

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة رقم 5: الدوال الأصلية
المستوى : الثانية باك علوم فيزيائية وعلوم الحياة
والأرض والعلوم الزراعية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

تمرين 1: نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ كالتالي:

$$f(x) = x^2 + 2x + 3$$

1. حدد دالة F قابلة للاشتقاق على $\mathbb{R}$ بحيث $(\forall x \in \mathbb{R}); F'(x) = f(x)$
2. هل توجد دالة أخرى G بحيث $(\forall x \in \mathbb{R}); G'(x) = f(x)$
3. كم توجد من دالة F بحيث $(\forall x \in \mathbb{R}); F'(x) = f(x)$ ؟

تمرين 2: نعتبر الدالة f المعرفة على $]0; +\infty[$ كالتالي:

$$f(x) = 2x^2 + x + 1 + \frac{1}{x^2}$$

1. حدد مجموعة الدوال الأصلية للدالة f على $]0; +\infty[$
2. حدد الدالة الأصلية F للدالة f بحيث $F(1) = 3$

تمرين 3: حدد مجموعة الدوال الأصلية للدوال التالية :

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} + \cos x + \sin x - 1 \quad (2) \quad f(x) = 5x^4 + 3x + 1 \quad (1)$$

$$f(x) = (2x - 1)^3 \quad (4) \quad f(x) = \sin x + x \cos x \quad (3)$$

$$f(x) = \frac{x}{(x^2 - 1)^2} \quad (5)$$

تمرين 4: حدد مجموعة الدوال الأصلية للدوال التالية :

$$f(x) = 2\cos x - \sin x - 3 \quad (2) \quad f(x) = 8x^3 + 4x^2 + x + 6 \quad (1)$$

$$f(x) = (4x + 5)^2 \quad (4) \quad f(x) = 2x \sin x + x^2 \cos x \quad (3)$$

$$f(x) = \frac{x^2}{(x^3 + 2)^2} \quad (5)$$

تمرين 5: حدد مجموعة الدوال الأصلية للدوال التالية :

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \quad (2) \quad f(x) = 2\sqrt{2x + 1} \quad (1)$$

تمرين 6: حدد مجموعة الدوال الأصلية للدوال التالية :

$$f(x) = \frac{x^2}{\sqrt{8 + x^3}} \quad (2) \quad f(x) = x\sqrt{x^2 + 1} \quad (1)$$

$$f(x) = \sin(4x - 1) \quad (3)$$

$$f(x) = (\sin x)^2 \cos x \quad (5) \quad f(x) = \cos(2x + 8) \quad (4)$$

تمرين 7: نعتبر الدالة f المعرفة على $]0; +\infty[$ كالتالي :

$$f(x) = \frac{x^2 + 2x}{(x + 1)^2}$$

1. حدد العددين الحقيقيين a و b بحيث:

$$\forall x \in]0; +\infty[\quad f(x) = a + \frac{b}{(x + 1)^2}$$

2. حدد الدالة الأصلية F للدالة f بحيث $F(1) = \frac{5}{2}$

تمرين 8: نعتبر الدالة f

$$f(x) = x\sqrt{x - 1} \quad \text{المعرفة على } [1; +\infty[\text{ كالتالي :}$$

$$1. \text{ بين أن : } f(x) = \sqrt{(x - 1)^3} + \sqrt{x - 1} \quad \forall x \in [1; +\infty[$$

$$2. \text{ حدد الدالة الأصلية } F \text{ للدالة } f \text{ بحيث } F(2) = 1$$

تمرين 9: نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ كالتالي:

$$f(x) = \frac{5x^4 + 40x^2 + 20x + 80}{(x^2 + 4)^2}$$

$$1. \text{ حدد الأعداد الحقيقية } a \text{ و } b \text{ و } c$$

$$\text{بحيث : } \forall x \in [0; +\infty[\quad f(x) = \frac{ax + b}{(x^2 + 4)^2} + c$$

$$2. \text{ حدد مجموعة الدوال الأصلية للدالة } f$$

$$3. \text{ حدد الدالة الأصلية } F \text{ للدالة } f \text{ بحيث } F(0) = c$$

تمرين 10: نعتبر الدالة f المعرفة على $[0; \pi]$ كالتالي :

$$f(x) = x \cos x - \sin x$$

$$1. \text{ أحسب } f'(x)$$

$$2. \text{ استنتج مجموعة الدوال الأصلية } G \text{ للدالة } g$$

$$\text{المعرفة كالتالي : } g(x) = x \sin x - \cos x$$

$$3. \text{ حدد الدالة الأصلية } G \text{ للدالة } g \text{ بحيث } G(\pi) = 0$$

تمرين 11: نعتبر الدالتين f و g المعرفتين

$$\text{على } \left]0; \frac{\pi}{2}\right[\text{ كالتالي : } f(x) = \tan^2 x \text{ و } g(x) = \cos^2 \frac{x}{2}$$

$$\text{حدد مجموعة الدوال الأصلية للدالتين } f \text{ و } g$$

تمرين 12: حدد مجموعة الدوال الأصلية للدوال التالية :

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \quad (2) \quad f(x) = 2\sqrt{2x + 1} \quad (1)$$

تمرين 13: حدد مجموعة الدوال الأصلية للدوال التالية :

$$f(x) = \frac{x^5}{\sqrt{3 + x^6}} \quad (2) \quad f(x) = x^2 \sqrt{x^3 + 2} \quad (1)$$

$$f(x) = 3 \sin(x + 2) \quad (3)$$

$$f(x) = (\cos x)^4 \times \sin x \quad (5) \quad f(x) = 2 \cos(5x + 1) \quad (4)$$

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.
c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

