \text{ و شعاعها } R = 4$$

$$(2) (S) \text{ مركزها } \Omega(0; -1; 1) \text{ و تمر من النقط } A(1; 2; -1)$$

تمرين 10: حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي أحد أقطارها

$$[AB] \text{ نضع : } A(1; 0; -1) \text{ و } B(1; 2; -1)$$

تمرين 11: حدد مجموعة النقط $M(x; y; z)$ التي تحقق

المعادلات التالية: (1)

$$(E_1) : x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 4y - 6z + 6 = 0$$

$$(E_2) : x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y + 2z + 6 = 0 \quad (2)$$

$$(E_3) : x^2 + y^2 + z^2 - x + 3y + 2z + \frac{9}{2} = 0 \quad (3)$$

تمرين 12: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 4y - 2z + 5 = 0$$

و (D) المستقيم المار من $A(0; 5; 1)$ و $\vec{n}(2; 1; -2)$ متجهة موجهة له

(1) حدد تمثيل باراميتري للمستقيم (D)

(2) أدرس الوضع النسبي للمستقيم (D) و الفلكة (S)

تمرين 13: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y - 1 = 0$$

$$\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 2t; (t \in \mathbb{R}) \\ z = -1 + t \end{cases}$$

و (D) المستقيم المعروف بما يلي:

أدرس الوضع النسبي للمستقيم (D) و الفلكة (S)

تمرين 14: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 2z + 4 = 0 \text{ و } (D) \text{ المستقيم}$$

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = t; (t \in \mathbb{R}) \\ z = t \end{cases}$$

أدرس الوضع النسبي للمستقيم (D) و الفلكة (S)

تمرين 15: تكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$(S) : x^2 + y^2 + z^2 = 6$$

$$A(1; 1; -2) \text{ و } \vec{u}(-3; 2; 1)$$

ادرس تقاطع المستقيم $D(A; \vec{u})$ و (S)

تمرين 16: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$(P) : x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y + 2z - 1 = 0 \text{ والمستوى}$$

المعرف

$$2x + y + 2z - 3 = 0$$

(1) حدد المركز Ω للفلكة (S) وشعاعها R

(2) أحسب $d(\Omega; (P))$ وتأكد أن (P) يقطع الفلكة في نقطة

وحيدة T

(3) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω

والعمودي على (P)

(4) استنتج احداثيات T نقطة تماس الفلكة (S) و المستوى (P)

تمرين 17: لتكن (S) الفلكة التي مركزها $\Omega(2; 0; 1)$ شعاعها

$$R = 3 \text{ والمستوى } (P) \text{ المعرف}$$

$$x - 2y + z + 3 = 0$$

(1) حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S)

(2) أحسب $d(\Omega; (P))$ وتأكد أن (P) يقطع الفلكة وفق دائرة

(C) يتم تحديد شعاعها r

(3) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω

والعمودي على (P)

(4) استنتج احداثيات H مركز الدائرة (C)

تمرين 18: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها هي:

$$(P) : x^2 + y^2 + z^2 - 2x = 0 \text{ والمستوى}$$

$$x + y - z + 2 = 0$$

(1) حدد المركز Ω للفلكة (S) وشعاعها R

(2) أحسب $d(\Omega; (P))$ ماذا تستنتج ؟

تمرين 19: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها الديكارتية هي :

$$(S) : x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y + 2z = 5$$

والمستوى $(P) : 2x - 2y + z + 3 = 0$ المعرف ب

(1) حدد المركز Ω للفلكة (S) وشعاعها R

(2) بين أن (P) يقطع الفلكة وفق دائرة (C) يتم تحديد شعاعها

r

(3) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω

والعمودي على (P)

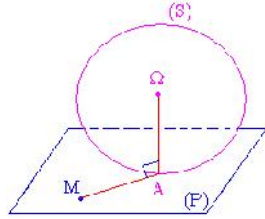
(4) استنتج احداثيات H مركز الدائرة (C)

تمرين 20:

$$S(\Omega; R) : x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 4y - 6z = 5$$

(1) بين أن $A(2; -1; 0) \in (S)$

(2) حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المماس ل (S) في A



تمرين 21: نعتبر الفلكة (S) التي مركزها $A(2; -1; 1)$

و شعاعها 6

(1) بين أن $B(-2; 3; -1) \in (S)$

(2) حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المماس ل (S) في B

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.
c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

