هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

المجزوءة :

A. دراسة الدوال العددية
B. المتتاليات العددية
C. حساب التكامل
D. الأعداد العقدية

I. النهايات والاتصال
II. حساب النهايات و الفروع اللانهائية
III. دراسة الإشارة
IV. الاشتقاق
V. تغيرات -تقعر-وضع نسبي
VI. نقط هامة
VII. ملخص لقواعد lnx و e*

1. الفروع اللانهائية
2. قواعد حساب النهايات

1. قواعد و نهايات اعتيادية

← الحدوديات:

		أمثلة
$\lim_{x\to+\infty} x^2 = +\infty$	$\lim_{x\to-\infty} x^2 = +\infty$	$\lim_{x\to+\infty} x^2 - x + 1 = \lim_{x\to+\infty} x^2 = +\infty$
$\lim_{x\to+\infty} x^3 = +\infty$	$\lim_{x\to-\infty} x^3 = -\infty$	$\lim_{x\to-\infty} -3x^3 - x + 1 = \lim_{x\to-\infty} -3x^3 = +\infty$
بصفة عامة :	$\lim_{x\to\pm\infty} ax^n = \pm\infty$	نهاية حدودية هي نهاية الحد الأكبر درجة

← الكسور:

$\lim_{x\to\pm\infty} \frac{a}{x^n} = 0$	$\lim_{x\to0^{\pm}} \frac{a}{x^n} = \pm\infty$	This is frimija

← الأشكال الغير المحددة:

$\frac{\infty}{\infty}$	$\frac{0}{0}$	$0\times\infty$	$+\infty-\infty$

نهايات الدالة اللوغاريتمية	نهايات الدالة الأسية:	نهايات هامة :
$\lim_{x\to+\infty} \ln x = +\infty$	$\lim_{x\to+\infty} e^x = +\infty$	1. $\lim_{x\to0^+} \frac{lnx}{x} = \lim_{x\to0^+} \frac{1}{x} lnx = -\infty$
$\lim_{x\to+\infty} \frac{\ln x}{x^n} = 0^+$	$\lim_{x\to+\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty$	2. $\lim_{x\to-\infty} \frac{e^x}{x} = \lim_{x\to-\infty} \frac{1}{x} e^x = 0$
$\lim_{x\to0^+} \ln x = -\infty$	$\lim_{x\to-\infty} e^x = 0^+$	3. $\lim_{x\to+\infty} \frac{x}{e^x} = \lim_{x\to+\infty} \frac{1}{\frac{e^x}{x}} = \frac{1}{+\infty} = 0$
$\lim_{x\to0^+} x^n \ln x = 0$	$\lim_{x\to-\infty} x^n e^x = 0$	4. $\lim_{x\to+\infty} e^{2x} + e^{-x} = \lim_{x\to+\infty} (e^x)^2 + \frac{1}{e^x} = +\infty$
$\lim_{x\to0} \frac{\ln(x+1)}{x} = 1$ $\lim_{x\to1} \frac{\ln x}{x-1} = 1$	$\lim_{x\to0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$	5. $\lim_{x\to+\infty} \frac{(\ln x)^2}{x}$ $t = \sqrt{x}$ $x \to +\infty$ $t \to +\infty$ $\lim_{t\to+\infty} \frac{(\ln t^2)^2}{t^2} = \lim_{t\to+\infty} \left(\frac{\ln(t^2)}{t}\right)^2 = \lim_{t\to+\infty} \left(\frac{2\ln(t)}{t}\right)^2 = \lim_{t\to+\infty} \left(2\frac{\ln(t)}{t}\right)^2 = 0$

Pr.Belbacha Elmehdi
للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

2. الفروع اللانهائية

الفروع اللانهائية: الغرض منها دراسة تصرف الدالة عندما تأخذ الأفاصيل أو الأراتيب قيما تؤول إلى ما لانهاية **نلخصها في الخطاطة التالية.**

تأويل مباشر

(Cf) يقبل مقاربا عموديا معادلته $x=a$	$\lim\limits_{x\to a} f(x)=\pm\infty$
(Cf) يقبل مقاربا أفقيا معادلته $y=b$ بجوار $\pm\infty$	$\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)=b$

التأويل الغير المباشر :

$$\lim_{x\to\pm\infty} f(x)=\pm\infty$$

نحسب

$$\lim_{x\to\pm\infty} \frac{f(x)}{x}$$

- $\lim\limits_{x\to\pm\infty} \frac{f(x)}{x}=\pm\infty$: (Cf) يقبل فرعا شلجميا باتجاه محور الأراتيب بجوار $\pm\infty$ **STOP**
- $\lim\limits_{x\to\pm\infty} \frac{f(x)}{x}=a\neq 0$: نحسب $\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)-ax$
  - $\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)-ax=b \quad / b\in\mathbb{R}$: (Cf) يقبل مقاربا مائلا معادلته $y=ax+b$ بجوار $\pm\infty$
  - $\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)-ax=\pm\infty$: (Cf) يقبل فرعا شلجميا باتجاه المستقيم ذو المعادلة $y=ax$ بجوار $\pm\infty$
- $\lim\limits_{x\to\pm\infty} \frac{f(x)}{x}=0$: (Cf) يقبل فرعا شلجميا باتجاه محور الأفاصيل بجوار $\pm\infty$ **STOP**

طريقة مباشرة :

سؤال : بين أن $y=ax+b$ مقارب مائل لمنحنى الدالة f بجوار ∞

جواب :

← نحسب $\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)-y$

← و يجب أن نجد $\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)-y=0$

سؤال : بين أن $y=ax+b$ فرع شلجمي لمنحنى الدالة f بجوار ∞

جواب :

← نحسب $\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)-y$

← و يجب أن نجد $\lim\limits_{x\to\pm\infty} f(x)-y=\pm\infty$

Pr.Belbacha Elmehdi
للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma