

10

سلسلة رقم

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ



تمارين : المعادلات التفاضلية + حساب التكامل

الصفحة

$$\int_0^3 |x-1| dx \text{ و } \int_0^{\ln(2)} \frac{3e^x}{e^x+2} dx \text{ و } \int_0^1 e^{5x} dx .6$$

.02

$$\int_2^\lambda (x+7) dx = 20 \text{ حيث: } \lambda > 0$$

.03

$$x \neq 3 \text{ مع } \frac{2x+1}{x-3} = a + \frac{b}{x-3} \text{ حيث: } a, b \in \mathbb{R}$$

$$\int_0^2 \frac{2x+1}{x-3} dx \text{ استنتج قيمة التكامل: } .2$$

.04

أحسب التكامل باستعمال المتكاملة بالأجزاء:

$$A = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin 2x dx .1$$

$$\lambda > 1 \text{ مع } B = \int_1^\lambda \ln(x-1) dx .2$$

.05

$$I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{\sin x + \cos x} dx \text{ و } J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx \text{ نضع }$$

$$I - J = I + J \text{ ثم } .1$$

$$\text{استنتاج قيمة التكامل } J \text{ ثم قيمة التكامل } I .2$$

.06

$$f(x) = \frac{1}{1+x^2} \text{ نعتبر الدالة العددية } f \text{ المعرفة على } \mathbb{R} \text{ بما يلي:}$$

$$\forall x \in [1, +\infty[ : \frac{1}{2x^2} \leq \frac{1}{1+x^2} \leq \frac{1}{x^2} \text{ بين أن: } .1$$

$$\text{استنتاج تطبيقات التكامل: } .2$$

$$\lim_{\lambda \rightarrow +\infty} \int_1^\lambda \frac{1}{1+x^2} dx \text{ استنتاج: } .3$$

.07

قارن التكاملين I و J بدون حساب لقيمهما.

$$J = \int_{\frac{1}{2}}^{\frac{2}{3}} -\ln(x) dx \text{ و } I = \int_{\frac{1}{2}}^{\frac{2}{3}} x^2 \ln(x) dx$$

تمارين : المعادلات التفاضلية

.01

$$.1 \text{ حل المعادلة التفاضلية } 2y' = 0$$

$$y' = -5y .2$$

$$g(0) = 2 \text{ حل } y' = 5y + 1 \text{ ثم حدد الحل الذي يحقق: } .2$$

$$(E): y' + 2y = 0 .3$$

$$(E'): y' + 2y = -e^{-3x} \text{ حل للمعادلة } y_0 = e^{-3x} .$$

.02

$$.1 \text{ حل المعادلة التفاضلية: } (E): y'' + 4y' + 4y = 0$$

$$.2 \text{ حدد الحل } g \text{ الذي يحقق: } g'(0) = 1 \text{ و } g(1) = 0 .$$

$$.2 \text{ حل المعادلة التفاضلية: } (E): y'' - 2y' - 8y = 0$$

$$.3 \text{ حل المعادلة التفاضلية: } (E): y'' - y' + y = 0$$

.03

$$.1 \text{ حل المعادلة التفاضلية: } (E): y' + 2y = 0$$

$$.2 \text{ بين أن: } (E'): y' + 2y = -e^{-3x} \text{ حل للمعادلة } y_0 = e^{-3x} .$$

تمارين : حساب التكامل

.01

أحسب التكاملات التالية:

$$.1 \int_4^{16} \frac{1}{2\sqrt{x}} dx \text{ و } \int_2^3 -\frac{1}{x^2} dx \text{ و } \int_1^3 (3x-2) dx$$

$$.2 \int_0^1 \frac{x}{\sqrt{x^2+3}} dx \text{ و } \int_1^2 x \cdot (3x^2+2)^5 dx \text{ و } \int_1^2 (5x+7)^3 dx$$

$$.3 \int_1^e \frac{1}{t \ln t} dt \text{ و } \int_{-1}^0 (2e^x + 5x) dx \text{ و } \int_1^e \frac{\ln^2(x)}{x} dx$$

$$.4 \int_0^{\frac{\pi}{3}} \sin 5x \cos 3x dx \text{ و } \int_0^{\frac{\pi}{5}} \sin(5x) dx \text{ و } \int_{\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x dx$$

$$.5 \int_2^3 \frac{2x+2}{x^2+2x} dx \text{ و } \int_1^3 \frac{1}{x+2} dx \text{ و } \int_1^e \frac{1}{x} dx$$

