

(2) بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا :

$$u_R + u_L = E$$

$$\text{أي : } R.i + r.i + L.\frac{di}{dt} = E \quad \Leftrightarrow \quad L.\frac{di}{dt} + (R+r).i = E \quad \text{نضع : } R_t = R + r \quad \text{إذن :}$$

$$L.\frac{di}{dt} + R_t.i = E \quad \text{وبقسمة الكل على } R_t \quad \text{تصبح :} \quad \frac{L}{R_t}.\frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_t} \quad \text{وهي المعادلة التفاضلية .}$$

$$(3) \text{ حل المعادلة التفاضلية : } \frac{L}{R_t}.\frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_t} \quad \text{هو عبارة عن دالة أسية تكتب كما يلي :} \quad i = Ae^{-\alpha.t} + B \quad \text{إذن :}$$

$$\frac{di}{dt} = -\alpha.Ae^{-\alpha.t} \quad \text{وبالتعويض في المعادلة التفاضلية :} \quad -\alpha.\frac{L}{R_t}.Ae^{-\alpha.t} + Ae^{-\alpha.t} + B = \frac{E}{R_t} \quad \text{أي :} \quad e^{-\alpha.t}(1 - \tau.\alpha) + B = \frac{E}{R_t}$$

$$\text{ومنه : } 1 - \frac{L}{R_t}.\alpha = 0 \quad \text{و} \quad B = \frac{E}{R_t} \quad \text{إذن :} \quad \alpha = \frac{R_t}{L} \quad \text{وبذلك الحل يصبح :} \quad i = Ae^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E}{R_t} \quad \text{ولتحديد الثابتة } A \text{ نستعمل الشروط}$$

$$\text{البديئية وهي عند } t=0 \text{ لدينا } i=0 \quad \text{إذن :} \quad 0 = Ae^0 + \frac{E}{R_t} \quad \text{أي :} \quad 0 = A + \frac{E}{R_t} \quad \text{ومنه :} \quad A = -\frac{E}{R_t} \quad \text{والحل النهائي يصبح :}$$

$$i = -\frac{E}{R_t}.e^{-\frac{R_t t}{L}} + \frac{E}{R_t} \quad \text{أي :} \quad i = \frac{E}{R_t}(1 - e^{-\frac{R_t t}{L}})$$

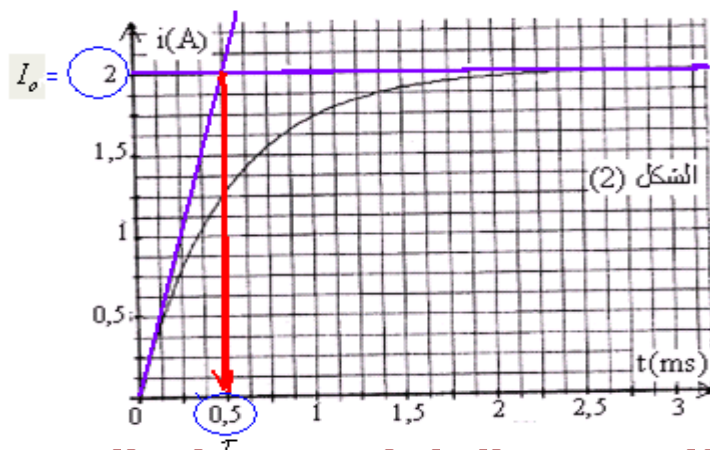
$$(4) \text{ الحل السابق على الشكل :} \quad i(t) = I_o.(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{إذن :} \quad I_o = \frac{E}{R_t} \quad \text{وهي شدة التيار القصوى و} \quad \tau = \frac{L}{R_t} \quad \text{وهي ثابتة الزمن لثنائي القطب } RL$$

$$[L] = \frac{[U][t]}{[I]} \quad \Leftrightarrow \quad [U] = [L] \frac{[I]}{[t]} \quad \Leftrightarrow \quad u_L = L \frac{di}{dt} \quad (5)$$

$$[R] = \frac{[U]}{[I]} \quad \Leftrightarrow \quad [U] = [R][I] \quad \Leftrightarrow \quad u_R = R.i \quad \text{و :}$$

$$[\tau] = \frac{[L]}{[R]} = [U][t][I]^{-1} \times [U]^{-1}.[I] = [t] \quad \Leftrightarrow \quad \tau = \frac{L}{R} \quad \text{وبما أن ثابتة الزمن :}$$

(6)



(7) الوشعية تقاوم إقامة التيار الكهربائي في الدارة .

