



تمرين 8:

الفضاء منسوب إلى M^3 $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

نعتبر النقط $A(2,3,3)$ و $B(3,1,1)$ و $C(3,3,2)$

(1) أ) حدد إحداثيات المتجهة $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$

ب) حدد معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)

ج) أحسب مسافة النقطة C عن المستقيم (AB)

(2) لتكن الفلكة المعرفة بـ:

$$(S): x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 6y - 4z + 21 = 0$$

أ) حدد مركزها و شعاعها

ب) بين أن المستقيم (AB) مماس للفلكة S ثم حدد

نقطة التماس

ج) أدرس تقاطع (ABC) و (S)

(3) ليكن المستوى $(P): x + 2y - 2z - 3 = 0$

أ) حدد تمثيلا للمستقيم المار من C و العمودي على

(P)

$$\begin{cases} x = -2t + 3 \\ y = 6t + 1 \\ z = 5t + 1 \end{cases}$$

ب) بين أن المستقيم هو تقاطع

المستويين (P) و (ABC)

ج) بين أن المستوى (P) يقطع الفلكة في دائرة يجب

تحديد مركزها و شعاعها

تمرين 9:

نعتبر النقط $A(1,2,-2)$ و $B(1,1,-1)$ و $C(2,1,-2)$

(1) أ) حدد مثلث إحداثيات $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$

ب) بين أن $x + y + z - 1 = 0$ هي معادلة ديكارتية

للمستوى (ABC)

(2) لتكن $S = S(\Omega, R)$ بحيث $\Omega(1,1,1)$ و $R = \frac{2}{\sqrt{3}}$

أ) بين أن (ABC) مماس للفلكة S ثم حدد نقطة

التماس

ب) لتكن $M(a,b,c)$ نقطة من (ABC)

$$\text{بين أن } a^2 + b^2 + c^2 \geq \frac{1}{3}$$

تمرين 10:

نعتبر $A(1,2,1)$ و المستوى $(P): 2x + y + 2z - 4 = 0$

(1) أ) أحسب $d(A, (P))$

ب) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من A و العمودي على (P)

$$(2) \text{ نعتبر المستقيم } \Delta: \begin{cases} x = -t + 2 \\ y = -2t \\ z = 2t - 1 \end{cases}$$

أ) بين أن $(\Delta) \parallel (P)$

ب) حدد إحداثيات $\overrightarrow{AB} \wedge \vec{u}$ بحيث $B(2,0,-1)$ و $\vec{u}(-1,-2,2)$

ج) استنتج $d(A, (\Delta))$

(3) نعتبر الفلكة معادلتها $0 = x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 2z - 3$

أ) حدد مركزها و شعاعها

ب) بين أن (P) يقطع الفلكة في دائرة يجب تحديدها

ج) بين أن (Δ) يقطع الفلكة في نقطتين يجب تحديدهما

(4) ليكن المستوى (Q) الموازي لـ: (P) و الذي يقطع الفلكة

وفق دائرة شعاعها 1

أ) بين أن $d(A, (Q)) = 2\sqrt{2}$

ب) استنتج أن هناك مستويين يقطعان الفلكة وفق دائرة شعاعها 1

تمرين 11:

نعتبر النقط $A(1,2,-3)$ و $B(2,1,1)$ و $C(4,5,-3)$

(1) بين أن $(AB) \perp (AC)$

(2) حدد مثلث إحداثيات $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$

(3) استنتج أن معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) هي

$$2x - 2y - z - 1 = 0$$

(4) لتكن $E(3,3,-1)$

أ) تحقق أن E منتصف $[BC]$

ب) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من E و العمودي

على (ABC)

(5) ليكن المستوى $(P): x + y + z - 4 = 0$

نعتبر الفلكة (S) التي يقطعها (P) في دائرة كبرى و

يقطعها (ABC) و فق الدائرة المحيطة بالمثلث (ABC)

حدد مركز و شعاع الفلكة