

| السنة 2 بكالوريا علوم تجريبية                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | الأعداد العقدية | سلسلة 3 |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------|---------|
| <p><b>تمرين 1 :</b> حل في <math>C</math> المعادلات :</p> $z^3 + 1 = 0 \quad , \quad z^2 + 49 = 0 \quad , \quad z^2 - 6z + 10 = 0 \quad , \quad z^2 + 2z + 1 = 0 \quad , \quad z^2 + 3z - 4 = 0$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                 |         |
| <p><b>تمرين 2 :</b> نعتبر في <math>C</math> الحدودية : <math>P(z) = z^3 - 7z^2 + 25z - 39</math></p> <p>(1) تحقق أن 3 جذر للحدودية <math>P(z)</math></p> <p>(2) أوجد الأعداد الحقيقية <math>a</math> و <math>b</math> و <math>c</math> حيث <math>P(z) = (z - 3)(az^2 + bz + c)</math></p> <p>(3) حل في <math>C</math> المعادلة : <math>P(z) = 0</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                          |                 |         |
| <p><b>تمرين 3 :</b></p> <p>(1) حل في <math>C</math> المعادلة : <math>z + \frac{1}{z} = 1</math></p> <p>(2) أكتب على الشكل المثلي ثم الأسّي حلي هذه المعادلة</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                 |         |
| <p><b>تمرين 4 :</b></p> <p>(1) حل في <math>C</math> المعادلة : <math>z^2 + 2z + 2 = 0</math></p> <p>(2) اكتب حلي هذه المعادلة <math>z_1</math> و <math>z_2</math> على الشكل المثلي ثم على الشكل الأسّي</p> <p>احسب المجموع : <math>K = z_1^8 + z_2^8</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                 |         |
| <p><b>تمرين 5 :</b></p> <p>(1) حل في <math>C</math> المعادلة : <math>z^2 + 4\sqrt{3}z + 16 = 0</math></p> <p>(2) اكتب حلي هذه المعادلة <math>z_1</math> و <math>z_2</math> على الشكل المثلي ثم الأسّي (حيث : <math>\text{Im}(z_1) &gt; 0</math>)</p> <p>(3) نعتبر في المستوى العقدي <math>(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)</math> النقطتين <math>A(z_1)</math> و <math>B(z_2)</math>.</p> <p>و نعتبر الدوران الذي مركزه <math>O</math> و زاويته <math>\frac{p}{3}</math></p> <p>أ) أكتب التمثيل العقدي لهذا الدوران</p> <p>ب) حدد لحق <math>A'</math> صورة <math>A</math> بهذا الدوران.</p> <p>ج) استنتج طبيعة المثلث <math>OAB</math></p> |                 |         |
| <p><b>تمرين 6 :</b> نعتبر في المستوى العقدي <math>(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)</math> النقط <math>A(2+i)</math> و <math>B(5+2i)</math> و <math>C(1+4i)</math>.</p> <p>(1) أكتب التمثيل العقدي للدوران الذي مركزه <math>A</math> و زاويته : <math>\frac{p}{2}</math>.</p> <p>(2) حدد لحق <math>B'</math> صورة <math>B</math> بهذا الدوران. تم استنتج طبيعة المثلث <math>ABC</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                  |                 |         |
| <p><b>تمرين 7 :</b> ليكن <math>q \in \mathbb{R}</math>.</p> <p>(1) باستعمال صيغة Euler (الصيغة الأسية)، أخط : <math>\cos^3(q)</math> و <math>\sin^2(q) \cos(q)</math></p> <p>(2) استنتج دالة أصلية لكل من : <math>f(x) = \cos^3(x)</math> و <math>g(x) = \sin^2(x) \cos(x)</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |                 |         |