

2017-16

مقرر ١

الثانية علوم فيزيائية  
الثانية علوم فنيه

**التمرين الأول :** أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3x-2} - 1}{x^3 - 1}, \quad \lim_{\substack{x \rightarrow 3 \\ x > 3}} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 3x}, \quad \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 3x - 4}{x^2 - 16}$$

**التمرين الثاني :**

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}^+$  بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{2}}{x-2} & ; \quad x \neq 2 \\ f(2) = a \end{cases}$$

(3) أدرس اتصال الدالة  $f$  على  $[0, 2] \cup [2, +\infty]$  و عمل

(4) حدد قيمة العدد  $a$  كي تكون  $f$  منصلة في النقطة 2

**التمرين الثالث :**

(3) ينه أن  $x^2 + x = \frac{5}{x+1}$  تقبل حل  $\alpha$  في المجال  $[1, 2]$

(4) ينه أن  $\alpha$  ينتمي إلى المجال  $\left[1, \frac{3}{2}\right]$

**التمرين الرابع :**

نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة بما يلي :

(4) حدد  $D$  مجموعة تعريف الدالة  $g$

(5) أحسب النهايات  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x}$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

(6) أ) ينه أن  $g$  نزالية قطعا على  $D$

ب) ينه أن  $g$  تقبل دالة عكسية  $g^{-1}$  معرفة على مجال  $J$  يتم تحديده

**سؤال إضافي :** أحسب  $g^{-1}(x)$  لكل  $x$  من المجال  $J$

2017-16

مختارات قسم 1

الثانية علوم فيزيائية  
الثانية علوم فيزيائية

**التمرين الأول :** أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3x-2} - 1}{x^3 - 1}, \quad \lim_{\substack{x \rightarrow 3 \\ x > 3}} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 3x}, \quad \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 3x - 4}{x^2 - 16}$$

**التمرين الثاني :**

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}^+$  بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{2}}{x - 2} & ; \quad x \neq 2 \\ f(2) = a \end{cases}$$

- 1) أدرس انتقال الدالة  $f$  على  $[0, 2] \cup [2, +\infty]$  و على  $[2, +\infty]$
- 2) حدد قيمة العدد  $a$  كي تكون  $f$  منصلة في النقطة 2

**التمرين الثالث :**

- 1) برهن أن  $x^2 + x = \frac{5}{x+1}$  تقبل حلًا  $\alpha$  في المجال  $[1, 2]$
- 2) برهن أن  $\alpha$  ينتمي إلى المجال  $\left[1, \frac{3}{2}\right]$

**التمرين الرابع :**

نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة بما يلي :

$$g(x) = \sqrt{x+2} + \sqrt{x}$$

- 1) حدد  $D$  مجتمعة تعریف الدالة  $g$
- 2) أحسب النهايتيه  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x}$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$
- 3) برهن أن  $g$  تزايدية قطعا على  $D$
- ب) برهن أن  $g$  تقبل دالة عكسيه  $g^{-1}$  معرفة على مجال  $J$  يتم تحديده

**سؤال إضافي :** أحسب  $(g^{-1})(x)$  لكل  $x$  من المجال  $J$