

تمرين 1

نعتبر في الفضاء (ع) المنسوب إلى م م م م $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ النقاط $A(3, 0, 0)$ و $B(1, 0, 2)$ و $C(1, 2, 0)$

(1) أ- حدد إحداثيات المتجهة $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$
 ب- اكتب معادلة ديكرتية للمستوى (ABC)
 (2) أعط معادلة ديكرتية للفلكة (S) التي مركزها $\Omega(1, 0, 0)$ و تمر من النقطة A
 (3) أ- تحقق أن B , C تنتمي للفلكة (S)
 ب- أكتب تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من النقطة Ω و العمودي على المستوى (ABC)
 ج- استنتج مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

تمرين 2

في الفضاء (ع) المنسوب إلى م م م م $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ نعتبر النقاط $A(-2, 0, 3)$ و $B(0, 1, 3)$ و $C(1, 1, 2)$ و ليكن (P) المستوى الذي معادلته $x - 2y - 3 = 0$

(1) أ- أحسب مسافة النقطة $\Omega(0, 1, 3)$ عن المستوى (P)
 ب- أعط معادلة للفلكة (S) التي مركزها Ω و مماسة للمستوى (P)
 (2) أ- حدد إحداثيات المتجهة $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$
 ب- اكتب معادلة ديكرتية للمستوى (ABC)
 (3) بين أن (ABC) يقطع (S) وفق دائرة (ع)
 يتعين تحديد مركزها و شعاعها
 (4) تحقق أن $A \in (S)$ ثم أعط معادلة المستوى المماس للفلكة (S) عند النقطة A

تمرين 3

نعتبر في الفضاء (ع) المنسوب إلى م م م م $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ الفلكة (S) التي معادلتها :
 $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4z - 6z + 8 = 0$
 و المستوى (P) الذي معادلته $x - y + 2z + 1 = 0$

(1) بين أن مركز الفلكة (S) هي النقطة $\Omega(1, 2, 3)$ و أن شعاعها هو $\sqrt{6}$
 (2) تحقق أن المستوى (P) مماس للفلكة (S)
 (3) أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω و العمودي على (P)
 ب- حدد مثلث إحداثيات H نقطة تماس (P) و (S)

2004

الفضاء (ع) المنسوب إلى م م م م $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$. لنكن (S) مجموعة النقاط $M(x, y, z)$ بحيث :
 $x^2 + y^2 + z^2 - 4y + 2z + 2 = 0$

(1) بين أن (S) فلكة مركزها $\Omega(0, 2, -1)$ و $r = \sqrt{3}$
 (2) أ- تحقق أن النقطة $A(-1, 1, 0)$ تنتمي إلى (S)
 ب- أعط معادلة المستوى (P) المماس للفلكة (S) عند النقطة $A(-1, 1, 0)$
 (3) أ- تحقق أن $x + y + z - 2 = 0$ معادلة ديكرتية للمستوى (Q) المار من النقطة $B(1, 3, -2)$ و $\vec{n}(1, 1, 1)$ منظمية عليه
 ب- بين أن (Q) يقطع (S) وفق دائرة محددا مركزها و شعاعها

2005

نعتبر في الفضاء (ع) المنسوب إلى م م م م $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ المستوى (P) الذي معادلته $x - z + 1 = 0$ و الفلكة (S) التي مركزها $\Omega(1, 0, 0)$ و شعاعها $r = 2$

(1) بين أن (P) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (Γ) محددا شعاعها
 (2) أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω و العمودي على (P)
 ب- حدد مثلث إحداثيات w مركز الدائرة (Γ)

2006

نعتبر في الفضاء (ع) المنسوب إلى م م م م $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ النقطة $A(1, -1, 3)$ و المستوى $(P) x - y + 3z = 0$

(1) أ- تحقق أن $t \in \mathbb{R}$ تمثيل بارامترى

$$\begin{cases} x = t \\ y = -t \\ z = 3t \end{cases}$$

 للمستقيم (OA)
 ب- حدد معادلة المستوى (Q) العمودي على المستقيم (OA) في A
 ج- تحقق أن (P) يوازي (Q)
 (2) نعتبر الفلكة (S) المماسية للمستوى (Q) في النقطة A و التي يقطعها المستوى (P) في دائرة مركزها O و شعاعها $\sqrt{33}$
 أ- بين أن $\Omega(a, b, c)$ مركز الفلكة (S) ينتمي إلى المستقيم (OA) و أن $b = -a$ و $c = 3a$
 ب- بين أن $\Omega A^2 - \Omega O^2 = 33$ و استنتج أن $a - b + 3c = -11$
 ج- استنتج إحداثيات Ω ثم بين أن شعاع (S) هو $2\sqrt{11}$