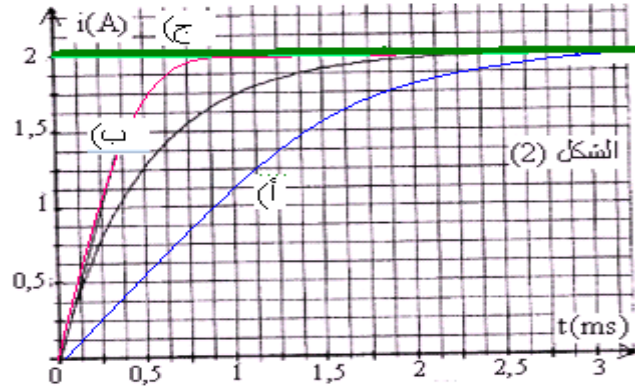
$$(8) \text{ لدينا : } I_o = \frac{E}{R_t} \Leftarrow R_t = \frac{E}{I_o} \text{ أي } R + r = \frac{E}{I_o} \text{ ومنه } r = \frac{E}{I_o} - R = \frac{12}{2} - 5 = 1\Omega$$

$$(9) \text{ لدينا : } \tau = \frac{L}{R} \text{ ومنه : } L = \tau.R = 0,5.10^{-3} \times 6 = 3.10^{-3} H$$

(10) نعلم أن مدة النظام الانتقالي (أي مدة شحن المكثف) تستغرق 5τ مع : $\tau = \frac{L}{R}$ إذن :

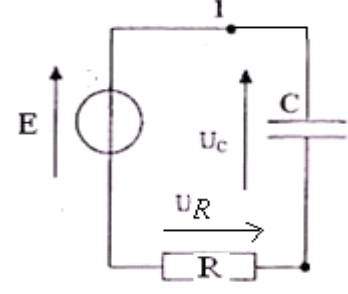
(أ) نزيد من قيمة L . تتزايد قيمة τ وبذلك يتزايد النظام الانتقالي و يتعطل شحن المكثف . (انظر الشكل)
(ب) نزيد من قيمة R . تتناقص قيمة τ وبذلك يتناقص النظام الانتقالي و يشحن المكثف في مدة أقل (انظر الشكل).

(ج) نعوض الوشعية بموصل أومي مقاومته $R' = 1\Omega$. تصبح شدة التيار الكهربائي في الدارة ثابتة : $I = \frac{E}{R + R'} = \frac{12}{5 + 1} = 2A$



(2) تصحيح التمرين الثاني فيزياء

(1-1) بتطبيق قانون جميع التوترات في دارة الشحن لدينا :



$$\text{مع : } u_R = R.i = R.\frac{dq}{dt} = R.\frac{d(C.u_C)}{dt} = R.C.\frac{du_C}{dt} \text{ إذن :}$$

$$u_R + u_C = E$$

وهي المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين مربطي المكثف.

$$R.C.\frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

(2-1) بما أن حل المعادلة التفاضلية هو : $u_C = A(1 - e^{-\beta.t})$ فإن : $\frac{du_C}{dt} = \beta.A.e^{-\beta.t}$ وبالتعويض في المعادلة التفاضلية تصبح :

$$R.C.\beta.A.e^{-\beta.t} + A - A.e^{-\beta.t} = E \text{ أي : } Ee^{-\beta.t}(R.C.\beta - 1) + A = E \text{ ومنه : } A = E \text{ و : } R.C.\beta - 1 \text{ و : } \beta = \frac{1}{R.C} \text{ ومنه :}$$

$$\text{وبالتالي : } u_C = E.(1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

(3-1) تعبير شدة التيار :

$$\text{لدينا : } i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C.u_C)}{dt} = C.\frac{du_C}{dt} \text{ مع : } \frac{du_C}{dt} = \frac{E}{R.C}.e^{-\frac{t}{R.C}} \text{ إذن : } i = \frac{E}{R}.e^{-\frac{t}{R.C}}$$

