

(ب) ادرس تقعر المنحى (C_f) . و أنشئ المنحى (C_f)

تمرين رقم ⑤

(I) لتكن g الدالة المعرفة بما يلي :

$$g(x) = e^{2x} - 2x - 1$$

(1) أ- أحسب نهايات الدالة g

ب- أحسب المشتقة $g'(x)$ ثم ضع جدول

تغيرات الدالة g

(2) استنتج إشارة $g(x)$

(II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$$f(x) = (x+1)e^{-2x} + x + 1$$

(1) أ- أحسب نهايات الدالة f

ب- أدرس الفروع اللانهائية للمنحى C_f

(2) أ- بين أن $f'(x) = g(x)e^{-2x}$

ب- أنجز جدول تغيرات الدالة f

(3) أدرس تقعر المنحى C_f

(4) ارسم C_f

تمرين رقم ⑥

نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = \left(1 - \frac{1}{x}\right)e^{\frac{1}{x}} & x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

1- حدد D_f

2- بين أن متصلة على يسار 0 وغير متصلة على

يمين 0

3- ادرس قابلية اشتقاق f على يسار النقطة 0 وأعط

تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها

4- احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

5- أحسب $f'(x)$ و أعط جدول تغيرات f

6- أ- بين أن لكل x من $D_f - \{0\}$:

$$f''(x) = -\frac{1}{x^4} \left(\frac{3x+1}{x} \right) e^{\frac{1}{x}}$$

ب- أدرس تقعر C_f ثم ارسم C_f

8- نعتبر الدالة $g(x) = \frac{1}{x} + \ln\left(\frac{x-1}{x}\right)$

أ- تحقق أن لكل x من $]-\infty, 0[\cup]1, +\infty[$:

$$g(x) = \ln(f(x))$$

ب- أعط جدول تغيرات g

تمرين رقم ①

لتكن f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$$f(x) = \frac{e^x}{e^x - 2} \quad \text{و} \quad (C_f) \text{ منحناها في م م م}$$

1. (أ) حدد D_f مجموعة تعريف f

(ب) أحسب نهايات f عند محداث D_f

(ج) أدرس الفروع اللانهائية ل (C_f)

2. ادرس تغيرات الدالة f

3. حدد معادلة مماس المنحى عند النقطة $A(0; -1)$

4. أنشئ المنحى (C_f)

تمرين رقم ②

نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = (x-1)e^{-x}$$

(1) أحسب نهايتي f

(2) أدرس الفروع اللانهائية للمنحى C_f

(3) أ- أحسب الدالة المشتقة

ب- أعط جدول تغيرات الدالة f

(4) أدرس تقعر المنحى C_f

(5) أرسم المنحى C_f

تمرين رقم ③

[I] نضع $g(x) = e^x - x - 1$

1- ادرس تغيرات الدالة g

2- استنتج إشارة الدالة g

[II] نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = e^{2x} - 2xe^x - 1$$

1- حدد نهايات الدالة f

2- أدرس الفروع اللانهائية للمنحى C_f

3- بين أن $f'(x) = 2g(x)e^x$

ثم أنجز جدول تغيرات الدالة f

4- أرسم المنحى C_f

تمرين رقم ④

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \left(1 - \frac{1}{x}\right)e^x \quad \text{و ليكن} \quad (C_f) \text{ منحناها في م م م}$$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

2. احسب نهايات f عند محداث D_f

3. ادرس الفروع اللانهائية للمنحى (C_f)

4. ادرس تغيرات الدالة f وأعط جدول تغيراتها

(أ) بين أن :

$$(\forall x \in \mathbb{R}^*) : f''(x) = \frac{(x-1)(x^2+2)}{x^3} e^x$$