

ج- بين أن $z' - w = \frac{3}{2}(z - w)$ واستنتج أن f تحاكي محددًا مركزه ونسبته

تمرين 8

ليكن h التحويل في المستوى (P) الذي يربط النقطة $M(z)$ بالنقطة $M'(z')$ بحيث $z' = -2z + 3 - 6i$
أ- حدد b' لحق B' صورة النقطة $B(b = 1 - 3i)$ بالتحويل h
ب- حدد a لحق A سابق النقطة $A'(a' = -1 - 2i)$ ب A'
ج- بين أن h يقبل نقطة صامدة Ω يتم تحديد لحقها w
د- بين أن h تحاكي محددًا مركزه ونسبته
ماستنتج أن $A'B' = 2AB$

تمرين 9

نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى M $(O; \vec{e}_1; \vec{e}_2)$.
التحويل g الذي يربط النقطة $M(z)$ بالنقطة $M'(z')$ بحيث $z' = iz + 2 + 2i$
1- حدد $z_{A'}$ لحق النقطة A' صورة النقطة $A(-1+i)$ ب g
2- بين أن g يقبل نقطة صامدة وحيدة Ω محددًا لحقها w
3- بين أن $(z' - w) = i(z - w)$ لكل $M(z)$ من المستوى
4- استنتج أن g دوران محددًا مركزه وزاويته

استدراكية 2008

1- حل في $\mathbb{C}$ المعادلة $z^2 - 8z + 17 = 0$
2- نعتبر في المستوى العقدي (P) المنسوب إلى معلم متعامد ومنظم مباشر $(O, \vec{u}, \vec{v})$ النقطتين A ; B اللتين لحقاهما على التوالي هما $a = 4 + i$; $b = 8 + 3i$ ولتكن $M(z)$ نقطة من المستوى (P) و $M'(z')$ صورتها بالدوران R الذي مركزه Ω ذات اللق $w = 1 + 2i$ وزاويته $\frac{3\pi}{2}$

أ- بين أن $z' = -iz - 1 + 3i$
ب- تحقق أن لحق C صورة A بالدوران R هو العدد $c = -i$
ج- بين أن $b - c = 2(a - c)$ ثم استنتج أن النقط A ; B ; C مستقيمية

العادية 2008

نعتبر في المستوى العقدي (P) النقط A , B , C التي لحاقها $a = 3 + 5i$, $b = 3 - 5i$ و $c = 7 + 3i$ على التوالي
1- لتكن $M'(z')$ صورة النقطة $M(z)$ بالإزاحة T ذات المتجه $\vec{u}$ التي لحقها $4 - 2i$
أ- بين أن $z' = z + 4 - 2i$
ب- بين أن C هي صورة A بالإزاحة T
2- أ- بين أن $\frac{b-a}{c-a} = 2i$
ب- استنتج طبيعة المثلث ABC وبين أن $BC = 2AC$

تمرين 1

حدد الترميز الأسّي للعدد z في الحالات التالية :
 $z = -3i$; $z = 2$
 $z = -2 + 2i$; $z = 1 + i\sqrt{3}$
 $z = \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{1}{3}i$; $z = (1 - i\sqrt{3})^6$

تمرين 2

حل في المجموعة $\mathbb{C}$ المعادلات التالية :
(1) $z^2 - 2z + 2 = 0$
(2) $z^2 - z + 1 = 0$
(3) $3z^2 - 6z + 4 = 0$
(4) $z^2 - 2(\sin \theta)z + 1 = 0$: $\theta \in \mathbb{R}$

تمرين 3

نعتبر في المستوى العقدي (P) الإزاحة t_u حيث $\vec{u}$ متجهتها لحقها هو $\alpha = 1 + 2i$
أ- حدد الشكل العقدية للإزاحة t_u
ب- حدد لحق A' صورة النقطة $A(-2 - i)$ بالإزاحة t_u
ج- حدد لحق B سابق النقطة $B'(2 - i)$ بالإزاحة t_u

تمرين 4

ليكن h التحاكي الذي مركزه Ω ذات اللق $w = 1 - 2i$ ونسبته $k = -2$
أ- حدد لحق A' صورة النقطة $A(3 + 2i)$ بالتحاكي h
ب- حدد التعبير العقدي للتحاكي h
ج- حدد لحق B سابق النقطة $B'(5 - 2i)$ بالتحاكي h

تمرين 5

ليكن h' التحاكي الذي مركزه Ω ونسبته $k = -\frac{1}{2}$ والذي يحول النقطة $A(2 - 2i)$ إلى النقطة $B(-1 + 4i)$
أ- حدد w لحق النقطة Ω مركزه التحاكي h'
ب- حدد لحق D صورة $C(-2i)$ بالتحاكي h'

تمرين 6

لتكن T الإزاحة التي تحول النقطة $A(2 + i)$ إلى النقطة $A'(-1 - i)$ ولتكن $\vec{u}$ متجهتها الإزاحة T
1- حدد β لحق المتجه $\vec{u}$
2- حدد الشكل العقدي للإزاحة T ثم حدد لحق النقطة B' صورة النقطة $B(1 + 3i)$ بالإزاحة T

تمرين 7

ليكن f التحويل في المستوى (P) الذي يربط النقطة $M(z)$ بالنقطة $M'(z')$ بحيث $z' = \frac{3}{2}z + 2i$
أ- حدد لحق A' صورة النقطة $A(-4)$ بالتحويل f
ب- بين أن f يقبل نقطة صامدة Ω يتم تحديد لحقها w