(4-1) نعلم أن ثابتة الزمن لثنائي القطب RC هي : $\tau = RC$ ولدينا عند اللحظة $t = \tau$ لدينا : $u_C(t = \tau) = E.(1 - e^{-\frac{RC}{RC}})$ أي : $u_C(t = \tau) = E.(1 - e^{-1}) = 0,63E = 0,63 \times 6V \approx 3,8V$ وهي توافق مبياننا :

$$\tau = 0,01s$$

إذن :

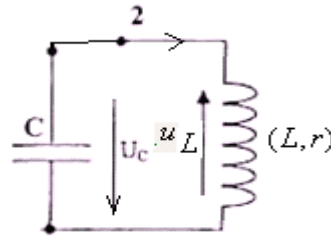


$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{0,01}{100} = 10^{-4} F = 100\mu F \quad \Leftarrow \quad \tau = RC \quad (5-1)$$

(2-1) الشكل المحصل عليه يبرز نظاما شبه دوري ويعزى ذلك إلى ظاهرة الخمود الناتج عن وجود المقاومة التي تسبب تبدد قسط من الطاقة بمفعول جول.

$$(2-2) \quad \text{حسب قانون تجميع التوترات لدينا : } u_L + u_C = 0 \quad \text{أي : } r.i + L.\frac{di}{dt} + u_C = 0 \quad (1) \quad \text{مع : } i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C.u_C)}{dt} = C.\frac{du_C}{dt}$$

$$\text{و : } \frac{di}{dt} = C.\frac{d^2 u_C}{dt^2} \quad \text{بالتعويض في (1) : } r.C.\frac{du_C}{dt} + LC.\frac{d^2 u_C}{dt^2} + u_C = 0 \quad \text{أي : } \frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{r}{L}.\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{L.C}u_C = 0$$



(3-2) مبيانيا قيمة شبه الدور : $T = 2ms$ وبما أن شبه الدور يساوي الدور الخاص .

$$L = \frac{T^2}{4.\pi^2.C} = \frac{(2.10^{-3})^2}{4.\pi^2.10^{-4}} \approx 10^{-3} H = 1mH \quad \text{ومنه : } T^2 = 4.\pi^2.L.C \quad \text{إذن : } T = T_0 = 2.\pi\sqrt{L.C}$$

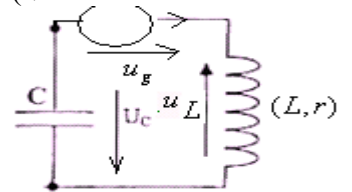
(4-2) الطاقة المفقودة بمفعول جول في الدارة بين اللحظتين $t = 0$ و $t = 7s$.

$$\Delta \xi = E_{e(t=7)} - E_{e(t=0)} = \frac{1}{2}.C(u_{C_7}^2 - u_{C_0}^2) = \frac{1}{2} \times 10^{-4} [(-2)^2 - 12^2] = -7.10^{-3} J$$

(5-2) لصيانة التذبذبات نضيف للدارة مولدا للصيانة ، التوتر بين مربطية $u_g = k.i$ بحيث المكثف مشحونا في البداية .

$$(أ) \quad \text{المقاومة الكلية للدارة هي مقاومة الوشيجة فقط } k = r = 2\Omega \quad \text{أي : } u_g = r.i$$

(ب) الدارة الموافقة :



بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا :

$$(2) \quad L.\frac{di}{dt} + u_C = 0 \quad \Leftarrow \quad u_C + r.i + L.\frac{di}{dt} = r.i \quad \text{أي : } u_C + u_L = u_g$$

$$\text{مع : } i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C.u_C)}{dt} = C.\frac{du_C}{dt} \quad \text{و : } \frac{di}{dt} = C.\frac{d^2 u_C}{dt^2}$$

$$(3) \quad \frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{L.C}u_C = 0 \quad \text{أي : } LC.\frac{d^2 u_C}{dt^2} + u_C = 0 \quad \text{بالتعويض في (2) تصبح}$$

