

المجزوءة :	أ. البرهان بالترجع و المتتاليات	1. نصائح :
A. دراسة الدوال العددية	إ. متتالية مكبورة -	المتتاليات لضبطها وجبك
B. المتتاليات العددية	متتالية مصغورة - رتابة متتالية	مراجعة التأطير جيدا و
C. حساب التكامل	إ. متتالية هندسية - حسابية	التبسيط
D. الأعداد العقدية	إ. نهاية متتالية	
	إ. متتالية مرتبطة بدالة	

1. البرهان بالترجع

بين بالترجع أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \geq \alpha$	بين بالترجع أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \leq \alpha$	المرحلة 1
← من أجل : $n = 0$	← من أجل : $n = 0$	
نتحقق من الشرط من أجل $n = 0$	نتحقق من الشرط من أجل $n = 0$	
← نفترض أن :	← نفترض أن :	المرحلة 2
$n \in \mathbb{N} \quad U_n \geq \alpha$	$n \in \mathbb{N} \quad U_n \leq \alpha$	
و نبين أن : $n \in \mathbb{N} \quad U_{n+1} \geq \alpha$	و نبين أن : $n \in \mathbb{N} \quad U_{n+1} \leq \alpha$	
هناك حالتان :		
إذا كان $U_{n+1} = aU_n + b$	إذا كان $U_{n+1} = \frac{aU_n + b}{cU_n + d}$	
✓ نستعمل الافتراض $U_n \geq \alpha$	✓ نحسب الفرق $U_n - \alpha$	
✓ ثم نؤطر وصولا إلى $U_{n+1} \geq \alpha$	✓ نؤطر نتيجة الفرق ونحصل على النتيجة	
← إذن حسب البرهان بالترجع فإن $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \geq \alpha$	← إذن حسب البرهان بالترجع فإن $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \leq \alpha$	المرحلة 3

حالة خاصة : بين بالترجع أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \geq 0$ أو $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \leq 0$

حالة $\alpha = 0$ نستعمل التأطير في المرحلة 2

2. متتالية مكبورة - متتالية مصغورة - رتابة متتالية

متتالية مكبورة بالعدد M	$(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \leq M$
متتالية مصغورة بالعدد m	$(\forall n \in \mathbb{N}) U_n \geq m$
رتابة متتالية	متتالية تزايدية : $(\forall n \in \mathbb{N}) U_{n+1} - U_n \geq 0$
	متتالية تناقصية : $(\forall n \in \mathbb{N}) U_{n+1} - U_n \leq 0$
ملاحظة :	نستعين بنتيجة سؤال الترجع لتأطير $U_{n+1} - U_n$

المجزوءة :	I. البرهان بالترجع و المتتاليات	1. ضبط القواعد جيدا
A. دراسة الدوال العددية	II. متتالية مكبورة -	
B. المتتاليات العددية	متتالية مصغورة - رتبة متتالية	
C. حساب التكامل	III. متتالية هندسية - حسابية	
D. الأعداد العقدية	IV. نهاية متتالية	
	V. متتالية مرتبطة بدالة	

3. المتتاليات الحسابية - المتتاليات الهندسية

المتتاليات الحسابية	المتتاليات الهندسية
القاعدة	$V_{n+1} = V_n + r$
	$V_{n+1} = qV_n$
السؤال	بين أن (V_n) متتالية حسابية محددًا أساسها
الجواب	بين أن (V_n) متتالية هندسية محددًا أساسها
1. نحدد V_{n+1}	1. نحدد V_{n+1}
2. نلاحظ $V_{n+1} = \text{عدد} \times V_n$	2. نحسب $V_{n+1} - V_n$
عدد = أساس المتتالية	يجب الحصول على عدد = أساس المتتالية
السؤال : أكتب (V_n) بدلالة n	الجواب : نستعمل الحد العام
حيث : V_p حدها الأول	حيث : V_p حدها الأول
$V_n = V_p \times q^{n-p}$	$V_n = V_p + (n-p)r$
المجموع	
$S_n = V_p \frac{1-q^{n-p+1}}{1-q}$	$S_n = (n-p+1) \frac{V_n + V_p}{2}$

4. نهاية متتالية و مصاديق التقارب

كل متتالية تزايدية و مكبورة هي متتالية متقاربة
كل متتالية تناقصية و مصغورة هي متتالية متقاربة

$q > 1$	$q = 1$	$-1 < q < 1$	$q \leq -1$
$\lim_{n \rightarrow +\infty} q^n = +\infty$	$\lim_{n \rightarrow +\infty} q^n = 1$	$\lim_{n \rightarrow +\infty} q^n = 0$	المتتالية ليس لها نهاية

5. متتالية مرتبطة بدالة

كل ما يخص متتالية مرتبطة بدالة فهو في هذا الرابط :