10

سلسلة رقم

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ



تمارين : المعادلات التفاضلية + حساب التكامل

الصفحة

نعتبر الدالتين العدديتين  $f$  و  $g$  المعرفتين على  $[0,2]$  بما يلي :

$$\cdot g(x) = x^2 + \frac{1}{2} \quad \cdot f(x) = x$$

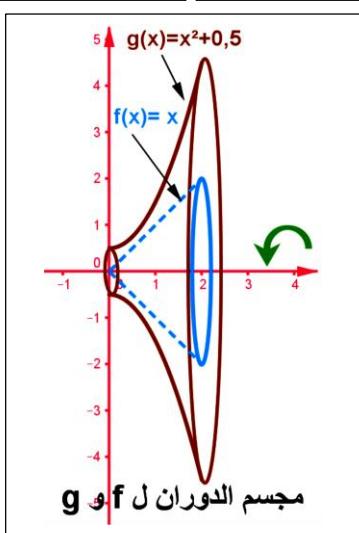
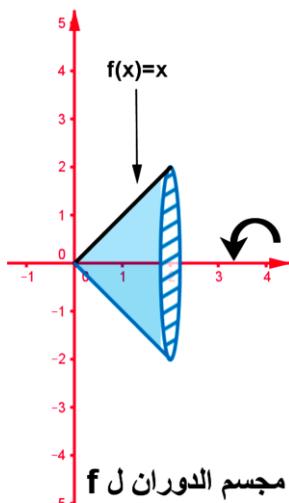
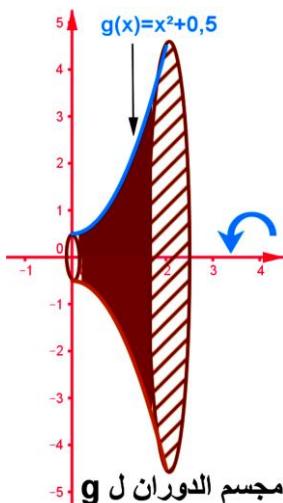
ليكن  $(C_f)$  و  $(C_g)$  منحنيهما في المعلم  $(0, \vec{i}, \vec{j})$

1. حسب  $V_f$  حجم مجسم المولد بدوران  $(C_f)$  حول محور الأفاسيل على المجال  $[0,2]$ .

2. حسب  $V_g$  حجم مجسم المولد بدوران  $(C_g)$  حول محور الأفاسيل على المجال  $[0,2]$ .

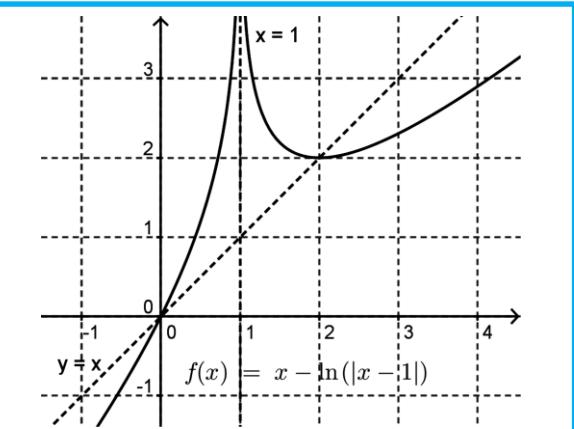
3. حسب  $V_c$  حجم مجسم المولد بدوران للحيز  $(S)$  من المستوى المحصور بين المنحنيين حول محور الأفاسيل على  $[0,2]$ .

4. لون المجسم  $(S_c)$ .



دالة عدديّة و  $(C_f)$  منحناها في م.م.م  $(\|\vec{i}\| = 1\text{cm})$

$$f(x) = x - \ln(|x-1|)$$



ليكن  $\lambda$  من  $[1,2]$  و ليكن  $\Delta$  حيز النقط  $(x,y)$  حيث  $x \leq y \leq f(x)$  و  $1 \leq x \leq 2$

و المستقيمات  $(y = x ; x = 2 ; x = \lambda)$ . لون الحيز  $\Delta$ .

1. أحسب بدلالة  $\lambda$  المساحة  $A(\lambda)$  للحيز  $\Delta$  ثم  $\lim_{\lambda \rightarrow 1^+} A(\lambda)$ .

09.

$$K_n = \int_0^{\pi/2} \sin^n(x) dx \quad ; n \in \mathbb{N}^* \quad K_0 = \int_0^{\pi/2} dx$$

1. أحسب :  $K_1$  و  $K_0$ .

$$2. \text{ بين أن : } K_{n+1} = \frac{n}{n+1} K_{n-1} \quad (\text{يمكنك استعمال المتكاملة})$$

بالأجزاء ) ،

3. استنتج  $K_2$  ثم  $K_3$ .

10.

1. أعط إخطاط ل  $f(x) = \cos^3 x$  ثم استنتاج دالة أصلية ل  $f$ .

$$2. \text{ أحسب : } I = \int_0^{\pi/2} \cos^3 x dx$$

$$3. \text{ أحسب : } K = \int_0^{\pi/2} x \cos^3 x dx$$

11.

الفضاء منسوب إلى معلم متعمد منظم  $(0, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  ( الوحدة 1 cm )