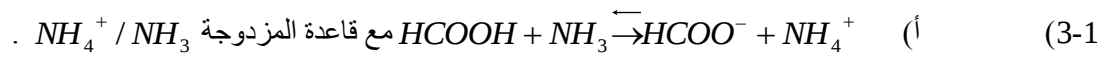
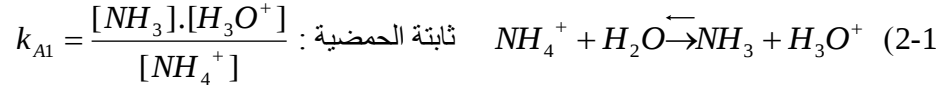
ج) بما أن حل هذه المعادلة يكتب كما يلي : $u_C = E \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \phi\right)$

وبالتعويض في (3) $\frac{d^2 u_C}{dt^2} = -E \cdot \frac{4\pi^2}{T_0^2} \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \phi\right)$ و : $\frac{du_C}{dt} = -E \cdot \frac{2\pi}{T_0} \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \phi\right)$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} : \text{أي } T_0^2 = 4\pi^2 LC \Leftarrow -\frac{4\pi^2}{T_0^2} + \frac{1}{LC} = 0 : \text{أي } -E \cdot \frac{4\pi^2}{T_0^2} \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \phi\right) + \frac{1}{LC} \cdot E \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \phi\right) = 0$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{1}{\sqrt{LC}} : \text{النبض الخاص}$$

تصحيح تمرين الكيمياء

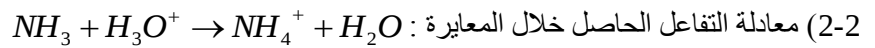
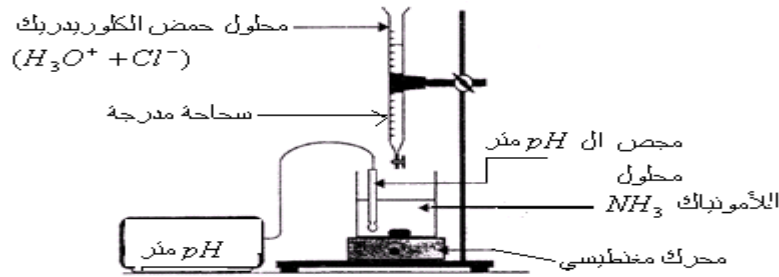


ب) ثابتة التوازن :

$$K = \frac{[HCOO^-] \cdot [NH_4^+]}{[NH_3] \cdot [HCOOH]} = \frac{[HCOO^-] \cdot [H_3O^+]}{[NH_3]} \cdot \frac{[NH_4^+]}{[H_3O^+] \cdot [HCOOH]} = k_{A1} \times \frac{1}{k_{A2}} = \frac{10^{-pkA1}}{10^{-pkA2}} = 10^{pkA2 - pkA1}$$

ت.ع : $K = 10^{9,2-3,8} = 2,5 \cdot 10^5$

(1-2)



(3-2) من خلال علاقة التكافؤ : $C_A \cdot V_{AE} = C_B \cdot V_B$ لدينا : $C_B = \frac{C_A \cdot V_{AE}}{V_B} = \frac{1,4 \cdot 10^{-1} \times 14 \cdot 10^{-3}}{20 \cdot 10^{-3}} = 0,098 \approx 0,1 \text{ mol/L}$

(4-2) الكاشف الملون المناسب لهذه المعايرة هو أحمر الميثيل لأن منطقة انعطافه تشمل قيمة $pH_E = 5,6$.

(5-2) لدينا $pH = pk_A + \log \frac{[NH_3]}{[NH_4^+]}$ إذن الحمض NH_4^+ هو المهيمن. $\Leftarrow \frac{[NH_3]}{[NH_4^+]} = 10^{pH - pkA} = 10^{2-9,2} = 6,3 \cdot 10^{-8} < 1$

(6-2) لدينا $K = 10^{9,2-0} = 1,6 \cdot 10^9$ لأن : $pk_{A(H_3O^+/H_2O_2)} = -\log k_A = -\log 1 = 0$ ولدينا سابقا : $pk_{A(NH_4^+/NH_3)} = 9,2$

$K > 10^4$ إذن تفاعل المعايرة كلي .